عبد العزيز شرابي

جامعة قسنطينة

طرق إحصائية للتوقيع الإقتصادي



حيوان المطبوعات الجامهية الساحة المركزية - بن عكنون - الجزائر

© ديوان المطبوعات الجامعية 05 - 2000 رقم النشر: 4.01.4423 رقم رد.م.ك (4.01.4423)

رقم الإيداع القانوني: .356/2000

http://www.opu-lu.cerlst.dz

إلى أمي



مقدمة

يتناول هذا الكتاب إحدى الموضوعات الهامة جدا في عصرنا، معرفة المستويات المستقبلية للظواهر الإقتصادية من أجل إتخاذ قرارات في الحاضر. سعي الإنسان لمعرفة المستقبل ليس وليد عصرنا، في حين لم يبلغ هذه الدرجة من الأهمية والإتساع مثل ماهو الآن. والمعرفة المستقبلية للظواهر الإقتصادية والإجتماعية تشغل باستمرار حيزا خاصا وتفرض نفسها كفرع علمي مستقل.

إن الميزة الأساسية للمعرفة المستقبلية بالظراهر الإقتصادية والإجتماعية يتمثل في إرتفاع درجة عدم اليقين، وذلك لا يرتبط فقط بنقص معرفة الإنسان بالقواعد التي تحكم سيرورة تطور هذه الظواهر وعدم المعرفة الدقيقة لعلاقات السبب-النتيجة داخلها، ولكن السبب يكمن أيضا في الطابع الداخلي والجسوهري لهذه الظواهر. ونظرا لارتفاع درجة عدم اليقين في سيرورة تطور هذه الظواهر فإننا كثيرا ماتصادف إختلاف وعدم تطابق التوقعات والتنبؤات التي يقدمها لنا أخصائيون مختلفون حول ظاهرة معينة، وذلك بسبب الإعتماد على تفعيل خبراتهم، والقدرة عى ذلك ليست واحدة عند الجميع، وهنا يكمن مصدر إختلاف نتائج التوقعات والتنبؤات ومنه ينبغي الإقرار بأن المعرفة المستقبلية تقع في مكان مابين العلم والفن.

إن المعرفة المستقبلية موضوع بالغ الأهمية، سواء على مستوى الدولة أو على مستوى المؤسسات والشركات. فالتوقعات الخاصة بالبطالة ومعدلات التشغيل والأرقام القياسية للسلع الإستهلاكية والرأسمالية ومستويات أسعار السلع التصديرية والمستوردة وأسعار العملات وغيرها من الموشرات، كلها عناصر أساسية تمكن الدولة من رسم وتوجيه السياسات لتحسين الأوضاع الإقتصادية والإجتماعية للسكان في

داخل البلاد وتعزيز المكانة الإقتصادية والسياسية للدولة تجاه الخارج.

أما على مستوى المؤسسات والشركات فإن الدراسة المستقبلية للسوق وتغير المحيط والتعرف على قدرة المنافسين الموجودين والمحتملين كلها مسائل مركزية بالنسبة للمؤسسات. وفقط بمارسة التوقع والتنبؤ يمكن للمؤسسة أن ترفع من قدرتها التنافسية وتضمن بقاءها، وذلك عن طريق إستغلال نتائج التوقع والتنبؤ كمدخل لتحديد سياسات الإنتاج وتحديد الأسعار وحجم العمالة والمخزونات وغيرها.

والذي شجعنا أكثر على بذل هذا الجهد هو قيامنا بتدريس مادة هذا الكتاب للسنة الأولى ماجستير في العلوم الإقتصادية، فرع إدارة الأعمال، دفعتي 1992 و 1993 بجامعة قسنطينة وللسنة الأولى ماجستير في العلوم الإقتصادية، فرع النقد والتمويل، دفعة 1994 بجامعة عنابة، وكذا للدراسات العليا المتخصصة في تسيير المؤسسات بجامعة قسنطينة سنة 1996ء وقد لاحظنا إهتمام الطلبة وتفاعلهم مع المادة.

لقد حاولنا أن يكون هذا العمل في مستوى الدراسات العليا، علوم إقتصادية وفي نفس الوقت في متناول رجال الأعمال والقائمون على إدارة المؤسسات.

لذلك فقد إعتمدنا أسلوبا سهلا وتجنبنا الخوض كثيرا في الجوانب الرياضية والإكتفاء بذكر المراجع عند الضرورة لمن يرغب في المزيد من التعمق في بعض الجوانب الفنية. لقد إعتمدنا على أسلوب تقديم الأمثلة مباشرة بعد عرض التقنية حتى يتمكن القارئ من الفهم. ورغم ذلك فإن القارئ يحتاج للإلمام المسبق بجبادئ الإحصاء خاصة مقاييس التشتت والنزعة المركزية والإختبارات الإحصائية وأيضا المبادئ الأولية لجبر المصفوفات.

أما عن خطة الكتاب فقد كانت كالتالي : في الفصل الأول وتحت عنوان : بعض المفاهيم الأساسية في التوقع بالظواهر الإقتصادية والإجتماعية، إستعرضنا فيه بعض المفاهيم الأساسية : التقدير، التوقع، التنبؤ، التخطيط. والأهم هنا هو تحديد صفهيوم واضح للتوقع، والذي يعني بالمسائل الكمية ويعتمد على الطرق والنماذج الإحصائية، بينما التنبؤ يعني بالمسائل الكيفية ويعتمد على الحدس وتقديرات الخيراء. وفي هذا الفصل تم التطرق إلى مسألة تصنيف تقنيات التوقع وهنا تم إقتراح تصنيف جديد : تقنيات التوقع بغدة فترات زمنية واحدة وتقنيات التوقع بعدة فترات زمنية. وفي هذا الفصل حددنا منهجية لاختيار وتقييم تقنيات التوقع.

ولما كانت جميع تقنيات التوقع تعتمد على السلاسل الزمنية ونظرا لقلة المراجع التي تتعرض لموضوع السلاسل الزمنية بالشكل اللازم والمناسب لفهم تقنيات التوقع فقد خصصنا الفصل الثاني كاملا للتعريف بالسلاسل الزمنية وأهم خصائصها والمؤشرات الأساسية الخاصة بها.

أما الفصل الثالث فقد خصص لتقنيات التوقع بفترة زمنية وأحدة، ورغم عددها الكبير فقد إقتصرنا على أهبها وأكثرها شيوعا في الإستعمال والتي تشكل أساسا لباقي التقنيات. معتمدين في ذلك على شرح التقنية وإعطاء مثال، مع خلاصة حول التقنية، تتضمن ميزات ونقائص التقنية والتمهيد للتقنية الموالية.

وفي الفصل الرابع والأخير تناولنا أهم التقنيات المستعملة في التوقع بأكثر من في والمحددة، معادلة الإتجاه وأسلوب الإنحدار والإرتباط، كما عرضنا في الأخير أسلوب تقديرات الخبراء باعتباره أحد الأساليب الهامة للتنبؤ.

وِفِي النِهاية نؤكد على أن هناك أكثر من 150 تقنية للتوقع في الوقت الحاضر

وما التقنيات التي تناولناها سوى القليل منها ولكنها الأساس في تقديرنا لفهم واستعمال باقي التقنيات.

ينبعي الإشارة إلى ضرورة التدريب على إستخدام الحاسوب الذي أضعى ضروريا لما يقدمه من سهولة في حفظ المعلومات وتنفيذ العمليات الحسابية.

نتمنى أن نكون قد ساهمنا ولو بقليل في تذليل معاناة الباحث والمسير من قلة المراجع العملية في هذا الموضوع خاصة باللغة العربية. وسنكون شاكرين لكل من تقدم علاحظات أو إقتراحات بناءة بهدف إثراء هذا العمل وتحسينه مستقبلا.

عبد العزيز شرابي

الفصل الأول : بعض المفاهيم الأساسية في التوقع بالظواهر الإقتصادية والإجتماعية

1-1- المغاهيم الأساسية

نظرا لقلة الأبحاث باللغة العربية حول المستقبل فقد ظلت المفاهيم الأساسية المتعلقة بهذا المجال المعرفي غير مميزة ولازالت تستعمل كلمة «التنبؤ» للدلالة عن أية معرفة عن المستقبل، بينما هناك تمييز واضح في اللغات الحية الأخرى بين مجموعة من المفاهيم تتعلق بموضوع المعرفة المستقبلية وتحمل مضامين محددة. هذا التمييز بين المفاهيم ضروري لكسب وإرساء معارف علمية في مجال الدراسات المستقبلية، وفيما يلى تعريف وجيز بتلك المفاهيم [1 ص 61 - 70].

ESTIMATION - 1-1-1

هي عملية إدراك الواقع وصياغته في شكل غوذج رياضي-إحصائي، يوضح العلاقة السببية أو الإرتباطية بين المتغيرات المستقلة والمتغير التابع، وعادة ما يأخذ هذا النموذج الشكل التالى:

$$Y = f(X_1, X_2, X_3) + U$$

حيث y هي الظاهرة المدروسة، معدل النمو الإقتصادي مثلا، أما المتغيرات المستقلة X₁, X₂, X₃ المتغيرات النظامية التي نعتقد أنها تفسر وتحكم الظاهرة y، مثل حجم الإستثمارات، غو الإنتاجية، معدل غو السكان وغيرها.

هذه الدالة -النموذج- قد تأخذ أشكالا مختلفة فقد تكون خطية أو أسية أولوغارقية أو مثلثية عندما يتعلق الأمر بدراسة الظواهر الموسمية والدورية.

أما لا فهي قيمة عشوائية تعبر عن :

- 1 أخطاء القياس وأخطاء المعلومات المدخلة في النموذج.
- 2 المتغيرات التي لم تأخذ بالإعتبار في النموذج لسبب أو لآخر.
- 3 الفرق بين الشكل الحقيقي للعلاقة والشكل الرياضي الذي تبناه واضع
 النموذج.
 - 4 عوامل عشوائية قد تحدث وقد لاتحدث.

إن وجود القيمة العشوائية U في النموذج مهما كانت صغيرة هي التي تعطي الطابع الإحصائي للدالة، بحيث مهما إجتهد الباحث في إدراج كل العوامل المفسرة للظاهرة المدروسة في النموذج فإن هناك دوما مجال لعوامل عشوائية يظهر تأثيرها من حين إلى آخر.

فمثلا عملية تقدير العلاقة الإرتباطية بين المحصول الزراعي كتابع والعوامل المفسرة له مثل كمية الأمطار المتساقطة، كمية الأسمدة الكيميائية المستعملة... الخ، فإنه يبقى هناك دوما مجال لعوامل عشوائية قد تحدث وقد لاتحدث مثل هبوب رياح عاتية تتلف المحصول الزراعي أو إجتباح الجراد للحقول المزروعة وبالتالي إتلاف محاصيلها.

كما أن التقدير عكن أن يعني صياغة العلاقة التي تربط ظاهرة معينة بالزمن، هذه العلاقة عكن كتابتها كالتالى :

$$Y = f(t) + U$$

حيث إهو الزمن، وقد تأخذ هذه العلاقة أيضا الشكل الخطي أو الأسي أو اللوغارتمي أو المثلثي مثلما قلنا سابقا، كما أن U هنا لها نفس المعنى السابق.

في الأخير عكن القول أن التقدير هو عملية تحويل المعارف اللفظية إلى الصياغة الرباضية.

2-1-1 - التوقع PREVISION

يعتمد الترقع على النموذج الناتج عن عملية التقدير، وبالتالي فإن التوقع يعني الحصول على المستويات المستقبلية للظاهرة المدروسة، وذلك يتم بإحلال قيم مفترضة محل المتغيرات التفسيرية في النموذج، ثم حساب قيمة الظاهرة في الفترة المستقبلية، وعادة ما تعطى هذه القيمة المستقبلية في شكل قيمة وسطى ضمن مجال معين.

إن عملية التوقع تقوم على الفروض التالية :

1 - النموذج المعتمد يطابق الواقع إلى حد كبير.

2 - الظروف والشروط العامة المحيطة بالظاهرة المدروسة تبقى على حالها في الفترة المستقبلية ومن هنا كانت عملية التوقع هي إسقاط للماضي على المستقبل بواسطة مقولات الحاضر [1 ص 66] لهذا فإن التوقع بطبيعته لا يهتم بمعرفة التطورات الطارئة التي قد تحدث للظاهرة المدروسة في الفترة المستقبلية، كما أن التوقع لايهتم سوى بتطور الظواهر القابلة للقياس والتكميم مثل حجم المبيعات، معدل النمو الإقتصادي، عدد السكان ...إلخ.

PREDICTION - 3-1-1

يختلف التنبؤ عن التوقع بكون التنبؤ يهتم بالتغيرات الطارئة وبالظواهر الإقتصادية والإجتماعية المعقدة مثل إكتشاف مصدر جديد للطاقة، إنهيار دولة معينة، وصول تيار سياسي معين إلى الحكم وغيرها، بينما يقتصر التوقع على المؤشرات الكمية مثلما أشرنا آنفا.

إن طبيعة موضوع التنبؤ تجعله لا يعتمد على بناء النماذج الرياضية ولا يمتلك

بعد منهجا علميا دقيقا مثل ماهو الشأن بالنسبة للتوقع، فعملية التنبؤ تعتمد على الخبرة الهائلة والمعرفة العلمية والعملية في مجال الظاهرة المدروسة ثما يجعل موضوع التنبؤ هو أقرب إلى الفن من العلم [2 ص 9].

إن أهم الطرق المتبعة في عملية التنبؤ هي طريقة تقديرات الخبراء ومنها طريقة دلفي ('').

طريقة تقديرات الخبراء تعتمد على إعداد وتوجيه عدد من الأسئلة إلى الخبراء ثم تتم معالجة أجربتهم باستخدام الأدوات الإحصائية والرياضية للوصول إلى الحصيلة النهائية المتفق عليها من طرف الخبراء في شكل نسبة معينة وبقدر معين من الثقة.

PLANIFICATION التنطيط - 4 - 1 - 1

إذا كان التوقع والتنبؤ يختصان في إنجاز معرفة معينة حول المستقبل، فإن التخطيط هو عمل واع وهادف، يرمي إلى إحداث تغييرات معينة في مسار الظاهرة المدروسة، أي تغير إنجاه الظاهرة عن مسارها العنوي. فمثلا إذا كنا نتوقع إنخفاض في الطلب على منتوج معين فإن مهمة المخطط تكمن في وضع خطة تهدف إلى تحاشي الآثار السلبية لهذا التوقع على المؤسسة سواء بالبحث عن أسواق جديدة أو بانتاج منتجات أخرى.

وبالتالي يمكن القول بأن معرفة المستقبل ماهي سوى مدخل في العملية التخطيطية.

 ^(*) طريقة «دلفي» هي نسبة للمدينة اليونانية الشهيرة التي تنبأ أهلها بانتصار الاسكندر
 المقدوئي على داريوس أمبراطور فارس.

1 - 2 - تصنيف تقنيات التوقع

لقد زاد الإهتمام كثيرا خلال العقود الثلاثة الماضية بالتوقع، سواء على المستوى الكلي للإقتصاد أو على مستوى المؤسسات والشركات، مما أدى إلى زيادة عدد تقنيات التوقع، حيث يوجد الآن أكثر من 150 تقنية [3 ص 132] الأمر الذي يستوجب تصنيف هذه التقنيات.

في الأدبيات المتخصصة عكننا أن نصادف العديد من التصنيفات، وفي رأينا أن تلك التصنيفات، وفي أغلب الأحيان، تنقصها الدقة والصرامة العلمية وذلك بسبب عدم الإلتزام بالمبادئ الأساسية لعملية التصنيف والمتمثلة على الخصوص فيما يلى:

1 - المعرفة الكاملة لجميع تقنيات التوقع، 2 - وضوح معيار التصنيف،
 3 - تكامل وعدم تداخل مجموعات التصنيف، 4 - إنفتاح التصنيف على إمكانية إحتواء تقنيات جديدة.

إن التصنيف الأكثر شيوعا لتقنيات التوقع هو الذي يعتمد على طول الفترة المعنية بالتوقع: تقنيات التوقع قصيرة المدى وتقنيات التوقع متوسطة وطويلة المدى، في حين نجد أن تحديد المدى القصير وكذا المتوسط والطويل المدى يختلف من مؤلف إلى آخر، فهناك من يعتبر أن الفترة القصيرة هي من يوم واحد إلى بضعة أسابيع وآخرون يعتبرونها من أسبوع إلى عدة شهور، نفس الإختلاف نلحظه بالنسبة للمدى المتوسط والطويل. هذا من جهة ومن جهة أخرى فإن طبيعة السلسلة الزمنية وبالذات الفترة المقابلة لكل مستوى من مستويات السلسلة الزمنية التي نتعامل معها هي المحددة لفترة الترقع، فإذا كانت تلك المستويات معطاة بالشهور (مثلا قيمة المبيعات

الشهرية خلال 20 شهرا) فإن التوقع لا يمكن أن يكون إلا بالشهور، أما إذا كانت السلسلة الزمنية المعينة معطاة بالسنوات (مثلا عدد المواليد في كل سنة خلال 15 سنة) فإن التوقع لا يمكن أن يكون سوى بالسنوات، وفي كلتا الحالتين كان ممكنا إستخدام تقنية توقع واحدة، وبالتالي فالذي حدد فترة التوقع ليست التقنية بل طبيعة السلسلة الزمنية الخاصة بالظاهرة المعينة.

إن الفرق الذي يمكن أن يميز تقنية توقع عن أخرى هو فيما إذا كانت هذه التقنية تسمح بالتوقع بعدة شهور مستقبلية أم لا - بالنسبة للمثال الأول - وبعدة سنوات مستقبلية أولا - في الحالة الثانية.

وفقا لما ذكرناه فإنه يمكن تصنيف تقنيات التوقع إلى: 1 - تقنيات التوقع المناء وفقا لما ذكرناه فإنه يمكن تصنيف بعدة فترات زمنية. وقبل تناولنا لهذا المتحنيف ينبغي الإشارة إلى أن التوقع يمكن أن يتم بأحد المدخلين [4 ص 5].

- المدخل الأول، ويعتمد على سلسلة زمنية واحدة خاصة بالظاهرة المدروسة أي بعزل عن العوامل التي تسبب أو تفسر تطورها، وذلك بواسطة إكتشاف القانون الذي تتطور بموجبه الظاهرة ومن ثم مده إلى الفترة المستقبلية EXTRAPOLATION.

- المدخل الثاني، يعتمد على تحليل الظاهرة المدروسة وتقدير العلاقة بين الظاهرة المدروسة وتعدير العلاقة بين الظاهرة المدروسة والعوامل النظامية المفسرة لها ويتم ذلك بدراسة وتحليل عدة سلاسل زمنية.

ويشترك المدخل الأول مع الثاني في المبدأ الأساسي لعملية التوقع وهو إعتبار أن القيمة الفعلية للتوقع تتحدد بواسطة قانون أساسي من جهة وبالصدفة من جهة أخرى وبلغة الرياضيات بمكننا أن نكتب [5 ص 35].

REEL = LOI + HASARD

وقو هاهبرنا صنه عند حديثنا عن التقدير بالمتغيرات النظامية وقمل هنا HASARD الصدفة، والمهمة الأساسية الفانون؛ وألقيمة العشوائية لل وتمثل هنا HASARD الصدفة، والمهمة الأساسية لجميع تقنيات التوقع هي إكتشاف القانون الأساسي الذي يحكم تطور الظاهرة المدووسة وعول الجالب العشوائي الذي يشوش على المسار النظامي لهذا التطور، أي بعنى آخر القيام بالفقدير الجيد، يمكن القول أن مصداقية وواقعية التوقع تتوقف إلى حد كبير على التقدير الجيد، أي تطابق النموذج المعتمد مع حقيقة تطور الظاهرة المدوسة. والتنبينين بين المدخلين الأول والثاني له علاقة مباشرة بتصنيف تقنيات التوقع إلى مجموعتين كبيرتين حسب هعبار هدد الفترات الزمنية للتوقع:

1 – تقنيات التوقع بغترة زمنية واحدة

تعتمد هذه المجموعة من التقنيات على المدخل الأول أي على دراسة سلسلة زمنية واحدة بمغزل عن عواملها وتشمل هذه المجموعة من التقنيات : تقنيات المسح بأنواعها وأيضا تحليل الإنخذار الذائي،

جميع هذه التقنيات تشترك في خاصية واحدة وهي ضرورة حضور المشاهدة الفعلية الأخيرة للتمكن من التوقع بفترة زمنية واحدة.

2 – تقنيات التوقع بعدة خطوات زمنية

تعتمد هذه المجموعة من التقنيات على المدخل الثاني، أي تحليل تفاعل عدة سلاسل زمنية وبناء غوذج إحصائي يصور علاقة الظاهرة محل التوقع بالعوامل المفسرة لها. هذه التقنيات تحتاج عادة إلى معلومات إحصائية كثيرة نسبيا. تشمل هذه المجموعة من التقنيات غاذج الإنحدار والإرتباط البسيطة والمتعددة وأيضا معادلة الإنجاه.

هذه المجموعة من التقنيات تسمح لنا بالتوقع بأكثر من فترة زمنية وذلك بعد التعويض عن العوامل المفسرة في النموذج بقيمها المفترضة في فترة التوقع.

وسنعتمد على هذا التصنيف عند عرضنا لتقنيات التوقع وتطبيقاتها لاحقا.

1 - 3 - إذتيار تقنية التوقع

إن إختيار هذه التقنية أو تلك من طرف الباحث أو المقرر يتوقف على عدة إعتبارات أهمها :

1 - الرغبة في الحصول على التوقع بفترة زمنية واحدة أو أكثر، فإذا كنا نحتاج للتوقع بمستوى الظاهرة المدروسة للفترة الموالية لآخر مستوى معلوم فإننا نختار إحدى التقنيات المناسبة لذلك. والعكس إذا كنا نرغب في الحصول على توقيعات تخص عدة فترات زمنية.

وبصفة عامة كلما كان عدد خطرات التوقع أقل كلما كانت نتائج التوقع أدق لأن التوقع بعدة خطوات زمنية عادة مايكون عرضة لدخول عوامل ومستجدات غير منتظرة لحظة التوقع.

- 2 حجم ونوعية المعلومات المتوفرة عن الظاهرة المدروسة، مثل الطول النسبي للسلسلة الزمنية، وكونها مستقرة وغير مستقرة وهل للسلسلة الزمنية طابع موسمي أو دوري، سنتعرف لاحقا على هذه المفاهيم.
- 3 التكلفة، حيث يفضل الباحث أو رجل الأعمال عادة الطريقة ذات أقل
 كلفة.
- 4 سهولة التطبيق، خاصة بالنسبة لرجل الأعمال، لأن هذا الأخير لايتخذ القرارات إلا وفقا لتقنية توقع يدركها جيدا.

5 - الدقة، حيث يتم عادة تفضيل الطريقة التي تعطى ترقعات دقيقة، ولا يتجاوز حد الخطأ بها الحدود المعقولة 5% وفي أسوأ الأحوال 10%.

1 - 4 - تقييم تقنية التوقع

طالما أن الترقع ينظري دوما على جانب الصدفة كما ذكرنا،هذا يعني أنه حتى عند تحديدنا للقانون الأساسي الذي تتطور وفقه الظاهرة المدروسة -التقدير الجيد- فإنه يبقى دائما هناك مجال لانحراف القيم المترقعة عن الحقيقية. وهناك هدف موحد لجميع طرق الترقع وهو جعل تلك الإنحرافات أقل مايكن، وبالتالي فإن تقييم تقنية التسوقع تتم عند هذه المسألة بالذات، فالتسقنيسة الأفسضل هي التي تعطي أقل الإنحرافات للقيم المتوقعة عن الحقيقية.

ومن خلال المثال التالي يمكننا توضيح عملية تقييم تقنية معينة إستخدمت لفترة محددة في التوقع.

البسيانات في الجسدول رقم (1) هي عبارة عن المبيعات الفعلية Y لإحدى المنتوجات وكذا القيم المتوقعة \hat{Y} وذلك خلال 12 شهرا.

نلاحظ أن مقياس الخطأ، أي جمعنا للأخطاء فقط سيعطى نتيجة قريبة من الصفر على إعتبار أن الأخطاء السالبة تلغي الأخطاء الموجبة (العمود الرابع)، ولتجاوز هذا النقص يمكننا حساب القيمة المطلقة للأخطاء ثم نحصل على الخطأ المطلق المتوسط (العمود الخامس)، غير أن إستخدام مربع الخطأ وبالتالي متوسط الأخطاء المربعة (العمود السادس) يعطي صورة أفضل، فهو يظهر أكثر الأخطاء المربعة (العمود السادس) يعطي صورة أفضل، فهو يظهر أكثر الأخطاء المربعة به وقع خطأ في إحدى الفترات مقداره 10 فسيظهر في مقياس الأخطاء المربعة به 100، بينما لو توزع هذا الخطأ على خمسة فترات، أي في كل

فترة خطأ مقداره 2، فإنه سوف يظهر فقط بـ 20، أي أن مقياس مربع الأخطاء يفرق فيما إذا وقع الخطأ في فترة واحدة أم توزع على عدة فترات. وبطبيعة الحال فإنه من الأحسن أن تكون هناك عدة أخطاء صغيرة أفضل من خطأ كبير واحد.

الجدول رقم (1) تقييم تقنية التوقع

مربع الخطأ	الخطأ المطلق	الخطأ	المبيعات المتوقعة	المبيعات الفعلية	الفترة
E ²	Œ	$E = Yi - \hat{Y}i$	Ŷi	Yi	
25	5	+ 51	80	85	1
4	2	+ 2	89	91	2
25	5	- 5	92	87	3
4	2	- 2	96	94	4
16	4	- 4	100	96	5
36	6	- 6	108	102	6
4	2	+ 2	110	112	7
4	2	- 2	100	98	8
0	0	0	94	94	9
1	1	- 1	88	87	10
36	6	+ 5	78	84	11
16	4	+ 4	76	80	12
171	39	- 1	-	-	الجبرع
14,25	3,25	- 0,083	-	-	المترسط

على التوقعات، المهم معرفة التقنية التي أستعملت للحصول على التوقعات، المهم في هذا المثال هو توضيح كيفية تقييم التقنية المستعملة -مهما تكن- بعد مرور فترة زمنية معينة من إستخدامها.

ومع ذلك فإن مقياس الخطأ المربع ومتوسطه يحملان العيب المتمثل في وحدة القياس المربعة وبالتالي فإن إدراكه يبقى صعبا، وللتخلص من هذا العيب يمكننا أخذ

الجذر التربيعي له لنحصل على الجذر التربيعي للأخطاء المربعة وهذا مايسمى بالخطأ . ECART TYPE DE PREVISION .

$$\sigma = \sqrt{\frac{\sum (Y_i - \hat{Y}_i)^2}{n}}$$

حيث n هنا هو عبارة عن عدد الأخطاء.

وسنستعمل هذه الصيغة لتقييم ومقارنة كل التقنيات التي سنتعرف عليها لاحقا، ونقول عن التقنية التي تعطى أقل خطأ معياري للتوقع أنها التقنية الأفضل.

غير أن هذا الأسلوب لتقييم تقنيات التوقع يمكن إعتماده فقط عند إنقضاء فترة التوقع، في حين أن الباحث أو رجل الأعمال يحتاج إلى حد أدنى من الإطمئنان لنتائج التوقع مسبقا، خاصة عند إستعمال التقنية لأول مرة، إن ذلك يعتمد على مدى قدرة تقنية التوقع لوصف تطور الظاهرة في الفترة السابقة RETROSPECTIVE، على إعتبار أن الظاهرة المدروسة قم بجرحلة تطور واحدة وأن عملية التوقع هي عبارة عن إسقاط للماضي على المستقبل، وبالتالي فإذا كانت التقنية المستعملة تصف جيدا المستويات الفعلية للظاهرة في الفترة السابقة، نقول أن التقنية جيدة ويمكن الإعتماد عليها في التوقع بمستويات الظاهرة في الفترة المستقبلية.

عا سبق نلاحظ أن جميع تقنيات التوقع تعتمد على تحليل السلاسل الزمنية، لهذا سنخصص الفصل القادم للتعريف بالسلاسل الزمنية مع التركيز على بعض الجوانب منها والتي لها علاقة مباشرة بموضوع التوقع،

* الفصل الثاني : السلاسل الزمنية . 2 - 1 – مغموم السلسلة الزمنية

السلسلة الزمنية هي مجموعة من القيم لمؤشر إحصائي معين مرتبة حسب تسلسل زمني، والجدول التالي يحتوي على سلسلتان زمنيتان :

جدول رقم (2) : عدد السكان والهواليد الأحياء

بالجزائر 1984 - 1990

عدد المواليد الأحياء	عدد السكان (مليرن نسمة)	السنة
(بالآلات)	-تقديرات منتصف السنة-	
833,110	21,175	1984
845,381	21,850	1985
764,537	22,499	1986
782,336	23,116	1987
788,861	23,770	1988
741,636	24,397	1989
758,533	25,012	1990

ONS, SERIE STATISTIQUE N° 31 P : 1. : المصحد

كل قيمة عددية للمؤشر في السلسلة الزمنية يسمى بمستوى السلسلة، وإلى جانب مستوى السلسلة الزمنية، هناك الفترة الزمنية المقابلة لكل مستوى، وفي مثالنا كل مستوى من المستويات في السلسلة الزمنية الأولى يبين كم كان عدد سكان الجزائر في منتصف السنة المقابلة، وكل مستوى من مستويات السلسلة الزمنية الثانية يبين عدد المواليد الأحياء خلال السنة المقابلة.

يلاحظ أن البيانات الإحصائية المطلقة (١٠) عنكن تقسيمها إلى قسمين :

1 - مؤشرات تقويمية (لحظية) وهي مؤشرات تميز مستوى الظاهرة في لحظة معينة مثل عدد السكان في الجدول السابق.

2 - مؤشرات مجالية، هي مؤشرات غيز مجاميع معينة تخص مستوى الظاهرة خلال فترة زمنية معينة (سنة، شهر، أسبوع ...) مثل عدد المواليد في المؤدول السابق. وهذا النوع من المؤشرات يكن قياسها فقط في مجال زمني معين.

إن الميزة الأساسية للمؤشرات المجالية هي أن كل مستوى هو عبارة عن مجموع قيمة مستويات مجالية أصغر، مثلا قيمة المبيعات خلال شهر هو عبارة عن مجموع قيمة المبيعات في كل يوم من أيام الشهر المعني. أي أن الوحدات الإحصائية التي تدخل في تشكيل مستوى معين لا تدخل في تشكيل المستوى اللاحق، وبالتالي يمكن جمع الوحدات الإحصائية لهذه المستويات للحصول على مستوى الظاهرة يخص مجال زمني أوسع. أما المؤشرات التقويمية فلا يمكن جمع مستوياتها.

ينبغي التذكير إلى أنه عند بناء السلسلة الزمنية وقبل إستخدامها في التحليل أو التوقع لابد من التأكد أن مستوباتها قابلة للمقارنة فيما بينها، وهو شرط أساسي لصحة أي تحليل وأي تقدير وأي توقع، وفيما يلي الشروط اللازمة

^(*) في الإحصاء غير بين ثلاثة أنواع من المؤشرات: 1 – المؤشرات المطلقة مثل عدد السكان، عدد العمال، 2 – المؤشرات النسبية وهي التي تعبر عن النسب والمعدلات والمعاملات، مثل نسبة الإنتاج المعيب إلى الإنتاج الإجمالي، معدل زيادة الإنتاج في المؤسسة، مختلف معاملات الإنتاج، 3 – المؤشرات الوسطية مثل متوسط عدد العمال في المؤسسة خلال السنة، متوسط الإنتاج الشهري، كما يمكن أن تكون المؤشرات الوسطية نسبية مثل معدل النمو الوسطى لإنتاجية العمل في مؤسسة معينة.

لكي تكون مستويات السلسلة الزمنية قابلة للمقارنة فيما بينها :

1 - أن تخص مستوبات السلسلة الزمنية فترات زمنية متساوية، فعشلا لا يجوز أن تعبر بعض مستوبات السلسلة الزمنية عن عدد المواليد خلال كل شهر وبعض المستوبات الأخرى تعبر عن عدد المواليد خلال كل سنة، فالمقارنة بين المستوبات هذا غير ممكنة.

2 - أن تكون جميع مستويات السلسلة خاصة بمكان معين، سواء كان إقليما معينا أو ولاية أو مؤسسة، فلايجوز أن تعبر بعض المستويات عن مؤشر خاص بمجال معين ومستويات أخرى خاصة بمجال أوسع مثلا، وتظهر هذه المشكلة خاصة عند تغير حدود الأقاليم والولايات أو عند تجزئة المؤسسات الكبيرة إلى مؤسسات أصغر أو العكس.

3 - أن تكون وحدة القياس لجميع مستويات السلسلة الزمنية موحدة.

4 - التعبير عن مستويات السلسلة الزمنية القيمية بالأسعار الثابتة، لأن
 الأسعار الجارية تخفي أثر إرتفاع الأسعار وتجعل المقارنة غير موضوعية.

5 - أن تكون طريقة قياس جميع مستريات السلسلة الزمنية موحدة.

يجب الإشارة إلى أن السلاسل الزمنية عادة مالاتعطى جاهزة وقابلة للتحليل مباشرة حيث يتطلب الأمر في أغلب الأحيان إجراء بعض التعديلات لجعل مستوياتها قابلة للمقارنة وفقا للشروط المذكورة أعلاه.

2 - 2 - المؤشرات الأساسية للسلاسل الزمنية

وهي مجموعة من المؤشرات تقيس سرعة تغير مستوى الظاهرة المدروسة خلال

فترة زمنية معينة، أهم هذه المؤشرات هي :

1 - التغير المطلق، 2 - معدل النمر، 3 - معدل الزيادة.

إن حساب هذه المؤشرات قائم على مبدأ المقارنة فيما بين مستريات السلسلة الزمنية الزمنية، وعادة ماتجرى هذه المقارنة بالنسبة لمسترى معين من السلسلة الزمنية ويسمى بمسترى الأساس، كأن يكون مثلا المسترى الأول من السلسلة الزمنية. كما يستخدم أحيانا مترسط مستوى الظاهرة لعدة فترات زمنية، خاصة عند السلاسل الزمنية شديدة التقلبات، مثلما هو الشأن بالنسبة للسلاسل الزمنية الخاصة بالإنتاج الزراعي، حيث كثيرا مايعرف هذا الإنتاج تقلبات شديدة من سنة إلى أخرى لهذا فإن إختيار سنة واحدة كأساس للمقارنة قد يجعل العملية غير موضوعية، لهذا يأخذ متوسط الإنتاج خلال 3 و4 سنوات كأساس للمقارنة.

2 - 2 - 1 - التغير المطلق

يبين مقدار وحدات الزيادة أر النقصان في مستوى الظاهرة مقارنة بفترة الأساس، أي مقدار الزيادة أو النقصان خلال فترة زمنية معينة، إذا فالتغير المطلق هو عبارة عن الفرق بين مستوى الظاهرة في فترة المقارنة ¡ ٢ ومستوى الظاهرة في فترة المقارنة ¡ ٢ ومستوى الظاهرة في فترة الأساس ، إ٢، إذا :

$$\Delta = Y_i - Y_{i-1}$$

حيث ؛ وحدة زمنية و إ دليل الفترة الخاص بالسلسلة الزمنية وبالتالي i - i هو مجال زمني يخص إمتداد فترة المقارنة.

فإذا كان مسترى الظاهرة قد تناقص فإن $0>\Delta$ وبالتالي Δ يميز هنا التناقص

المطلق لمستوى الظاهرة.

أما إذا كان مستوى الظاهرة قد تزايد فإن () $\Delta > 0$ وبالتالي Δ يميز التزايد المطلق لمستوى الظاهرة.

T معدل النمو T عدل النمو

يبين المقدار الذي يزيد أو يقل به مستوى الظاهرة في فترة المقارنة مقارنة عستواها في فترة الأساس، معبرا عنه بنسبة مئوية,

$$T = \frac{Y_i}{Y_{i+1}}, 100$$

ونقول أنه إذا كان مستوى فترة الأساس هو (۱(۱) فقد أصبح في فترة المقارنة
 %T

2 - 2 - في الزيادة Tc

يعبر عن المقدار النسبي للزيادة مقارنة بنسبة الأساس.

$$T_{c} = \frac{\Delta}{Y_{i+1}} = \frac{Y_{i-1}Y_{i-1}}{Y_{i+1}} = \frac{Y_{i}}{Y_{i-1}} - 1 = T = 1$$

أي أن معدل الزيادة هو عبارة عن معدل النمو ناقصا (١٥). ونقول أن مستوى الظاهرة قد زاد أو نقص في فترة المقارنة مقارنة بمستواه في سنة الأساس بـ Tc...

وبإستخدام معطيات الجدول رقم (2) الخاص بعدد السكان والمواليد الأحياء بالجزائر خلال الفترة 1984 - (1990 يمكننا أن نرى كيفية حساب المؤشرات السابقة.

فمثلا إذا أردنا الحصول على الزيادة المطلقة للسكان خلال الفترة 1984-1990 تب:

$$\Delta_{1990 + 1984} = Y_{1990} - Y_{1984} = 25,012 - 21,175 = 3,837$$

أي أن عدد سكان الجزائر قد زاد خلال الفترة 1984 - 1990 بقدار 3,837 مليون نسمة.

أما إذا أردنا حساب معدل النمر لنفس الفترة فإننا نكتب : $T = \frac{Y_{1990}}{Y_{1984}} , \ 100 = \frac{25,012}{21,175} . \ 100 = 118,12\%$

ونقول أنه إذا كمان مستوى عدد السكان في سنة 1984 يعادل 100 فإن مستواه في سنة 1990 قد بلغ 118,12.

أما معدل الزيادة لنفس الفترة فهو عبارة عن :

 ${
m Tc}_{1990~-~1984} = {
m T}_{1990~-~1984} - 100 = 118,12~-~100 = 18,12\%$ 1984 ونقول أن عدد السكان في سنة 1990 قد إزداد مقارنة بنسبة 1984 بـ 18,12%.

2 - 3 - المؤشرات الوسطية للسلاسل الزمنية

مع مرور الزمن لاتنغير مستويات السلسلة الزمنية فقط، بل تتغير مقاييس ديناميكيتها، فالزيادة المطلقة تتغير من فترة زمنية إلى أخرى وكذلك معدل النمو ومعدل الزيادة، لهذا ومن أجل تعميم خصائص هذا التطور نستخدم المقاييس المتوسطة للسلاسل الزمنية.

إن المؤشرات الوسطية للسلاسل الزمنية تخضع تماما لنظرية المتوسطات، أي أن المتوسط يكون معياريا إذا كانت الظاهرة خلال الفترة المحسوب لها هذا المتوسط مستقرة نسبيا، أو تتطور خلالها الظاهرة بشكل منتظم، أما المتوسط الذي يتم حسابه لفترة تميزت بمراحل مختلفة من تطور الظاهرة فسيكون غير تمثيلي وإستخدامه

يجب أن يكون مقرونا بالحذر، وهذه أهم المؤشرات الوسطية للسلاسل الزمنية.

2 - 3 - 1 - الهستوس الهتوسط للسلسلة الزهنية Y

وهو عبارة عن مجموع عدد مستويات السلسلة الزمنية مقسومة على عددها

$$\frac{\sum_{i=1}^{n} Y_{i}}{Y} = \frac{\sum_{i=1}^{n} Y_{i}}{n}$$

حيث Y_i هي مستريات السلسلة الزمنية (i = 1, 2, 3 n) و عدد هذه المستريات.

عمليا بجب التفرقة بين حساب هذا المؤشر بالنسبة لسلسلة زمنية مجالية وتقوعية.

فإذا كانت مستريات السلسلة الزمنية مجالية مثل ما هو الشأن بالنسبة 1990 للسلسلة الزمنية الخاصة بعدد المواليد الأحياء في الجزائر من 1984 إلى 1980 السلسري الخاصة من الجدول رقم 1980 فإن المسألة بسيطة حيث يحسب المسترى 1980 المتوسط لهذه السلسلة بجمع مسترياتها مباشرة وقسمة مجموعها على عددها أي 1980

 $\overline{Y} = 787,770$

أي أن المتوسط السنوي لعدد المواليد الأحياء خلال الفترة 1984 - 1990 في الجزائر هو 787,770 مولود حي.

أما عند السلاسل الزمنية التقوعية فإنه ينبغي أولا الحصول على المستوى المتوسط للظاهرة خلال كل فترة، أي جمع مستوى الظاهرة في بداية الفترة مع مستواه في نهاية الفترة وقسمة المجموع على إثنين.

ومتوسط مستوى السلسلة الزمنية في هذه الحالة يحسب كالتالى :

$$\overline{Y} = \frac{\frac{Y_1 + Y_2}{2} + \frac{Y_2 + Y_3}{2} + \frac{Y_3 + Y_4}{2} + \dots + \frac{Y_{n-1} + Y_n}{2}}{n-1}$$

هذه الصيغة يكن كتابتها باختصار:

$$\frac{Y_1}{Y} = \frac{\frac{Y_1}{2} + Y_2 + Y_3 + Y_4 + \dots + Y_{n-1} + \frac{Y_n}{2}}{n-1}$$

وتعتبر هذه الصيغة الأخيرة هي الصيغة المختصرة لحساب متوسط مستوى السلسلة الزمنية لمستويات تقريمية.

ومن معطيات العمود الأول من الجدول رقم (2) الخاص بعدد السكان والمواليد الأحياء في الجزائر، نجد أن مستويات تلك السلسلة الزمنية معطاة على أنها مستويات خاصة مختصف السنة، أي كل مستوى في هذه السلسلة الزمنية هو عبارة عن متوسط مستوى الظاهرة في الفترة المقابلة له. وفي هذه الحالة محكننا الحصول على المستوى المتوى المتوسط للسلسلة الزمنية مباشرة أي :

$$\overline{Y} = \frac{21,175 + 21,850 + 22,499 + 23,116 + 23,770 + 24,397 + 25,012}{7}$$

$$\overline{Y} = 23,117$$

أي أن المتوسط السنوي لعدد السكان خلال الفترة 1984 - 1990 هو 23,117 مليون نسمة.

2 - 3 - 2 - متوسط الزيادة المطلقة Δ

وهو مؤشر يبين مقدار الوحدات التي زاد بها أونقص بها مستوى السلسلة مقارنة بالمستوى السلسلة مقارنة بالمستوى السابق له في المتوسط خلال وحدة زمنية معينة، شهر أو سنة ...

هذا المؤشر يميز السرعة المتوسطة المطلقة لنمو مستويات الظاهرة وهو دوما مؤشر مجالي ويحسب عن طريق قسمة الزيادة الكلية التي حصلت في كل الفترة على عدد هذه الزيادات، فإذا إعتبرنا n هو عدد مستويات السلسلة الزمنية فإن :

$$\overline{\Delta} = \frac{\mathbf{Y}_{n} - \mathbf{Y}_{1}}{n-1}$$

$$\frac{\sum_{i=1}^{n-1} \Delta i}{\Delta i} = \frac{\sum_{i=1}^{n-1} \Delta i}{n-1}$$

ومن معطيات الجدول رقم (2) يمكننا أن نحسب متوسط الزيادة المطلقة لعدد السكان في الجزائر خلال الفترة 1984 - 1990.

$$\frac{1}{\Delta} = \frac{25,012 - 21,175}{6} = 0,6395$$

 $\overline{\Delta} = \frac{0,675 + 0,649 + 0,617 + 0,654 + 0,654 + 0,627 + 0,615}{6}$

 $\Delta = 0,6395$

أي أن عدد سكان الجزائر قد زاد وسطيا خلال الفترة 1984 - 1990 .

T - 3 - 3 - 2 معدل النمو الوسطي - 2

يبين المقدار النسبي المتوسط الذي زاد أو نقص به مستوى الظاهرة مقارنة بالمستوى السابق في المتوسط خلال وحدة زمنية معينة (في المتوسط سنويا، في المتوسط شهريا ..)، يحسب هذا المؤشر أحيانا بطريقة الوسط الحسابي، أي بجمع معدلات النمو المسجلة خلال فترات السلسلة الزمنية (حيث عدد مستويات السلسلة الزمنية هو n وعدد معدلات النمو هو 1 - n) وقسمة مجموعها على عددها أي :

$$\overline{T} = \frac{\sum_{i=1}^{n-1} Ti}{n-1}$$

وغالبا ماتستعمل صيغة الوسط الهندسي لحساب معدلات النمو الوسطي وذلك وفقا لما يلى :

$$\overline{T} = {n-1}\sqrt{T_1 \cdot T_2 \cdot T_3 \cdot ... \cdot T_{n-1}}$$

يكن قك هذه الصبغة بالتعويض عن قيم Ti ($i=1,\,2,\,3\,...\,n-1$) لنحصل

. . .

$$\overline{T} = {n \cdot 1} \sqrt{\frac{Y_2}{Y_1} \cdot \frac{Y_3}{Y_2} \cdot \frac{Y_4}{Y_3} \cdot \dots \cdot \frac{Y_{n-1}}{Y_{n-2}} \cdot \frac{Y_n}{Y_{n-1}}}$$

$$\lim_{N \to \infty} Y = \lim_{N \to \infty} Y = \lim_{N \to \infty} \frac{Y_{n-1}}{Y_{n-1}} = \lim_{N \to \infty} \frac{Y_{n-1}}{Y_{$$

$$\log \overline{T} = \frac{\log Y_n - \log Y_1}{n-1}$$
 : اذا : $\overline{T} = {n-1}\sqrt{\frac{Y_n}{Y_1}}$: پالتالي : $\frac{Y_n}{Y_1}$

وبتطبیق هذه الصیغة علی معطیات العمود2 من الجدول رقم (2) نحصل علی: $\log \overline{T} = \frac{\log 25,012 - \log 21,175}{6} = \frac{1,398 - 1,325}{6}$ $\log \overline{T} = \frac{0,073}{6} = 0,01216$

T = 1,0284:

أي أن عدد السكان ينمو وسطيا كل سنة خلال الفترة 1984 - 1990 بقدار 102,84%.

\overline{T}_{c} _ a - 4 - 3 - 2

يعبر عن المقدار النسبي المتوسط للزيادة أو النقصان مقارنة بالمستوى السابق في المتوسط خلال وحدة زمنية معينة معبرا عنه بنسبة مئوية (في المتوسط سنويا، في المتوسط شهريا ...)، ونقول أن مستوى الظاهرة قد زاد (أو نقص) في المتوسط في كل فترة من الفترات الزمنية المعينة بين آ%.

ويحسب هذا المؤشر بطرح 100 من معدل النمو الوسطي أي : $\overline{T}_{\rm c}=\overline{T}$ - 100

ومن المثال السابق فإن معدل الزيادة الوسطي لعدد السكان في الجزائر خلال الفترة 1984 - \overline{T} .

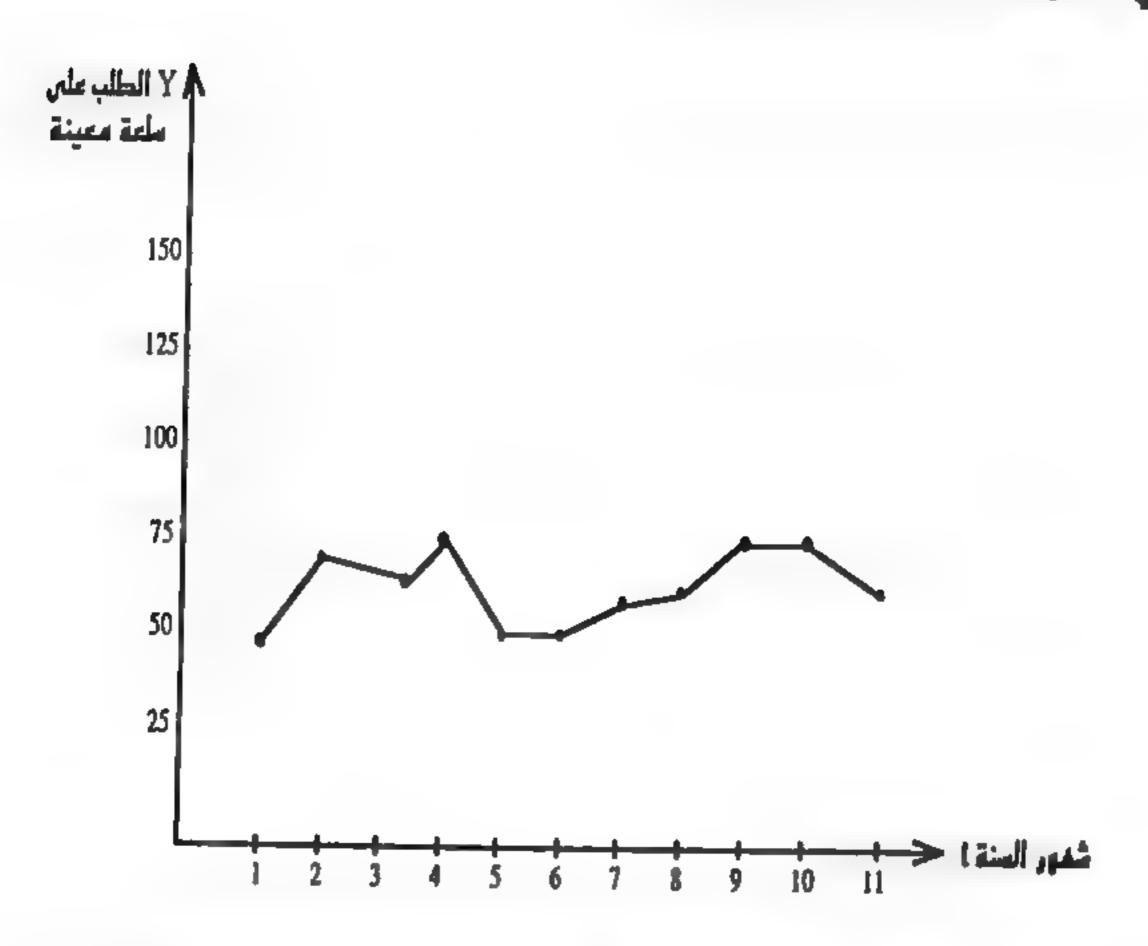
2 - 4 - السلاسل الزمنية المستقرة وغير المستقرة

قبل الشروع في دراسة الإنجاء الأساسي نحر الزيادة أو النقصان لابد من إلتأكد أولا من وجود إنجاء في السلسلة الزمنية، وحسب طبيعة غو السلسلة الزمنية SERIES CHRONOLOGIQUES يكننا أن غير بين سلاسل زمنية مستقرة SERIES CHRONOLOGIQUES وسلاسل زمنية غير مستقرة STATIONNERES وسلاسل زمنية غير مستقرة NON STATIONNERES

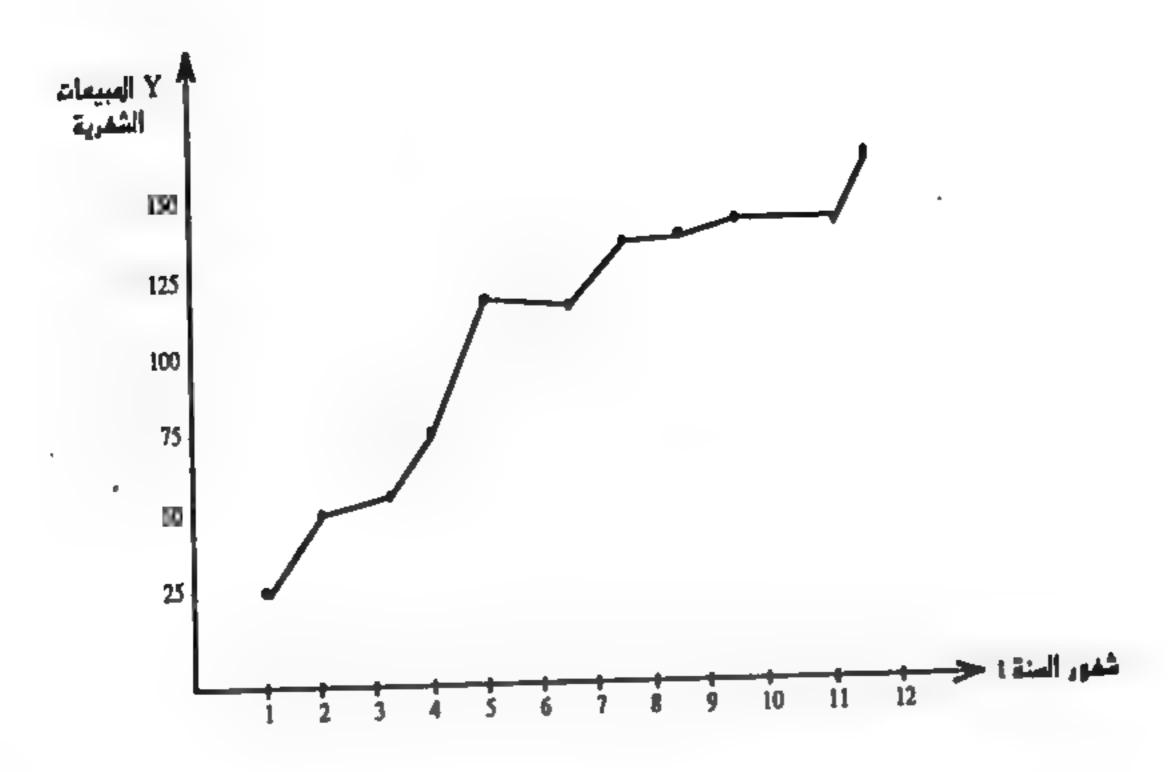
كون السلسلة الزمنية تحمل هذه الخاصية أو تلك لها علاقة مباشرة باختيار تقنية التوقع على هذا الأساس،

تقنيات التوقع للسلاسل الزمنية المستقرة وتقنيات التوقع للسلاسل الزمنية غير المستقرة [أنظر المرجع 5].

إن السلسلة الزمنية المستقرة هي تلك السلسلة الزمنية التي تتغير مسترياتها مع الزمن دون أن يتغير المسترى المتوسط فيها، وذلك خلال فترة زمنية طويلة نسبيا، أي أن السلسلة لا يوجد فيها إتجاء لانحو الزيادة ولا نحو النقصان، وهذا التمثيل البيائي لمستويات سلسلة زمنية مستقرة.



شكل رقم (1): الصورة الهعيارية لسلسلة زهنية هستقرة أما السلسلة الزمنية غير المستقرة فإن المسترى المترسط فيها يتغير باستمرار سواء نحو الزيادة أو النقصان. وهذا تمثيل بباني لسلسلة زمنية غير مستقرة،



شكل رقم (2): الصورة المعيادية لسلسلة زمنية غير مستقرة وقد يصعب أحيانا تحديد طبيعة السلسلة الزمنية، مستقرة أم غير مستقرة سواء بالملاحظة البسيطة أو حتى بواسطة الرسم البياني، هنا نلجأ إلى إستخدام مقاييس إحصائية لإختبار وجود أو عدم وجود الإنجاء في السلسلة الزمنية، أبسط هذه المقاييس (') وأكثرها إستعمالا هي القيام بتقسيم السلسلة الزمنية إلى قسمين متساوين ثم حساب المتوسط الحسابي لكل قسم، فإذا كان المتوسطان الحسابيان متساويان أو قريبين من بعظهما، نقول أنه لايوجد إنجاء في السلسلة الزمنية

^(*) هناك طرق أخرى لاختيار وجود الإتجاه في السلسة الزمنية منها طريقة فورستر وستبوارث، أنظر ؛

⁻ FORSTER F. G. STUART A., DISTRIBUTION - FREE TESTS IN TIME SERIES BASED ON THE BREAKING OF RECORDS «JOURNAL OF THE ROYAL STATISTICAL SOCIETEY», SER B. L., V. XVI, N° 1, 1954.

وبالتالي فهي مستقرة، أما إذا كان هناك عدم تساوي ملحوظ فإننا نستنتج أن هناك إلجاء في السلسلة الزمنية، أي أن السلسلة الزمنية غير مستقرة. ويمكن التأكد أكثر وذلك باختبار معنوية هذا الإختلاف، أي التأكد من أن الإختلاف بين المتوسطين معنوي ولم يكن نتيجة الصدفة. هناك عدة إختبارات يمكن إستخدامها لهذا الغرض تختلف حسب حجم السلسلة الزمنية وطبيعة التباين في قسمي السلسلة الزمنية (').

يجب الإشارة إلى أن هناك إمكانية لتحويل سلسلة زمنية غير مستقرة إلى سلسلة زمنية غير مستقرة إلى سلسلة زمنية مستقرة وذلك باللجوء إلى تحويل مستويات السلسلة الزمنية الأصلية إلى سلسلة زمية جديدة تتشكل من التغيرات الحلقية (الفرق بين المستوى والذي يليه في كل مرة) للمستويات الأصلية فمثلا بالنسبة للسلسلة الزمنية الخاصة بتطور عده سكان الجزائر خلال الفترة 1984 - 1990.

جدول رقم (03) ؛ تطور عدد سكان الجزائر خلال الغترة 1984-1990

1990	1989	1988	1987	1986	1985	1984	السنة
25,012	24,397	23,770	23,116	22,499	21,850	21,175	عدد السكان (مليون نسمة)
							-تقديرات منتصف السنة-

بجرد نظرة عابرة لهذا الجدول، وبدون اللجوء إلى التصغيل البياني أو أية طريقة إحصائية أخرى، يمكننا أن نلحظ أن السلسلة الزمنية غير مستقرة وبها إنجاه واضع نحو الزيادة. في هذه الحالة لا يمكننا إستخدام بعض التقنيات الإحصائية التي سنتعرف عليها لاحقا والخاصة بالتوقع عند السلاسل الزمنية المستقرة، غير أن هناك

LEONARD J. KAZMIER, STATISTIQUE DE LA GESTION, SERIE SCHAUM, Mc, GRAW-HILL, 1982.

^(*) أنظر كتب الإحصاء الرياضي، مثلا:

إمكانية لتحويل هذه السلسلة الزمنية إلى سلسلة مستقرة وذلك بتحويلها إلى سلسلة جديدة تعبر مستوياتها عن التغيرات المطلقة السنوية ΔΥ، وليس عن المستويات المطلقة السنوية ΔΥ، وليس عن المستويات المطلقة السنوية ۲۰۰۵ كما هي في السلسلة الزمنية الأصلية.

وفيما يلي نبين كيفية عملية التحويل.

جدول رقم (04): نُحويل السلسلة الزمنية الخاصة بتطور عدد السكان في الجزائر خلال الفترة 1984 - (1990) السكان في الجزائر خلال الفترة 1984 - (1990)

1990	1989	1988	1987	1986	1985	1984	السنة
25,012	24,397	23,770	23,116	22,499	21,850	21,175	عدد السكان Yi (مليون نسمة)
0,615	0,627	0,654	0,617	0,649	0,675	-	التغيرات المطلقة السنوية ٢١

وإذا إقتضت الضرورة يمكن اللجوء إلى دراسة السلسلة الزمنية الخاصة بالتغيرات المطلقة السنوية من الدرجة الثانية ٨²٧٨.

جدول رقم (05):التغيرات المطلقة السنوية من الدرجة الأولى ΔΥ¡ الثانية والتغيرات المطلقة السنوية من الدرجة الثانية [990-1984] في عدد سكان الجزائر خلال الغترة 1984-(1990)

1990	1989	1988	1987	1986	1985	1984	السئة
0,615	0,627	0,654	0,617	(),649	0,675	-	ΔY;
- 0,012	- (1,027	- 0,037	- 0,032	- 0,026	-	-	Δ ² Y _i

يلاحظ أن عدد مستوبات السلسلة الزمنية ينقص بمستوى واحد عند تجويل السلسلة الزمنية خاصة بالتغيرات السلسلة الزمنية خاصة بالتغيرات

المطلقة ΔY_i وينقص بمستويين في سلسلة التغيرات المطلقة من الدرجة الثانية، فإذا كان عدد مستويات السلسلة الزمنية الأصلية n فإن السلسلة ΔY_i ستحتري على n-1 مستوى، أما السلسلة $\Delta^2 Y_i$ فستحتري n-1 مستوى، أما السلسلة $\Delta^2 Y_i$

2 - 5 - تسوية السلاسل الزمنية

تتغير السلاسل الزمنية عادة بتغير مسترياتها من فترة إلى أخرى بفعل عوامل نظامية وعوامل عشوائية، والهدف من تسوية السلاسل الزمنية هو إلغاء تأثير العوامل العشوائية وتعديل مستريات السلسلة الزمنية لتعبر أكثر عن المسار الحقيقي لتطور الظاهرة المدروسة، لهذا فإن عملية تسوية السلاسل الزمنية هي أيضا عملية لتوضيح طبيعة قم السلسلة الزمنية، في إستقرار، في تزايد أم في إنخفاض.

هناك عدة طرق لتسرية السلاسل الزمنية منها التسرية عن طريق ضم الفترات والطريقة الميكانيكية [أنظر المرجع 6]. سوف نتعرف هنا على طريقتين فقط لما لهما من أهمية وعلاقة مباشرة بموضوع التوقع، الطريقتان هما : الأوساط المتحركة ومعادلة الإنجاد.

تعتمد هذه الطريقة على حساب المترسط الحسابي لعدد معين من المستويات الأولى للسلسلة الزمنية، ثم حساب المتوسط الحسابي لعدد آخر من مستويات السلسلة الزمنية نساوي العدد الأول ولكن بدءا من المستوي الثاني من مستويات السلسلة الزمنية، ثم تحسب المترسط الحسابي بدءا من المستوى الثالث وهكذا.

نلاحظ أنه أثناء قيامنا بحساب هذه المتوسطات كأننا نتحرك -نتدحرج على السلسلة الزمنية بدءا من بدايتها نحو نهايتها، وفي كل مرة نتخلص من مستوى واحد في البداية ونضيف المستوى الموالي، وفيهما يلي مشال عن تسوية زمنية باستخدام الأوساط المتحركة.

جدول رقم (06) ؛ الهبيعات السنوية للحدي المساحات الكبري

0.3	20		
الأوساط المتحركة	الأوساط المتحركة	قيمة المبيعات	السنة
أساس 5 سنوات	على أساس 3 سنوات	السنوية	
-	-	2010	1983
-	2025,6	2025	1984
1989,4	1992,3	2042	1985
2007,6	1970,6	1910	1986
2012,6	1990,3	1960	1987
2030,2	2037,0	2101	1988
2078,6	2093,6	2050	1989
2107,2	2110,6	2130	1990
2103,0	2128,3	2152	1991
2131,6	2111,6	2103	1992
-	2125,3	2080	1993
•		2193	1984

نستعمل عادة عدد فردي للفترات الزمنية التي يحسب على أساسها الوسط الحسابي المتحرك مثل 3 فترات كما هو في العمود رقم 3 من الجدول رقم (6)، أو 5 فترات كما هو في العمود رقم 3 من الجدول رقم (6)، إلى فترات كما هو في العمود رقم 4 من نفس الجدول؛ ويتم تنسيب الوسط الحسابي إلى الفترة الوسطى.

لقد تم حساب المتوسط الحسابي الأول في العمود رقم 3 كالتالى :

$$2025,6 = \left(\frac{2042 + 2025 + 2010}{3}\right)$$

وتم تنسيب هذا المتوسط إلى سنة 1984 باعتبارها تتوسط السنتين 1983 و1985، وتم الحصول على المتوسط الحسابي الثاني في نفس العمود كالتالي :

$$1992,3 = \left(\frac{1910 + 2042 + 2025}{3}\right)$$

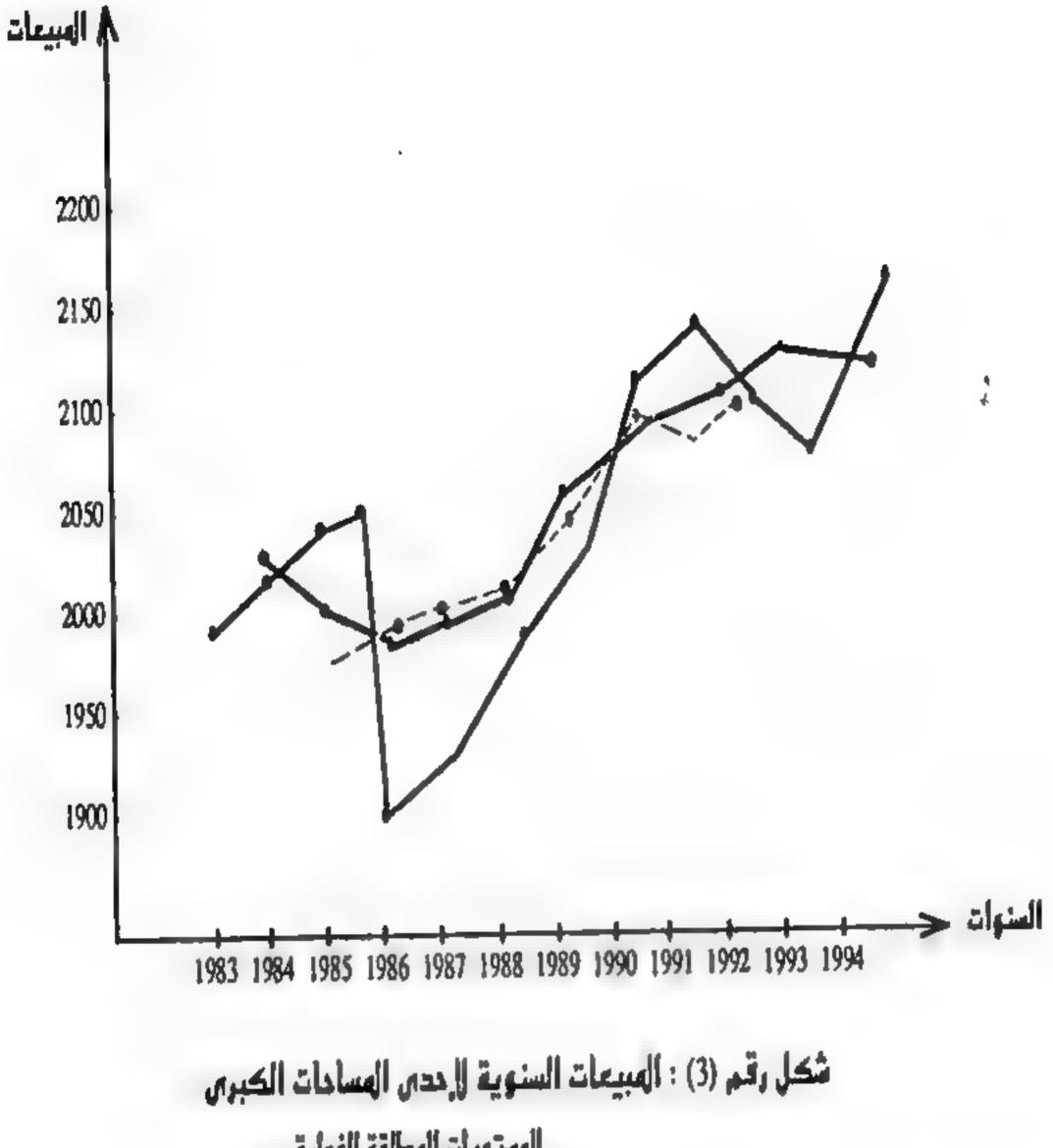
وتم تنسيبه إلى سنة 1985 وهكذا.

الما المتوسط الحسابي الأول في العمود رقم 4 فقد تم الحصول عليه كالتالي :

$$1989,4 = \left(\frac{1960 + 1910 + 2042 + 2025 + 2010}{5}\right)$$

وتم تنسيبه إلى سنة 1985 الأنها تتبوسط السنوات 1983، 1984، 1985، 1986، 1

يلاحظ أن تسوية السلاسل الزمنية وفقا لطريقة الأوساط المتحركة ينجم عنه تقليص عدد مستويات السلسلة الزمنية في أولها وفي آخرها بمقدار (N-1)/2) حيث N هو الأساس الذي أستخدم في حساب الوسط الحسابي. وبالتالي فكلما كان الأساس كبيرا كلما إزداد تقلص عدد المستويات، في حين أنه كلما كان هذا الأساس كبيرا كلما أدى ذلك إلى إستبعاد العوامل العشوائية وأعطى نتائج أفضل في وصف تطور السلسلة الزمنية كما هو واضح من خلال الرسم البياني التالي :



شكل رقم (3): الهبيعات السنوية الحدس الهساحات الكبرس المستويات المطلقة الفعلية — الأوساط الهتدركة اساس 3 الأوساط الهتدركة على اساس 5

تجدر الإشارة إلى أنه عند إستخدامنا لطريقة الأوساط المتحركة في التوقع نقوم بتنسيب الوسط الحسابي ليس إلى الفترة الوسطى، إنما إلى الفترة اللاحقة لآخر فترة حسب على أساسها الوسط الحسابي، أي أن الوسط الحسابي المتحرك هو نفسه

المستوى المتوقع. وبالتالي فعند إستخدام تقنية الأوساط المتحركة من أجل التوقع لا يشترط أن يكون الأساس فرديا، وسنرى ذلك بالتفصيل في الفصل القادم.

2 - 5 - 2 – تسوية السلاسل الزمنية بواسطة معادلة الللجاء

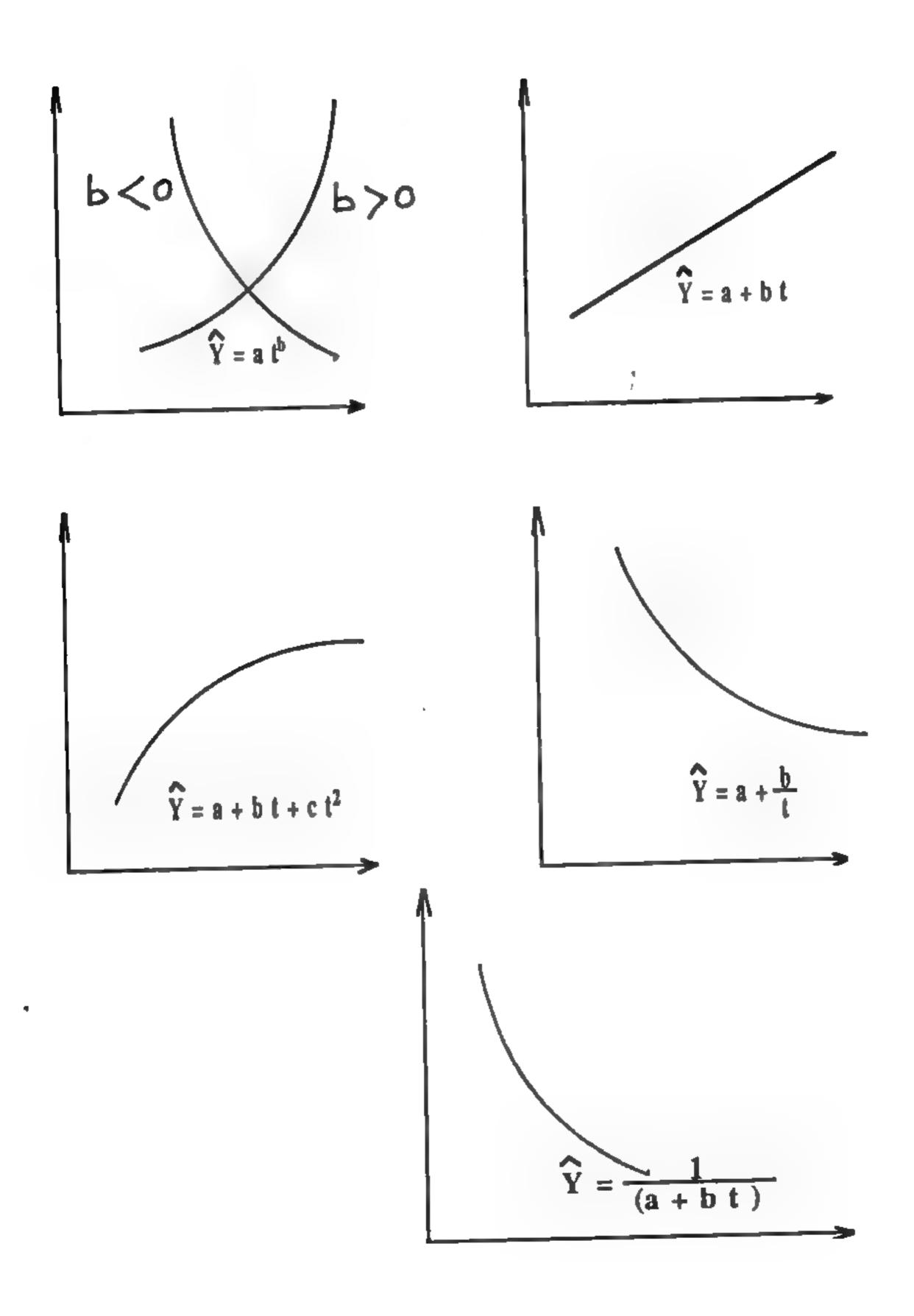
تنظري هذه الطريقة على صياغة معادلة بحيث $Y_i = f(t)$ أي أن مستويات السلسلة الزمنية $Y_i = f(t)$ دالة إحصائية في الزمن Y_i ويثل الزمن هنا المحصلة النهائية لجميع العوامل المؤثرة في الظاهرة المدروسة $Y_i = f(t)$.

ومن أجل إستخدام معادلة الإتجاه في تسوية السلسلة الزمنية لابد من المرور بالخطوات التالية :

1 - نُحديد شكل معادلة اللينجاء

رغم أن الكثير من المراجع تستخدم دون تبرير معادلة الخط المستقيم $\hat{Y} = a + bt$ لوصف تطور ظاهرة معينة عبر الزمن، غير أن حقيقة تطور الظواهر كثيرا ماتكون معقدة وقد تتطلب أشكال أخرى من المعادلات.

إن أبسط الطرق لمعرفة شكل المعادلة المناسب لتسوية السلسلة الزمنية هي التمثيل البياني لمستوبات السلسلة الزمنية، ثم محاولة إستنباط شكل المعادلة من خلال شكل إنتشار سحابة النقاط على الرسم البياني، وفيما يلي بعض الأشكال التي يحن مصادفة على السلاسل الزمنية الخاصة بالظواهر الإقتصادية والإجتماعية :



 ΔY_i كما يمكن اللجوء إلى تحليل طبيعة الزيادات المطلقة بين فترة وأخرى ΔY_i وكذا الزيادات من المرتبة الثانية $\Delta^2 Y_i$ والثالثة $\Delta^3 Y_i$ لمعرفة طبيعة غو الظاهرة وبالتالي تحديد معادلة الإتجاه [2 ص 212].

ومتعرة $\widehat{Y} = a + b$ t ومتعرة $\widehat{Y} = a + b$ t خطأ معياري للتقدير أكثر من معادلة (مثلا خطبة بسيطة على أقل من الدرجة الثانية $\widehat{Y} = a + b$ t + ct $\widehat{Y} = a + b$ t + ct خطأ معياري للتقدير.

2 – تقدير معالم معادلة الإرنجاء

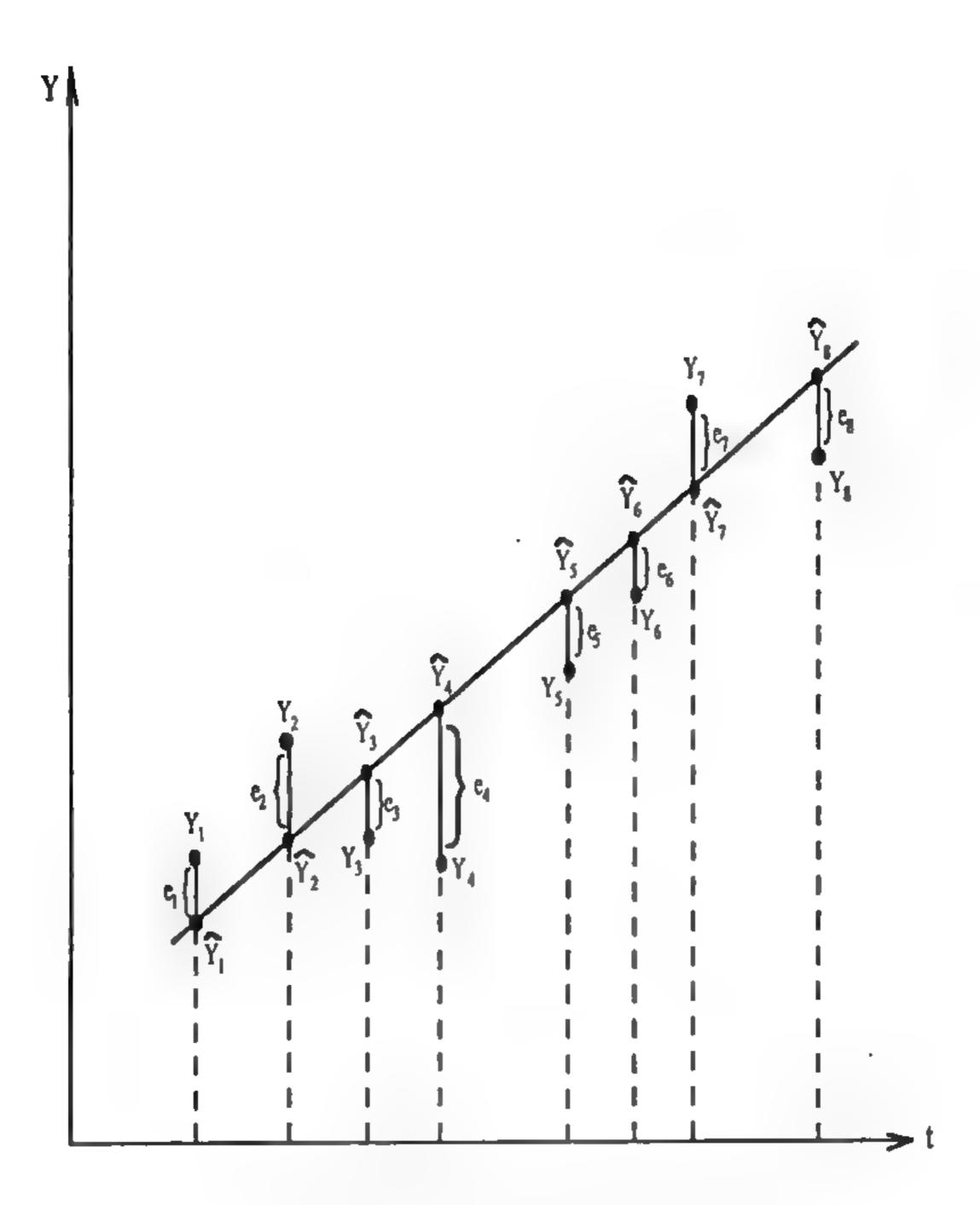
بعد الإنتهاء من تحديد شكل المعادلة المناسب لوصف تطور الظاهرة خلال الفترة المدروسة نقوم بتقدير معلمات تلك المعادلة ونستخدم عادة طريقة المربعات الصغرى.

يقوم مبدأ المربعات الصغرى على جعل مجموع إنحرافات القيم الفعلية عن المقدرة أقل ما يكن.

فإذا كانت المستوبات المقدرة في العينة المدروسة تحدد وفقا لمعادلة الخط $\hat{Y} = a + bt + e$ المستقيم $\hat{Y} = a + bt + e$ بينما المستوبات الفعلية تحدد وفقا للمعادلة $\hat{Y} = a + bt$ وفإن مبدأ المربعات الصغرى يهدف إلى جعل المقدار التالي أقل مايكن : $SSE^{(*)} = \sum e_i^2 = \sum (Y - \hat{Y})^2 = MIN.$

حيث ei تمثل الفرق بين المستويات الحقيقية Yi والمستويات المقدرة Yi والرسم البياني التالي يوضع فكرة المربات الصغرى.

^(*) SSE - Sum of squars of errors.



شكل رقم (4) : مبدأ المربعات الصغرس

$$SSE = \sum (Y - a - bt)^2$$

ولما كان (SSE = f (a, b وبالتالي فإن أصغر مقدار لـ SSE يكن الحصول

عليه بإجراء الإشتقاقات الجزئية بالنسبة لكل معلمة وجعلها مساوية للصفر:

$$\frac{\partial \sum e_{i}^{2}}{\partial a} = -2 \sum (Y - a - bt) = 0$$

$$= \sum Y - n a - b \sum t = 0$$

$$\sum Y = n a + b \sum t$$

$$\frac{\partial \sum e_{i}^{2}}{\partial b} = -2 \sum t (Y - a - bt) = 0$$

$$\sum Y t - a \sum t - b \sum t^{2} = 0$$

 $\sum Y t = a \sum t + b \sum t^2$

وبالتالي فإن عملية تقدير المعلمتان a و b يتم بحل المعادلتين :

$$\sum Y = n a + b \sum t$$

$$\sum Y t = a \sum t + b \sum t^{2}$$

وبنفس الطريقة بمكننا تقدير معلمات أي شكل آخر لمعادلة الإتجاه. فلو كنا

$$Y = b_0 + b_1 t + b_2 t^2$$
 مثلا أمام معادلة من الشكل ع $Y = b_0 + b_1 t + b_2 t^2$ مثلا

$$SSE = \sum e_i^2 = \sum (Y - b_0 - b_1 t - b_2 t^2)^2$$
 : نان :

$$\frac{\partial \sum e_{i}^{2}}{\partial b_{0}} = -2 \sum (Y - b_{0} - b_{1}t - b_{2}t^{2}) = 0$$

$$\sum Y - n b_0 - b_1 \sum t - b_2 \sum t^2 = 0$$

$$\sum Y = n b_0 + b_1 \sum t + b_2 \sum t^2 \dots (1)$$

$$\frac{\partial \sum e_{i}^{2}}{\partial b_{1}} = -2 \sum t (Y - b_{0} - b_{1}t - b_{2}t^{2}) = 0$$

$$\sum Y t - b_{0} \sum t - b_{1} \sum t^{2} - b_{2} \sum t^{3} = 0$$

$$\sum Y t = b_{0} \sum t + b_{1} \sum t^{2} + b_{2} \sum t^{3} \dots (2)$$

$$\frac{\partial \sum e_{i}^{2}}{\partial b_{2}} = -2 \sum t^{2} (Y - b_{0} - b_{1}t - b_{2}t^{2}) = 0$$

$$\sum Y t^{2} - b_{0} \sum t^{2} - b_{1} \sum t^{2} - b_{2} \sum t^{4} = 0$$

$$\sum Y t^{2} = b_{0} \sum t^{2} + b_{1} \sum t^{3} + b_{2} \sum t^{4} \dots (3)$$

وينفس الطريقة عكننا إستنباط المعادلات اللازمة لتقدير أي شكل من أشكال معادلات الإنجاء المكنة.

3 - تسوية السلسلة الزمنية وفقا لمعادلة الإنجاء

بعد تقدير المعادلة نقوم بالتعويض عن قيم 1 في المعادلة المقدرة ومن ثم إستنتاج المستويات المقدرة \widehat{Y} المقابلة للمستويات الفعلية \widehat{Y} .

مالحظة

 Σ t= 0من أجل إختصار العمليات الحسابية يمكننا إعطاء قيم لا المحيث يصبح وبالتسالي تكتب المعادلتين السابقيين الخياصيتين بمعادلة الإنجاء من الشكل $\widehat{Y} = a + bt$

$$\sum Y = n a$$

$$\sum Y t = b \sum t^{2}$$

ومئه:

$$b = \frac{\sum Y t}{\sum t^2} , \qquad a = \frac{\sum Y}{n}$$

عثال: إذا كانت لدينا الإحصاءات التالية خاصة بالإنتاج السنوي لإحدى المؤسسات خلال الفترة 1988 - 1994 كالتالي:

جدول رقم (7) ؛ الإنتاج السنوي لإحدى المؤسسات 1988 - 1994 والمجاميع اللازمة لتقدير معادلة الإزجام

Ŷ	t ²	Yt	t	الإنتاج السنوي (Y)	السئة
129,12	9	- 388,8	- 3	129,6	1988
148,12	4	- 295,8	- 2	147,9	1989
167,12	1	- 166,1	- 1	166,1	1990
186,12	0	0	0	186,2	1991
205,12	1	206,6	1	206,6	1992
224,12	4	447,2	2	223,6	1993
243,12	9	728,7	3	242,9	1994
1302,84	28	531,8	0	1302,9	المجموع

عدل حظة عن المغروض أن $\widehat{Y} = \sum \widehat{Y}$ والإختلاف البسيط راجع إلى أخذنا فقط \widehat{Y} .

 $b = \frac{\sum Y t}{\sum t^2} = \frac{531.8}{28} = 19 \quad a = \frac{\sum Y}{n} = \frac{1302}{7} = 186.12 : |3|$ $\hat{Y} = 186.12 + 19 t : |3|$ $a = \frac{\sum Y}{n} = \frac{1302}{7} = 186.12 : |3|$ $\hat{Y} = 186.12 + 19 t : |3|$ $a = \frac{\sum Y}{n} = \frac{1302}{7} = 186.12 : |3|$

بالنسبة لقيم ا في معادلة الإنجاه يمكننا إعطاءها قيم معينة بحيث يكون $\Sigma t = 0$ $\Sigma t = 0$ كما فعلنا في مثالنا أعلاه. ففي حالة كون عدد مستريات السلسلة الزمنية رُوجي فإننا نعطي للقيمتين الوسطيتين 1- و 1+ ثم نكمل نحو الأعلى 3-، 5-، 7- ونحو الأسفل بـ 3+، 5+، 7+.

2 - 6 – التقلبات الموسمية في السلاسل الزمنية

تتسم بعض الظواهر الإقتصادية والإجتماعية بالتقلبات الموسمية، أي أن مستوياتها ترتفع في فترات معينة من السنة وتنخفض في فترات أخرى، هذه التقلبات التي تحدث لمستوى الظاهرة خلال السنة والتي لها طابع الإنتظام من سنة إلى أخرى تسمى بالموسمية، يمكننا ملاحظة مثل هذه التقلبات الموسمية في الإنتاج الزراعي خاصة، كما يمكن ملاحظتها في مجالات أخرى مثل إستهلاك الطاقة المنزلية خلال أشهر أو قصول السنة.

إن الإرتفاع أو الإنخفاض الحاد في مستوى الظاهرة خلال شهور السنة يؤدي الى سوء إستغلال القوى العاملة ووسائل الإنتاج والذي يؤدي بدوره إلى إنخفاض الإنتاجية وإرتفاع تكاليف الإنتاج، عما يؤدي إلى الخسائر، سواء كان ذلك على مستوى المؤسسة أو بالنسبة للإقتصاد الوطني ككل. من هنا تبرز ضرورة دراسة وقياس التقلبات الموسعية بهدف الحد من تأثيراتها السلبية.

هناك عدد من الطرق الإحصائية لإبراز وقياس التقلبات الموسمية وعادة مايستخدم الرقم القياسي الموسمي والذي يعرف على أنه النسبة المتوية للمستوى الفعلي للشهر (أو الثلاثي) مقارنة بالمستوى المعدل بالنسبة لنفس الفترة.

$$I_{S} = \frac{Y_{i}}{\widehat{Y}_{i}} \cdot 100$$

حيث I_s الرقم القياسي الموسمي، Y_i مستوى الظاهرة الفعلي في الفترة \hat{Y}_i مستوى الظاهرة المعدل والمقابل للفترة \hat{Y}_i

إن مستويات الظاهرة المرسمية قد تتأثر ببعض العوامل العشوائية، لهذا فإن الأرقام القياسية الموسمية عادة تحسب على أساس عدة سنوات، وذلك سواء بإيجاد متوسط الأرقام القياسية الخاص بكل فترة، وذلك بجمع الأرقام القياسية الموسمية لكل فترة ثم قسمتها على عددها أي :

$$I_{S} = \frac{\sum_{i=1}^{n} I_{S}}{n}$$

أو بإيجاد مترسط مستوى الظاهرة الخاص بكل شهر خلال السنوات المدروسة ثم حساب الرقم القياسي الموسمي الخاص بكل شهر أي : $\frac{\overline{Y}}{\hat{Y}_i} = I_S$ وسئرى تطبيقا لذلك في المثال القادم.

أما المستوى المعدل \hat{Y}_i فإن تقديره يختلف وفقا لطبيعة تطور التقلبات المستوى المعدل أما المستوى أما المستوى أخرى، فإذا كانت هذه التقلبات مستقرة، أي أن مستوى الظاهرة في نفس الشهر من سنة إلى أخرى يتغير ولكن دون أن يكون له إتجاه نحو

الزيادة أو النقصان، في هذه الحالة يمكن إعتبار أن المستوى المعدل \hat{Y} هو الوسط الحسابي لجميع مستويات الظاهرة خلال السنوات المدروسة، وبالتالي فإن الرقم القياسي الموسمي عند السلاسل الزمنية المستقرة يحسب وفقا للعلاقة :

$$I_S = \frac{\overline{Y}_i}{\overline{Y}} \cdot 100$$

حيث : \overline{Y} متوسط مستوى الظاهرة الخاص بفترة معينة خلال السنوات المدروسة.

المتوسط العام لمستوى الظاهرة الخاص بكل فترة خلال السنوات المدروسة المادوسة المادوسة الفترة شهر فإن \overline{Y} هو المتوسط الشهري لمستوى الظاهرة خلال السنوات المدروسة).

وفيما يلي مثال عن حساب الأرقام القياسية للتقلبات الموسمية عند إستقرار مستويات الطاهرة من سنة إلى أخرى -أنظر الجدول رقم 8 - .

لقد تم حساب الأرقام القياسية الشهرية كالتالى:

$$I_{Jan.} = \frac{\overline{Y}_{Jan.}}{\overline{Y}} \cdot 100 = \frac{4,3}{5,6} \cdot 100 = 76\%$$

$$I_{\text{Fev.}} = \frac{\overline{Y}_{\text{Fev.}}}{\overline{Y}} \cdot 100 = \frac{4.3}{5.6} \cdot 100 = 76\%$$

$$I_{Mars} = \frac{\overline{Y}_{Mars}}{\overline{Y}}$$
. $100 = \frac{4.6}{5.6}$. $100 = 82\%$ ومكذا بالنسبة لباقي الأرقام القياسية لبقية الأشهر.

جدول رقم (8) دساب الأرقام القياسية للتقلبات الموسمية الخاصة بالارنتاجية الوسطية ليوم عمل آلة زراعية

	غياسية للتقلبات المرسمية	الأرقام ال	الوسط الحسايي	آلة زراعية هـ /يرم	سطية ليوم عمل	الإنتاجية الو	
	$(\%) \qquad I = \frac{\overline{Y}_{i}}{\overline{Y}}$	100	لكهر أ Y	1995	1994	1993	الأشهر
	(4,3:5,6)	76	4,3	4,3	4,2	4,4	1
	(4,3:5,6)	76	4,3	4,5	4,1	4,3	2
	(4,6:5,6)	82	4,6	5,0	4,2	4,5	3
		105	5,9	6,0	5,4	6,2	4
L		125	7,0	7,1	6,8	7,0	5
		112	6,3	6,5	6,3	6,0	6
L		110	6,2	6,3	6,0	6,3	7
L		132	7,4	7,5	7,0	7,7	8_
		130	7,3	7,1	7,2	7,6	9
L		107	6,0	6,2	5,9	6,0	10
L		79	4,4	4,5	4,3	4,4	11
L		75	4,2	4,2	4,1	4,3	12
		100	$\overline{Y} = 5.6$	5,8	5,4	5,7	المترسط الحسابي

نلاحظ أن مسترى الإنتاجية في جانفي يقل به 24% عن المتسوسط السنوي. وفي مارس يقل به 18% عن المتوسط السنوي. أما في شهر سبتمبر فهو يزيد به 32% عن المتوسط السنوي. أما في شهر سبتمبر فهو يزيد به 30%.

أما إذا لاحظنا أن مستريات السلسلة الزمنية الخاصة بنفس الفترة تميل إلى الزيادة من سنة إلى أخرى فإن المستريات المعدلة \overline{Y} يتم تقديرها بواسطة معادلة

 $\hat{Y} = a + bt$ الإتجاه باعتبارها من الشكل الخطى البسيط

وسنتعرف من خُلال المثال التالي عن كيفية حساب الأرقام القياسية المؤسفية عندما تتجه مستريات الظاهرة نحو الزيادة من سنة إلى أخرى.

جدول رقم (9) ؛ إنتاج الحليب في إحدى الولايات خلال 3 سنؤات

الأشهر	إنتا	ج الحليب (ألف لتر)	
	1993	1994	1995
جانقي	35	48	
فيقري	30	42	68 55
مارس	28	40	50
أقريل	25	36	42
جانفي فيفري مارس أفريل ماي جوان جوان جويلية	22	38	54
جوان	38	46	65
جويلية	52	70	90
أوت	85	95	120
سيتمبر	92	115	145
أكتوبر	80	102	130
آکتوبر نوقمبر دیسمبر	75	94	120
ديسمبر	50	75	95

وبالتعامل مع المعطيات الإحصائية للسنوات الثلاثة على أنها سلسلة زمنية واحدة وإعطاء قيم لـ 1 بحيث يكون Σ t = 0، فإنه يمكننا تقدير معادلة الإنجاد، وبالتالي الحصول على المستويات المقدرة \hat{Y} المقابلة لكل شهر من شهور السنوات الثلاثة.

$$a = \frac{\sum Y}{n} = \frac{2447}{36} = 68$$
 الدينا :

$$b = \frac{\sum Yt}{\sum t^2} = \frac{7784.5}{3885} = 2$$

إذا معادلة الإتجاء مي : $2 + 2 + 68 = \hat{Y}$. جدول رقم (10) : حساب الأرقام القياسية الموسمية لا نتاج في الحليب في ثلاثة ولا يات (مستويات الا نتاج في

تزايد من فترة إلى أخرى)

		کل شهر (%)	الأرقام	برة ز ۲	ات المقد	المستري	Yi کیا	ت النعا	المستريا		
	Īs	I_S من شهور السنوات الثلاثة $\widehat{Y}_i = 68 + 21$				الشهور					
	%	1995	1994	1993	1995	1994	1993	1995	1994	1993	
-[91,4	83,9	84,2	106,1	81	57	33	68	48	35	جانفي
1	74,4	66,3	71,1	85,7	83	59	35	55	42	30	فيقري
Į	66,7	58,8	65,5	75,7	85	61	37	50	40	28	مارس
ł	56,5	48,3	57,1	64,1	87	63	39	42	36	25	أقريل
١	57,6	60,7	58,5	53,7	89	65	41	54	38	22	ماي
١	76,2	71,4	68,7	88,4	91	67	43	65	46	38	جوأن
1	104,6	96,8	101,4	115,6	93	69	45	90	70	52	جويلية
	147,0	126,3	133,8	180,9	95	71	47	120	95	85	أرت
ı	164,9	149,5	157,5	187,8	97	73	49	145	115	92	سيتمبر
	141,4	131,3	136,0	156,9	99	75	51	130	102	80	أكتوبر
	127,5	118,8	122,1	141,5	101	77	53	120	94	75	توقمير
	92,7	92,2	94,9	90,9	103	79	55	95	75	50	ديسمير

وبالتالي يمكننا الحصول على الأرقام القياسية الموسمية لكل شهر من شهور السنوات الثلاثة وبعدها نحسب متوسط الأرقام القياسية الموسمية لكل شهر وذلك بجمع الأرقام القياسية الموسمية الخاصة بشهر معين وقسمتها على عددها -أي على 3 في مثالنا- وبالتالي نكون قد حصلنا على الأرقام القياسية الموسمية لكل شهور السنة كما هو مبين في العمود الأخير من الجدول رقم (10).

الفصل الثالث : تقنــيــات التوقــع بفترة زمنية واحدة

نذكر أنَّ هناك مدخلين لعملية التوقع، الأول يعتمد على تحليل ودراسة السلسلة الزمنية الخاصة بالظاهرة المدروسة ومحاولة تحديد القانون الأساسي الذي يحكم تطورها ومن ثمَّ محاولة تمديدها إلى الفترة المستقبلية، وذلك دون البحث في العوامل التي تدفع بالظاهرة المدروسة إلى التغير عبر الزمن.

أمًا المدخل الثاني قهر يعتمد على تحليل الظاهرة والتوقع بمستوياتها من خلال التطورات المتوقعة في العوامل المفسرة.

سنعترف في هذا الفصل على أهم التقنيات التي تعتمد على المدخل الأول، مجموعة التقنيات التي سنتعرف عليها في هذا الفصل يطلق عليها عادة وفي أغلب المراجع بتقنيات التيوتع قصيرة المدى، يجب الإشارة إلى أن كل التقنيات التي سنتعرف عليها في هذا الفصل هي تقنيات للتوقع عند السلاسل الزمنية المستقرة، وهي تقنيات تمكننا فقط من التوقع بفترة زمنية واحدة لأن التوقع للفترة (المعلية الخاصة بالفترة).

3 - 1 - التوقيع باستخدام تقنيــة الأوساط المتحركة البسيطة

تعتمد هذه التقنية على حساب متوسط حسابي على أساس عدد معين من الغترات وتنسيبه إلى الفترة الموالية لآخر فترة حسب على أساسها الوسط الحسابي، أي أن التوقع في هذه الحالة هو عبارة عن :

$$\hat{X}_{t+1} = \frac{X_t + X_{t-1} + \dots + X_{t-N+1}}{N}$$

$$\hat{X}_{i+1} = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^{n} X_i$$

حيث: 1 + 1 - التوقع للفترة 1 + 1.

Xt - المستوى الفعلى للفترة ١.

الأساسي).

جُدول رقم (11) ؛ التوقع بالطلب على سلعة معينة باستخدام الأوساط الهتدركة البسيطة

		30.		
الترقع ، X	الترقع ، 🛈	الطلب الفعلي	الفترة	أشهر السنة
(على أساس 5 = N)	(على أساس 3 = N)	X_{t}	t	1995
5	4	3	2	1
-	-	2000	1	جانفي
-	-	1350	2	فيفري
	-	1950	3	مارس
-	1767	1975	4	أقريل
-	1758	3100	5	ماي
2075	2342	1750	6	جوان
2025	2275	1550	7	جربلية
2065	2133	1300	8	أوت
1935	1533	2200	9	سبتمبر
1980	1683	2770	10	أكتوبر
1915	2092	2350	11	ئوقمبر
2034	2440	-	12	ديسمبر

وفي الجدول (11) مثال عن إحدى المؤسسات تستخدم هذه التقنية في التوقع بالطلب على منتجاتها، نفترض أن هذه المؤسسة إستخدمت أساسين في حساب الأوساط المتحركة 3 و 5، وبفرض أننا الآن في نهاية شهر نوفمبر من سنة 1995 وبالتالي فكل مستويات الطلب الفعلية معروفة لدينا بدءا من شهر نوفمبر إلى أول شهر من سنة 1995 وبالتالي فالمهمة الآن هي إعداد التوقع للشهر المقبل أي لشهر ديسمبر 1995.

نلاحظ أنَّ المستوى الأخير من العمود رقم 4، أي المستوى المتوقع للطلب الخاص بشهر ديسمبر 1995، 2440 = \widehat{X} هو عبارة عن متوسط المستويات الفعلية للطلب في الشهور الثلاثة الأخيرة :

 $\hat{X}_{DEC.} = \frac{X_{NOV} + X_{OCT.} + X_{SEP.}}{3} = \frac{2350 + 2770 + 2200}{3} = 2440$

أما المستوى الأخير من العمود رقم 5، أي المستوى المتوقع للطلب في شهر ديسمبر 1995، 1995 \widehat{X} وعبارة عن متوسط المستويات الفعلية للطلب في الشهور الخمسة الأخيرة :

$$\widehat{X}_{DEC.} = \frac{X_{NOV} + X_{OCT.} + X_{SEP.} + X_{AOUT.} + X_{JUIL.}}{3}$$

$$= \frac{2350 + 2770 + 2200 + 1300 + 1550}{5} = 2034$$

ومن أجل المفاضلة بين الأساسين N=3 و N=3 علينا بحساب الخطأ المعياري للتوقع بالنسبة لكل أساس ونقول عن الأساس الذي يعطي أقل مقدار ل σ بأند الأفضل، ومن أجل ذلك يجب القيام عما يلي :

جِدِول رقم (12) : مقارنة التوقعات باستخدام الأوساط المتحركة على أساس 3 والأوساط المتحركة على أساس 5

N = 5	برکة علی اساء	الاوساط المتح	ساس N = 3	نحركة على أ	الأوساط الم	الطلب الفعلي	لفترة
$(X \cdot \widehat{X})^2$	$X_1 \cdot \widehat{X}_1$	\hat{X} ,	(X - X) ²	$X_{i} - \widehat{X}_{i}$	x ,	X_{i}	
-	-	-	-	-	-	2000	1
-	-	-		-		1350	2
-	-		-	-	-	1950	3
-		-	43264	+ 208	1767	1975	4
-	-		1800964	+ 1342	1758	3100	5
105625	- 325	2075	350464	- 592	2342	1750	6
225625	- 475	2025	525625	- 725	2275	1550	7
585225	- 765	2065	693889	- 833	2133	1300	8
70225	+ 265	1935	444889	+ 667	1533	2200	9
624100	+ 790	1980	1181569	+ 1087	1683	2770	10
189225	-	1915	66564	+ 258	2092	2350	11
-	· .	2034	-	-	2440		12
1800025	-		4593339	-	_		 الجنوع

يلاحظ أنَّ الجُطأ المعياري للتوقع عند الأوساط المتحركة على أساس N=3 هو:

$$\sigma = \sqrt{\frac{\sum (X - \widehat{X})^2}{n - N - 1}} = \sqrt{\frac{4593339}{8}} = 757,73$$

بينما الخطأ المعياري للتوقع عند الأوساط المتحركة على أساس 5=N هو :

$$\sigma = \sqrt{\frac{\sum (X - \widehat{X})^2}{n - N - 1}} = \sqrt{\frac{1800025}{6}} = 547,72$$

وبالتبالي يمكننا استنتاج أنّ التوقع باستخدام الأوساط المتحركة على أساس خبيبية شهور أفضل من التوقع باستخدام الأوساط المتحركة على أساس ثلاثة شهور، وذلك عند التوقع بالطلب الشهري على منتجات المؤسسة المعنية.

وبصفة عامة كلما أدخلنا عدد أكبر من المشاهدات في حساب المتوسط المتحرك كلما كان أفضل، أي كلما تمكننا من استبعاد آثار العوامل العشوائية التي تشوش على مسار تطور الظاهرة، بشرط أن تستجيب السلسلة الزمنية للمستوبات الفعلية لشروط السلسلة الزمنية المستقرة.

1-1-3 مجالات استخدام طريقة الأوساط المتحركة البسيطة

تتلام هذه التقنية عندما تكون هناك مجموعة كبيرة من السلع موضوع التوقع، مثل التوقع بحجم الطلب على عشرات منتجات المؤسسة، لأنّه عندما يتعلق الأمر بعدد كبير من السلاسل الزمنية الأمر بعدد كبير من السلاسل الزمنية وبالتالي فإنّ استخدام تقنيات معقدة قد يصبح مكلفا ويستغرق وقتا.

إنَّ هذه التقنية بمكن استخدامها على مستوى المؤسسة في التوقع على عشرات السلع التي تنتجها أو التي تسوقها وبأسعار عشرات المواد الأولية والسلع الوسيطة التي تستخدمها وغيرها.

أما على المستوى الكلي فيمكن أن تستخدم في التوقع بعدد البطالين حسب فروع النشاط الإقتصادي، التوقع بمستويات الأرقام القياسية لأسعار مختلف السلع الإستهلاكية والرأسمالية وغيرها من الإستخدامات.

3 - 1 - 2- نقائص تقنية الأوساط المتحركة البسيطة

نذكر أن هذه التقنية تستخدم فقط للتوقع بفترة زمنية واحدة، نظرا لأن التوقع بفترة زمنية واحدة، نظرا لأن التوقع بفترة زمنية موالية يتطلب حضور المشاهدة الفعلية الأخيرة، وفي مثالنا السابق كان عكنا التوقع بمستوى الطلب لمدة شهر فقط، بالإضافة إلى أن هذه التقنية تستخدم

فقط عند السلاسل الزمنية المستقرة.

بالإضافة إلى ذلك فإن تقنية الأوساط المتحركة البسيطة لا تعط الإعتبار لكل المشاهدات الفعلية المتاحة، فهي لا تستخدم من المشاهدات الفعلية المتاحة سرى المشاهدات الفعلية المتاحة سرى العدد الا، ثم أن هذه التقنية تعطي نفس الأوزان -وبالتالي نفس الأهمية- لجميع المستريات والتي عددها الا التي تدخل في حساب الوسط الحسابي، وبالتالي فهذه التقنية لا تستجيب للمستجدات الحديثة التي تكون قد طرأت على طبيعة تغير الظاهرة، والتقنية الموالية التي سنت عرف عليها تحاول تجاوز هذا النقص، وذلك بإعطاء أوزان مختلفة لمستويات الظاهرة التي تدخل في حساب الوسط الحسابي المتحرك.

3 - 2 - التوقيع باستخدام تقنية الأوساط المتحركة المرجحة

إنطلاقًا من إحدى النقائص الأساسية لتقنية الأوساط المتحركة البسيطة باعتبارها تعطي نفس الأوزان لجميع قيم الأساس N، فإن تقنية الأوساط المتحركة المرجحة تحاول تجاوز هذا النقص بإعطاء أوزان مختلفة للمستويات الفعلية والتي عددها N، وذلك بإعطاء أهمية أكبر للمستويات الفعلية الحديثة.

ر فإذا كان المستوى المتوقع \widehat{X} يتحدد بأوساط متحركة على أساس ثلاثة فترات فإن :

$$\widehat{X}_{t+1} = K_1 X_t + K_2 X_{t-1} + K_3 X_{t-2}$$
 أما إذا كان المسترى المترقع $\widehat{X}_{t+1} = \widehat{X}_t$ يتحدد بأرساط متحركة علي أساس أربعة فترات فإنُ :

$$\hat{X}_{t+1} = K_1 X_t + K_2 X_{t-1} + K_3 X_{t-2} + K_4 X_{t-3}$$

 $\sum_{i=1}^{N} K_i = 1$ والشرط الأساسي في كل الحالات هو أن : $K_i = 1$ وفيما يلي مثال عن استخدام تقنية الأوساط المتحركة المرجحة على أساس ثلاثة فترات (N = 3) وبهيكلين مختلين :

جدول رقم (13): استندام تقنية الأوساط المتحركة المرجحة في التوقع وفقا لميكلين مختلفين

X 1+1	Ŷ 1+1	الطلب القملي Xt	الأشهر
$K_1 = 0.6$, $K_2 = 0.25$, $K_3 = 0.15$	$K_1 = 0.5, K_2 = 0.3, K_3 = 0.2$	Xt	
4	3	2	1
	-	4200	جانفي
	-	4100	فيقري
-	-	4300	مارس
4235	4220	3800	أغريل
3970	4010	3500	ماي
3695	3750	3700	جران
3665	3660	3400	جويلية
3490	3510	3300	أوت
3385	3410	3800	سپتمبر
3615	3570	4200	أكتوبر
3965	3900	4400	توقعير
4500	4220	-	ديسمبر

وقد تمّ حساب المستريات المتوقعة بالما لل يلي :

بالنسبة لـ \widehat{X}_{AVR} في العمود رقم \widehat{X} ع

 $\hat{X}_{AVR.} = 0.5 \text{ X}_{MRS.} + 0.3 \text{ X}_{FEV.} + 0.2 \text{ X}_{JAN.}$

 $\hat{X}_{AVR} = 0.5 \cdot 4300 + 0.3 \cdot 4100 + 0.2 \cdot 4200 = 4220$

أما بالنسبة لـ $\widehat{X}_{MAI.}$ أما بالنسبة لـ $\widehat{X}_{MAI.}$

 $\hat{X}_{MAI.} = 0.5 X_{AVR.} + 0.3 X_{MARS.} + 0.2 X_{FEV.}$

 $\hat{X}_{MAI} = 0.5 \cdot 3800 + 0.3 \cdot 4300 + 0.2 \cdot 4100 = 4010$

أما بالنسبة لـ \widehat{X} مى العمود رقم 4:

 $\hat{X}_{AVR.} = 0.6 \text{ X}_{MARS.} + 0.25 \text{ X}_{FEV.} + 0.15 \text{ X}_{JAN.}$

 $\hat{X}_{AVR} = 0.6 \cdot 4300 + 0.25 \cdot 4100 + 0.15 \cdot 4200 = 4235$

أما بالنسبة لـ $\widehat{X}_{MAI.}$ أما بالنسبة لـ $\widehat{X}_{MAI.}$

 $\hat{X}_{MAL} = 0.6 X_{AVR.} + 0.25 X_{MARS.} + 0.15 X_{FEV.}$

 $\hat{X}_{MAI.} = 0.6 \cdot 3800 + 0.25 \cdot 4300 + 0.15 \cdot 4100 = 3970$

وهكذا بالنسبة لبقية المستويات المتوقعة.

 $(K_1 = 0.5, K_2 = 0.3, K_3 = 0.2)$ ومن أجل معرفة أي الهيكلين أفضل، الأول $(K_1 = 0.5, K_2 = 0.3, K_3 = 0.15)$ أم الثاني $(K_1 = 0.6, K_2 = 0.25, K_3 = 0.15)$ علينا بتقييم كل منهمنا وذلك بحساب الخطأ المعياري للتوقع، ويكون الهيكل الأفضل هو الذي يعطي أصغر خطأ معياري للتوقع.

جدول رقم (14) ؛ مقارنة هيكلين لـ K في التوقيح بهستوس الطلب باستخدام الأوساط المتحركة المرجحة

$K_1 = 0.6, K$	$L_2 = 0.25, 1$	$K_3 = 0,1$	$5 K_1 = 0.5$	$K_2 = 0.3$	$K_3 = 0.2$	الطلب الفعلي	الفترة
$(X - \widehat{X})^2$	X , - X ,	χ̂,	$(X - \widehat{X})^2$	Χι- Âι	\hat{X} ,	X_{t}	
-	-	-	-	-		4200	1
- :	-	-	-	-	-	4100	2
-	-	-	-	-	-	4300	3
319225	565	4235	176400	- 420	4220	3800	4
220900	- 470	3970	260100	- 510	4010	3500	5
25	5	3695	2500	- 50	3750	3700	6
70225	- 265	3665	67600	- 260	3660	3400	7
36100	- 190	3490	44100	- 210	3510	3300	8
172225	415	3385	152100	390	3410	3800	9
342225	585	3615	396900	630	3570	4200	10
189225	435	3965	250000	500	3900	4400	11
-		4500	-	-	4220		12
1350150			1349700	-	-	-	الجسرع

نحسب الخطأ المعياري للتوقع لكل من الهيكلين:

$$\sigma_1 = \sqrt{\frac{\sum (X_i - \hat{X}_i)^2}{n - N - 1}} = \sqrt{\frac{1349700}{8}} = 410,746$$

$$\sigma_2 = \sqrt{\frac{\sum (X_1 - \hat{X}_1)^2}{n - N - 1}} = \sqrt{\frac{1350150}{8}} = 410,814$$

رغم أنَّ الفرق بين σ_1 و σ_2 ليس كبيرا إلا أنه يمكن القرل أن الهيكل الأول أفضل من الهيكل الثاني باعتبار أن $\sigma_1 < \sigma_2$.

3 - 2 - 1 - مجالات استندام تقنية الأوساط المتحركة المرجحة تستخدم هذه التقنية في نفس المجالات التي ذكرناها بالنسبة للأوساط

المتحركة البسيطة.

3 - 2 - 2 - نقائص تقنية الأوساط المتحركة المرجحة

رغم أنَّ تقنية الأرساط المتحركة المرجحة تعتبر أفضل من تقنية الأوساط المتحركة البسيطة باعتبارها تعطي أهمية أكبر للمشاهدات الفعلية الحديثة، إلا أنَّ تحديد هيكل معين لقيم K يبقى أهم مشكل في تقنية الأوساط المتحركة المرجحة.

ورغم أنّه يمكننا في البداية استخدام هذه التقنية وفقا لهياكل مختلفة (كما فعلنا في مثالنا السابق)، وبعدها يتم التقييم، ونختار الهيكل الأفضل والمناسب للظاهرة المعنية بالتوقع، إلا أنّ هناك مالا تهاية من الهياكل الممكنة وبالتالي مالا تهاية من المستويات المتوقعة، وتزداد المشكلة تعقيدا عندما نكون أمام مجموعة كبيرة من السلاسل الزمنية.

كما لا ننس أيضا أن كل من التقنيتين السابقتين، الأوساط المتحركة البسيطة والمرجعة تتطلب تخزين N من المشاهدات الفعلية الأخيرة.

انطلاقا عما ذكر تأتي تقنية المسح الأسي لتجاوز تلك النقائص، وذلك بتحديد هيكل معني له X يتناقص وفقا لمتوالية هندسية، بدءا من المشاهدة الفعلية الأخيرة X كما أن تقنية المسح الأسي لا تتطلب تخزين عدد كبير من المشاهدات الفعلية.

3 – 3 – التوقيع باستخدام تقنيــة

الهسم الأسي Lissage Exponentiel

هناك ملاحظتين أساسيتين حول تقنية الأوساط المتحركة البسيطة والمرجحة أدتا إلى تفضيل إستخدام تقنية المسح الأسي.

الملاحظة الأولى: من أجل الحصول على التوقع للفترة 1 + 1 يجب تخزين

المعلومات الخاصة بالمشاهدات الفعلية عن كل فترة من فترات N التي تدخل في حساب المتوسط المتحرك وذلك قد يكون مكلفا أو غير متاحا.

العلامظة الشانية ، تقنية الأوساط المتحركة البسيطة تعطي نفس الأوزان لجميع القيم N، كما أنَّ هناك نقص أساسي في تقنية الأوساط المتحركة المرجحة عند محاولتها لإعطاء أوزان مختلفة لقيم N يتمثل في تحديد هيكل معين ل K.

كما أنَّ كل من التقنيتين الأوساط المتحركة البسيطة والمرجحة لا تعطيا أي اعتبار للمشاهدات التي تقع قبل t-N.

تقنية المسح الأسي (') تتجاوز هذه النقائص بإعطاء هيكل محدد الأوزان المشاهدات السابقة.

تقرم تقنية المسح الأسي على الأساس التالي:

$$\widehat{X}_{t+1} = \alpha X_t + (1 - \alpha) \widehat{X}_t$$

حيث :

 α هو معامل الترجيح ويسمى أيضا بثابت المسح حيث $1 \geq \alpha \geq 0$ ، إنّ الصيغة السابقة هي الصيغة العامة لحساب التوقع وفقا لتقنية المسح الأسي، ومن هذه الصيغة نلاحظ مباشرة أنّ تقنية المسح الأسي لا تحتاج إلى معلومات كثيرة، فيكفي أن نعرف المشاهدة الفعلية الأخيرة α وكذا القيمة المتوقعة الأخيرة α وأيضا قيمة معينة لثابت المسح α ، حتى نتمكن من التوقع للفترة الموالية α .

^(*) مفهوم المسح لا يختلف عن مفهوم التسوية الذي عرفناه عند حديثنا عن تسوية السلاسل الزمنية، وبالتالي يمكن إطلاق مفهوم التسوية الأسية على هذه التقنية غير أن المسح الأسي هو التعبير الأكثر تداولا في كتب الإحصاء باللغة العربية.

ولو قمنا بفك الصيغة السابقة :

$$\hat{X}_{t+1} = \alpha X_t + (1-\alpha) \hat{X}_t$$

وذلك بالتعريض عن $\hat{X}_t = \alpha X_{t+1} + (1-\alpha) \hat{X}_{t+1}$

يصبح لذينا:

$$\widehat{X}_{t+1} = \alpha X_t + (1 - \alpha) \left[\alpha X_{t+1} + (1 - \alpha) \widehat{X}_{t+1} \right]$$

$$\widehat{X}_{t+1} = \alpha X_t + \alpha (\alpha - 1) X_{t+1} + (1 - \alpha)^2 X_{t+1}$$

$$: \widehat{X}_{t-1} = \widehat{X}_{t-1} \text{ is in } \widehat{X}_{t+1}$$

$$\widehat{X}_{t+1} = \alpha X_{t+1} + \alpha (\alpha - 1) X_{t+1} + (1 - \alpha)^2 X_{t+1}$$

$$\widehat{X}_{t+1} = \alpha X_{t+1} + (1 - \alpha) \widehat{X}_{t+2}$$

تحصل على:

$$\hat{X}_{t+1} = \alpha X_t + \alpha (1-\alpha) X_{t+1} + (1-\alpha)^2 \cdot \left[\alpha X_{t+2} + (1-\alpha) \hat{X}_{t+2} \right]$$

$$\widehat{X}_{1+1} = \alpha X_1 + \alpha (1-\alpha) X_{1-1} + \alpha (1-\alpha)^2 X_{1-2} + (1-\alpha)^3 \widehat{X}_{1-2}$$
equivalently equivalent in the second of the se

$$\hat{X}_{1+1} = \alpha X_1 + \alpha (1-\alpha) X_{1-1} + \alpha (1-\alpha)^2 X_{1-2} + \alpha (1-\alpha)^3 X_{1-3} + \alpha (1-\alpha)^4 X_{1-4} + \dots$$

$$(2) \hat{X}_{1+1} = \alpha X_1 + \alpha (1-\alpha) X_{1-1} + \alpha (1-\alpha)^2 X_{1-2} + \alpha (1-\alpha)^3 X_{1-3} + \alpha (1-\alpha)^4 X_{1-4} + \dots$$

$$(2) \hat{X}_{1+1} = \alpha X_1 + \alpha (1-\alpha) X_{1-1} + \alpha (1-\alpha)^2 X_{1-2} + \alpha (1-\alpha)^3 X_{1-3} + \alpha (1-\alpha)^4 X_{1-4} + \dots$$

$$\alpha + \alpha (1 - \alpha) + \alpha (1 - \alpha)^{2} + \alpha (1 - \alpha)^{3} + \dots = 1$$

$$\sum_{i=0}^{\infty} \alpha (1 - \alpha)^{i} = 1 : \text{if } i = 0$$

وبالتالي فإن تقنية المسح الأسي في الحقيقة تأخذ بالإعتبار كل المشاهدات

الفعلية السابقة بدءا من الفترة t.

وعا يلاحظ أيضا أنَّ تقنية المسح الأسي تعطي أوزانا مختلفة ومتنازلة لكل الشاهدات بدءا من المشاهدة الفعلية الأخيرة X. الأهمية المتناقصة هذه تخضع لمتوالية هندسية، ومن هنا يمكن القول أنَّ تقنية المسح الأسي هي حالة خاصة لتقنية الأوساط المتحركة المرجحة [8 ص 52]، مع عدم اكتفاء تقنية المسح الأسي بالعدد N من المشاهدات الفعلية كما تفعل تقنية الأوساط المتحركة المرجحة.

إنَّ الصيغة الأساسية لتقنية المسح الأسي :

$$\widehat{\mathbf{X}}_{1+1} = \alpha \, \mathbf{X}_1 + (1 - \alpha) \, \widehat{\mathbf{X}}_1$$

$$\mathbf{X}_{1+1} = \alpha \, \mathbf{X}_1 + (1 - \alpha) \, \widehat{\mathbf{X}}_1$$

يكن كتابتها كالتالي:

$$\hat{X}_{i+1} = \hat{X}_i + \alpha (X_i - \hat{X}_i)$$

وذلك لأن :

$$\widehat{X}_{t+1} = \alpha_t + (1 - \alpha) \widehat{X}_t$$

$$= \alpha X_t + (\widehat{X}_t - \alpha \widehat{X}_t)$$

$$= \alpha X_t + \widehat{X}_t - \alpha \widehat{X}_t$$

$$= \widehat{X}_t + \alpha (X_t - \widehat{X}_t)$$

وهذا يعني أنَّ المستوى المتوقع \widehat{X}_{t+1} هو عبارة عن آخر توقع \widehat{X}_{t+1} زائد α مرة خطأ التوقع الأخبر، أي α مرة إنحراف القيمة الفعلية عن المتوقعة $(\widehat{X}_{t+1},\widehat{X}_{t+1},\widehat{X}_{t+1})$.

ومن هنا فإذا كانت α قريبة من 1 هذا يعني أننا قد منحنا أهمية كبيرة للمشاهدة الفعلية الأخيرة، وبالعكس كلما كانت α أصغر من 1 كلما توزعت الأهمية

على عدد كبير من المشاهدات الفعلية السابقة، وسنتعرف من خلال المثال التالي عن كيفية إستخدام هذه التقنية في التوقع وذلك بإعطاء ثلاثة قيم مختلفة لثابت المسح $\alpha = 0.5$ ثم $\alpha = 0.1$ ثم $\alpha = 0.1$ ثم $\alpha = 0.2$

جدول رقم (15) ؛ التوقع بالطلب على إحدى السلع وفقا لتقنية الهسج الأسى

	الطلب المترقع X t		الطلب الفعلي	الأشهر
$\alpha = 0.5$	$\alpha = 0.2$	$\alpha = 0,1$	Xt	
-	-	-	2000	جانفي
2000	2000,0	2000	1350	قيقري
1675	1870,0	1935	1950	مارس
1813	1886,0	1937	1975	أقريل
1894	1903,8	1941	3100	ماي
2497	2142,4	2057	1750	جران
2123	2063,9	2026	1550	جريلية
1837	1961,1	1978	1300	أرت
1568	1928,8	1910	2200	سيتمبر
1884	1848,7	1939	2775	أكتوبر
2330	2033,9	2023	2350	توقمير
2340	2097,1	2056	-	ديسمپر

عمل حظة : بالنسبة للمسترى المترقع المقابل للفترة الثانية بها X يكننا اعتبارها هي نفسها المشاهدة الفعلية للفترة السابقة لها X مذلك لأنَّ المسترى المترقع الأول غير موجود.

ومن أجل معرفة قيمة α التي أعطت أفضل النتائج، علينا بحساب الخطأ $\alpha = 0.5$ و $\alpha = 0.5$ عند كل من $\alpha = 0.1$ ، $\alpha = 0.5$ و $\alpha = 0.5$

جدول رقم (16): مقارنة التوقعات وفقا لتقنية المسح الأسي

$\alpha = 0.5$			α=	0,2		α	= 0,1			الفترة
$(X - \widehat{X})^2$	$X_t - \widehat{X}_t$	χ̂ι	$(X - \widehat{X})^2$	$X_1 - \widehat{X}_t$	\hat{X}_t	$(X - \widehat{X})^2$	X , - \widehat{X} ,	Â,	$\mathbf{x_t}$	
-	_	-		-	-				2000	1
422500	- 650	2000	422500	- 650	2000	422500	- 650 *	2000	1350	2
75625	- 275	1675	6400	80	1870	225	15	1935	1950	3
26244	- 162	1813	7921	89	1886	1444	38	1937	1975	4
1454436	- 1206	1894	1430894,4	1196,2	1903,8	1343281	1159	1941	3100	5
558009	747	2497	153977,7	- 392,4	2142,4	94249	- 307	2057	1750	6
328329	573	2123	264093,2	- 513,9	2063,9	226576	- 476	2026	1550	7
288369	537	1837	437053,2	- 661,1	1961,1	459684	- 678	1978	1,300	8
412164	- 642	1569	73549,4	271,2	1928,8	84100	290	1910	2200	9
784996	- 886	1884	858031,7	926,3	1848,7	698896	836	1939	2775	10
400	- 20	2330	99919,2	316,1	2033,9	106929	327	2023	2350	11
		2340			2097,1			2056		12
3928572		-	3754339,8	_		3437884	_	-		الجبرة

نحسب قيم الخطأ المعياري للتقدير المناسب لكل قيمة من قيم α ، بالنسبة $\alpha = 0.1$ ل $\alpha = 0.1$

$$\sigma_{1} = \sqrt{\frac{\sum (X_{1} - \hat{X}_{1})^{2}}{10}} = \sqrt{\frac{3437884}{10}}$$

$$\sigma_{1} = 586,33.$$

 $\alpha = 0.2$ بالنسبة ل

$$\sigma_{2} = \sqrt{\frac{\sum (X_{1} - \widehat{X}_{1})^{2}}{10}} = \sqrt{\frac{3754339,8}{10}}$$

$$\sigma_{2} = 612,72.$$

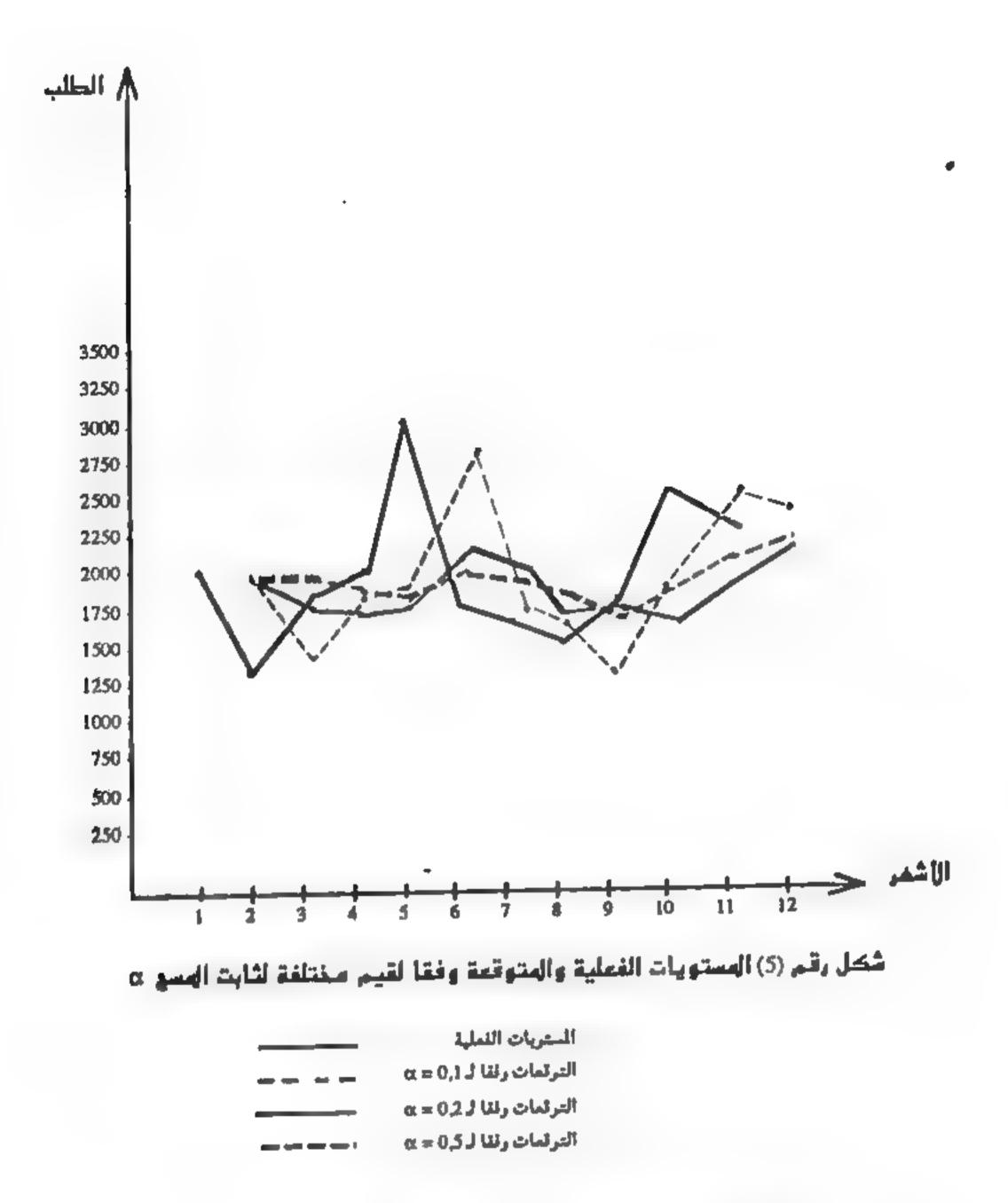
 $\alpha = 0.5$ ہالنسبة ل

$$\sigma_{3} = \sqrt{\frac{\sum (X_{1} - \hat{X}_{1})^{2}}{10}} = \sqrt{\frac{3928572}{10}}$$

$$\sigma_{3} = 626,78$$

ولما كان $\sigma_3 > \sigma_2 > \sigma_1$ نستخلص أنَّ أفضل التوقعات حصلنا عليها مند $\alpha=0,1$ عند

والرسم البياني التالي يوضح أكثر مسار المستوبات الفعلية والمتوقعة وفقا $\alpha = 0.5$ و $\alpha = 0.2$ ، $\alpha = 0.1$



3 - 3 - 1 - ملاحظات حول تقنية المسح الأسي

إنَّ تقنية المسح الأسي كثيرة الإستخدام في التطبيقات الإقتصادية والمالية، خاصة على مستوى المؤسسات والشركات، تستخدم في التوقع بالمخزونات، بالمبيعات وفي اعداد الميزانية التوقعية (الميزانية التقديرية) وغيرها.

إن انتشار استخدام هذه التقنية يعود إلى سهولة استخدامها كما أنها لا تتطلب معلومات كثيرة كما ذكرنا سابقا، غير أن مسألة تحديد ثابت المسح α يبتى الإشكال الرئيسي لهذه التقنية.

إن تجربة استخدام تقنية المسح الأسي في التوقع بالظواهر الإقتصادية والمالية تفيد أن مقدار α يكون محصورا ضمن المجالم 0,05 إلى 0,3، إذ لا ينبغي إعطاء على تقيمة أقل من 0,05 وأيضا لا ينبغي إعطاءها قيمة تفوق 0,3، وإذا تبين في حالات معينة أن القيمة المناسبة له α تفوق 0,3 فإن ذلك دليل على أن السلسلة الزمنية لا تخضع لشروط السلسلة الزمنية المستقرة، وبالتالي فإن تقنية المسح الأسي غير مناسبة للتوقع في هذه الحالة (4 ص 22)، وهنا ينبغي اللجوء إما إلى تقنيات المسح الأسي من مراتب أعلى [أنظر المراجع 5، 8] أو اللجوء إلى إحدى التقنيات المناسبة للتوقع في حالة السلاسل الزمنية غير المستقرة والتي سنتعرف عليها في الفصل القادم.

إنَّ علاقة ثابت المسع (٢) بعدد المشاهدات الفعلية Ν التي تشملها عملية المسع عند الترتع يمكن تحديدها وفقا للعلاقة [8 ص 62]:

$$\alpha = \frac{2}{N+1}$$

وبالتالي يمكننا وضع الجدول التالي:

[:] على المراجع التالية (*) لمزيد من التفصيل في مسألة تحديد ثابت المسح α يمكن الإطلاع على المراجع التالية (*) BROWN R. G., STATISTICAL FORECASTING FOR INVENTORY CONTROL, NEW YORK, Mc GRAW-HILL, 1959.

⁻ CHOW W. M. ADAPTIVE CONTROL OF THE EXPONENTIAL SMOOTHING CONSTANT. JOURNAL OF INDUSTRIAL ENGINEERING, 16, N° 5, 314, 1965.

جدول رقم (17) : العمر الهتوسط للسلسلة الزمنية عند كل قيمة لثابت الهسم α

α.	N
0,05	39
0,1	19
0,2	9
0,3	5,66 (≈ 6)
0,5	3

هذا يعني أنّه عند $\alpha = 0.05$ كون قد أخذنا بالإعتبار 39 مشاهدة سابقة وعندما تكون $\alpha = 0.05$ نكون قد أخذنا بالإعتبار 19 مشاهدة سابقة ... الخ.

ونظرا لتعاملنا في الحياة الإقتصادية مع السلاسل الزمنية ذات الحجم المترسط أي من 15 إلى 25 فترة، الأمر الذي يبرر شيوع استخدام $\alpha = 0.1$ في التوقعات بالظواهر الإقتصادية.

 α ل منظ ذلك فإنّه ينصح بإعداد التوقعات رفقا لعدد من القيم ل α (مثلا 10, α = 0,15 , α = 0,15 , α = 0,15 , α التي تعطي أقل خطأ معياري للتوقع.

3 - 3 - 2 – ملاحظات عامة حول تقنيات المسح

إنَّ تقنية الأوساط المتحركة البسيطة تشترك مع تقنية الأوساط المتحركة المرجحة في أنهما يعتمدان على عدد معين من المشاهدات الفعلية N واعتبارها هي المحددة للمستوى المتوقع.

بينما تذهب تقنية المسح الأسي إلى الأخذ بالإعتبار لكل المشاهدات المتاحة وذلك بتوزيع الأهمية وفقا لمتوالية هندسية متناقصة بدءا من المشاهدة الفعلية الأخيرة.

وتشترك تقنية الأوساط المتحركة المرجحة مع تقنية المسح الأسي في اعتبار أنّ

المشاهدة الفعلية الأخيرة X_1 أهم من المشاهدة الفعلية X_{l-1} وهذه الأخيرة أهم من X_{l-2} وهكاء.

وفي الواقع كثيرا ما نصادن أنَّ بعض الظواهر لا تخضع لهذا المنطق، فقد تكون المساهدة X_{i-1} أهم من المساهدة X_i في تحديد التوقع الخاص بالفترة X_{i-1} وهذا ما سنراه في مثال حول مبيعات الخبز في التقنية المقبلة.

انطلاقًا من هذا النقص الأساسي بأتي مدخل آخر للتوقع ببحث عن عدد المشاهدات الفعلية الأخيرة التي لها علاقة بتحديد المستوى المتوقع وكذا تحديد الأوزان المناسبة لتلك المشاهدات الفعلية وفقا لتقدير بخضع لنظرية المتوسطات وهذا ما تفعله غاذج الإنحدار الذاتي.

3 - 4 – تقنية التوقع باستندام نهاذج الإنجدار الذاتي

تقوم هذه الفكرة على فرضية أساسية : أنَّ مستوبات الظاهرة المتعاقبة زمنيا لها إرتباط فيما بينها، أي أنَّ مستوى الظاهرة في الفترة t مرتبط بمستوى الظاهرة في الفترة t-1 والفترة 2-1 وهكذا . وكما ذكرنا سابقا فإنَّ نماذج الإنحدار لا تفترض مسبقا أنَّ XL لها تأثير أكبر XL على XL كما تفعل تقنيات المسح بأنواعها والتي عرقناها في المباحث السابقة.

وني الحياة الإقتصادية والإجتماعية يمكننا إدراك ارتباط مستويات ظاهرة

معينة عبر الزمن، حيث يتأثر مستوى الظاهرة في الفترة 1 بمستويات نفس الظاهرة في الفترة 1 بمستويات نفس الظاهرة في الفترة السابقة رما قبلها، فمثلا عدد السكان في سنة 1996 له علاقة بعدد السكان في السنة السابقة 1995 وبعدد السكان في 1994 وهكذا.

وفيعا يلي مثال حول المبيعات اليومية من الخبز في إحدى المخابز الكبرى X_{t-3} , X_{t-2} , X_{t-1} , X_{t-2} , X_{t-1} , X_{t-1} , X_{t-2} , X_{t-1} , X_{t-1} , X_{t-2} , X_{t-1} , X_{t-1

جدول رقم (18) ؛ تشكيل السلاسل X_{t-2} ، X_{t-1} انطلاقا هن السلسلة الأصلية X_t .

	- V	v - 1	X _{t-1}	البيعات اليرمية X	الأيام
X_{t-4}	X ₁₋₃	X _{t-2}	^(-1	4,6	1
-			16	6,8	2
-		-	4,6	5,1	3
-	-	4,6	6,8		4
	4,6	6,8	5,1	7,1	
4,6	6,8	5,1	7,1	4,6	5
6,8	5,1	7,1	4,6	5,5	6
5,1	7,1	4,6	5,5	4,1	7
7,1	4,6	5,5	4,1	5,1	8_
4,6	5,5	4,1	5,1	3,7	9
5,5	4,1	5,1	3,7	5,0	10
	5,1	3,7	5,0	4,4	11
4,1	3,7	5,0	4,4	5,2	12
5,1		4,4	5,2	4,1	13
3,1	5,0	5,2	4,1	5,4	14
5,0	4,4	4,1	5,4	4,6	15
4,4	5,2		4,6	5,9	16
5,2	4,1	5,4		3,0	17
4,1	5,4	4,6	5,9		18
5,4	4,6	5,9	3,0	6,8	_
4,6	5,9	3,0	6,8	3,1	19
5,9	3,0	6,8	3,1	5,9	20_

تسمى معادلة الإنحدار التي تصور العلاقة الإرتباطية بين السلسلة الزمنية X_{t-K} X_{t-2} X_{t-1} الزمنية X_{t-1} بستوياتها X_{t-1} X_{t-2} X_{t-1} بعادلة الإنحدار الذاتي أو غوذج الإنحدار الذاتي وتكتب كالتالى :

 $X_t = \phi_1 \ X_{t-1} + \phi_2 \ X_{t-2} + \dots + \phi_K \ X_{t-K}$ $e^{T} = \phi_1 \ X_{t-1} + \phi_2 \ X_{t-2} + \dots + \phi_K \ X_{t-K}$ $e^{T} = \phi_1 \ X_{t-1} + \phi_2 \ X_{t-1}$

الأكيد أنَّ مستوى الظاهرة في الفترة 1 لا تتأثر بجميع المستويات السابقة، فهي تتأثر بدرجة معينة بالمستوى السابق مباشرة أي بـ X_{t-1} ويدرجة معينة بالمستوى X_{t-1} وهكذا حتى نصل إلى آخر مستوى X_{t-1} له تأثير على المستوى X_{t-1} بينما لا يتأثر X_{t-1} بيقية المستويات التي تسبق المستوى X_{t-1} ، أو أنَّ تأثيرها ضعيف بحيث يكن إهماله.

وبالتالي فالإشكالية المطروحة تكمن في البحث عن عدد وفعالية (وترجيح) تلك المستويات السابقة في التأثير على المستوى ، X. بناءا على ذلك فإن معادلة الإنحدار الذاتي يمكن أن تحتوي على عنصر واحد أو إثنين أو أكثر، وطبقا لعدد العناصر المتحواة في معادلة الإنحدار الذاتي تحدد رتبة معادلة الإنحدار الذاتي وبالتالي يمكننا أن غيز بين :

- معادلة الإنحدار الذاتي من المرتبة الأولى :

 $X_t = \varphi_{11} X_{t-1}$

- معادلة الإنحدار الذاتي من المرتبة الثانية :

 $X_{t} = \varphi_{21} X_{t-1} + \varphi_{22} X_{t-2}$

- معادلة الإنحدار الذاتي من المرتبة الثالثة :

 $X_{t} = \varphi_{31} X_{t-1} + \varphi_{32} X_{t-2} + \varphi_{33} X_{t-3}$

...........

- معادلة الإنحدار الذاتي من المرتبة K :

 $X_t = \phi_{K1} X_{t-1} + \phi_{K2} X_{t-2} + \dots + \phi_{KK} X_{t-K}$ ومن أجل استنباط غوذج للإنحدار الذاتي مقبول إحصائيا، ينبغي أخذ سلسلة زمنية لا يقل عدد مستوياتها عن 50 مستوى [9 ص 65]. وفيما يلي الخطوات التي ينبغي إتباعها من أجل بناء غوذج للإنحدار الذاتي واستخدامه في التوقع.

أول : تحديد رتبة معادلة الإنحدار، وذلك بحساب معادلات الإرتباط الذاتي r_1 , r_2 وفقا لأكبر قيمة مطلقة لـ r_3 .

ينصح الإحصائيون الإستمرار في حساب معاملات الإرتباط الذاتي إلى غاية $rac{1}{4}$ الحدود $rac{1}{4}$ $rac{1}{4}$ الحدود $rac{1}{4}$ $rac{1}{4}$ المنابة الزمنية.

ثانياً: تقدير معاملات الإنحدار الذاتي $\phi_1, \, \phi_2, \dots, \phi_{1}$ وذلك باستخدام أسلوب المربعات الصغرى.

ثالثًا: استخدام معادلة الإنحدار الذاتي في التوقع.

غير أنَّ الإعتماد على معاملات الإرتباط الذاتي من مختلف المراتب في تحديد رتبة معادلة الإنحدار عادة ما لا يكفي وحده، إذ قد تحصل على معاملات ارتباط واهية Absurde. لذلك عادة ما نتبع خطوات أخرى لتحديد رتبة معادلة الإنحدار المناسبة واستخدامها في التوقع، حيث نقوم مباشرة ببناء معادلتين أو ثلاثة أو أكثر إذا إقتضى الأمر من مراتب مختلفة :

$$\begin{split} X_t &= \phi_{1\,1} \ X_{t-1} \\ X_t &= \phi_{2\,1} \ X_{t-1} \ + \phi_{2\,2} \ X_{t-2} \\ X_t &= \phi_{3\,1} \ X_{t-1} \ + \phi_{3\,2} \ X_{t-2} + \phi_{3\,3} \ X_{t-3} \end{split}$$

ثم نختار تلك المعادلة التي تعطي أقل خطأ معياري للتقدير والمحسوب عن طريق العلاقة :

$$\sigma = \sqrt{\frac{\sum (X_{\iota} - \widehat{X}_{\iota})^2}{n - 2 K}}$$

وبعدها نستخدم المعادلة المختارة للحصول على التوقع للفترة الموالية للفترة الأخيرة.

ينبغي الإشارة إلى أنّه يمكن بناء معادلات الإنحدار الذاتي بإضافة العنصر الحر ϕ_0 في كل معادلة لتصبح معادلات الإنحدار الذاتي السابقة كالتالى :

$$\begin{split} X_t &= \phi_{10} + \phi_{11} \ X_{t-1} \\ X_t &= \phi_{20} \ + \phi_{21} \ X_{t-1} + \phi_{22} \ X_{t-2} \\ X_t &= \phi_{30} + \phi_{31} \ X_{t-1} + \phi_{32} \ X_{t-2} \ X_t + \phi_{33} \ X_{t-3} \\ &. \\ \mathcal{X}_{t} &= \psi_{30} + \psi_{31} \ \mathcal{X}_{t-1} + \psi_{32} \ \mathcal{X}_{t-2} \ \mathcal{X}_{t-1} + \psi_{33} \ \mathcal{X}_{t-3} \end{split}$$

$$\sigma = \sqrt{\frac{\sum (X_t - \widehat{X}_t)^2}{n - 2 K - 1}}$$

وفيما يلي سنبين كيفية تقدير معاملات الإنحدار الذاتي وفقا لأسلوب المربعات الصغرى.

إنَّ الشكل العام لمعادلة الإنحدار الذاتي هو:

 $X_t = \phi_{K1} \; X_{t-1} \; + \phi_{K2} \; X_{t-2} \; + \; \dots \; + \phi_{KK} \; X_{t-K} \; + e$ والمسألة تكمن في إيجاد تقدير جيد لمعاملات الإنحدار الذاتي : $\phi_{K1}, \; \phi_{K2}, \; \dots \; \phi_{KK}$ سبق عنها الحديث في الفصل السابق.

ei لدينا الفرق بين المستويات الحقيقية X_i والمقدرة \hat{X} وتسمى بالبواقي

وبالتالى يمكننا كتابة:

 $SSE = \sum_{i=1}^{n} \sum_{j=1}^{n} \sum_{j=1}^{n} \sum_{i=1}^{n} \sum_{j=1}^{n} \sum_{i=1}^{n} \sum_{j=1}^{n} \sum_{i=1}^{n} \sum_{j=1}^{n} \sum_{i=1}^{n} \sum_{j=1}^{n} \sum_{i=1}^{n} \sum_{j=1}^{n} \sum_{i=1}^{n} \sum_{j=1}^{n} \sum_{j=1}^{n} \sum_{j=1}^{n} \sum_{i=1}^{n} \sum_{j=1}^{n} \sum_{j=1}^{n} \sum_{i=1}^{n} \sum_{j=1}^{n} \sum_{j=1}^{n} \sum_{j=1}^{n} \sum_{j=1}^{n} \sum_{j=1}^{$

$$\sum_{t=1+K}^{n} X_{t} X_{t-1} = \phi_{K1} \sum_{t=1+K}^{e} X_{t-1}^{2} + \phi_{K2} \sum_{t=1+K}^{n} X_{t-1} X_{t-2} + \dots + \phi_{KK} \sum_{t=1+K}^{n} X_{t-1} X_{t-K}$$

$$\sum_{t=1+K}^{n} X_{t} X_{t-2} = \phi_{K1} \sum_{t=1+K}^{v} X_{t-1} X_{t-2} + \phi_{K2} \sum_{t=1+K}^{n} X_{t-2}^{2} + \dots + \phi_{KK} \sum_{t=1+K}^{n} X_{t-2} X_{t-K}$$

$$\sum_{i=\frac{n}{t}+K}^{n} X_{i} X_{t-K} = \varphi_{K1} \sum_{i=1+K}^{\nu} X_{i-1} X_{i-K} + \varphi_{K2} \sum_{i=1+K}^{n} X_{t-2} X_{i-K} + \dots + \varphi_{KK} \sum_{i=1+K}^{n} X_{t-K}^{2}$$

بحل هذه الجملة من المعادلات عكننا تحديد معاملات الإنحدار :

 $\phi_{K1}, \phi_{K2}, \phi_{KK}$

ففي حالة معادلة الإنحدار الذاتي من المرتبة الأولى:

$$X_t = \varphi_{1:1} X_{t-1}$$

فإنّ تقدير معامل الإنحدار الذاتي φ11 يتم بحل المعادلة الوحيدة :

$$\phi_{11} = \frac{\sum_{t=1+K}^{n} X_{t} X_{t-1}}{\sum_{t=1+K}^{n} X_{t-1}^{2}}$$

وفي حالة معادلة الإنحدار الذاتي من المرتبة الثانية :

$$X_{t} = \varphi_{21} X_{t-1} + \varphi_{22} X_{t-2}$$

فإنْ تقدير معاملات الإنحدار ϕ_{21} و ϕ_{22} يتم بحل المعادلتين :

$$\sum_{t=1+K}^{n} X_{t} X_{t-1} = \varphi_{21} \sum_{t=1+K}^{v} X_{t-1}^{2} + \varphi_{21} \sum_{t=1+K}^{n} X_{t-1} X_{t-2}^{2}$$

$$\sum_{t=1+K}^{n} X_{t} X_{t-2} = \varphi_{21} \sum_{t=1+K}^{v} X_{t-1} X_{t-2} + \varphi_{22} \sum_{t=1+K}^{n} X_{t-2}^{2}$$

وفي حالة معادلة الإنحدار الذاتي من المرتبة الثالثة :

$$X_{t} = \phi_{31} X_{t-1} + \phi_{32} X_{t-2} + \phi_{33} X_{t-3}$$

: تقدير المعاملات : $\phi_{3\,1}$ ، $\phi_{3\,2}$ ، $\phi_{3\,3}$: تقدير المعاملات : $\phi_{3\,1}$ ، $\phi_{3\,2}$ ، $\phi_{3\,3}$: ϕ

وفي حالة معادلات الإنحدار الذاتي من مراتب أعلى يمكن الإستعانة بحساب المصفوفات (١) مثلما سنفعل في الفصل القادم عند عرضنا لنموذج الإنحدار المتعدد. عشال :

سنحاول تطبيق المنهجية المقترحة على المعطيات الواردة في الجدول رقم (18) والمتعلقة بالمبيعات اليومية من الخبز لإحدى المخابز الكبرى في المدينة، وذلك من أجل التوقع بالمبيعات في اليوم 21،

 ^(*) للتعرف على مفهوم المصفوفة والعمليات الجبرية على المصفوفات يمكن الرجوع إلى :
 عبد العزيز شرابي، الرياضيات الإقتصادية، المصفوفات. الطبعة الثانية، ديوان المطبوعات ,
 الجامعية، الجزائر 1993.

سنقوم بتقدير مجموعة من معادلات الإنحدار الذاتي وفي كل مرة نقوم بحساب الخطأ المعياري للتقدير.

تقدير معادلة الإنحدار الذاتي من المرتبة الأولى :

$$X_{t} = \phi_{t,t} X_{t-1}$$

$$\phi_{t+1} = \frac{\sum_{t=2}^{20} X_{t} X_{t-1}}{\sum_{t=2}^{20} X_{t-1}^{2}}$$
: الدينا

جدول رقم (18) ؛ المجاميع اللازمة لتقدير معامل

الإنحدار الذاتي ورو

	411 8-			. 6.4
X 2 1-1	$X_t X_{t-1}$	X _{t-1}	X _t	الأيام
	-		4,6	1
21,16	31,28	4,6	6,8	2
46,24	34,68	6,8	5,1	3
26,01	36,21	5,1	7,1	4
50,41	32,66	7,1	4.6	5
21,16	25,30	4,6	5,5	6
30,25	22,55	5,5	4,1	7
16,81	20,91	4,1	5,1	8
26,01	18,87	5,1	3,7	9
13,69	18,50	3,7	5,0	10
25,00	22,00	5,0	4,4	11
19,36	22,88	4,4	5,2	12
27,04	21,32	5,2	4,1	13
16,81	22,14	4,1	5,4	14
29,16	24,84	5.4	4,6	15
21,16	27,41	4,6	5,9	16
34,81	17,70	5,9	3,0	17
9,00	20,40	3,0	6,8	18
46,24	21,08	6,8	3,1	19
9,61	18,29	3,1	5,9	20
489,93	458,75	-	-	المجمرع

$$\phi_{11} = \frac{458,75}{489,93} = 0,936$$
 : إذا : وبالتالي فإن معادلة الإنحدار من المرتبة الأولى تأخذ الشكل : $\hat{X}_{1} = 0,936 \, \, X_{1-1}$

نقوم الآن بحساب الخطأ المعياري للتقدير الخاص بمعادلة الإنحدار الذاتي من المرتبة الأولى :

جدول رقم (19) ؛ المجاميع اللازمة لحساب الخطأ المعياري للتقدير الخاص بمعادلة الإنحدار الذاتي

من المرتبة الأولى

	0-30	3 0 0 0		
$(X_1 - \widehat{X}_1)^2$	Χ ₁ - χ̂ ₁	Â,	X _t	الأيام
-	-	-	4,6	1
6,25	2,5	4,30	6,8	2
1,58	- 1,26	6,36	5,1	3
5,42	2,33	4,77	7,1	4
4,16	- 2,04	6,64	4,6	5
1,44	1,20	4,30	5,5	6
1,08	- 1,04	5,14	4,1	7
1,61	1,27	3,83	5,1	8
1,14	- 1,07	4,77	3,7	9
2,37	1,54	3,46	5,0	10
0,07	- 0,28	4,68	4,4	11
1,18	1,09	4,11	5,2	12
0,57	- 0,76	4,86	4,1	13
2,46	1,57	3,83	5,4	14
0,20	- 0,45	5,05	4,6	15
2,56	1,6	4,30	5,9	16
6,35	- 2,52	5,52	3,0	17
16,00	4,00	2,80	6,8	18
10,62	- 3,26	6,36	3,1	19
9,00	3,00	2,90	5,9	20
74,06	•	-	-	الجمرع

$$\sigma_{2} = \sqrt{\frac{\sum_{i=3}^{20} (X_{i} - \hat{X}_{i})^{2}}{20 - 4}} = \sqrt{\frac{8,50}{16}} = 0,728$$

$$\sigma_{2} = 0,728$$

وبنفس الطريقة بمكننا تقدير معادلة الإئحدار الذاتي من المرتبة الثالثة :

$$\hat{X}_{t} = \phi_{31} X_{t-1} + \phi_{32} X_{t-2} + \phi_{33} X_{t-3}$$

ولمجدها تساوى :

 $\hat{X}_{i} = 0.06 \, X_{i-1} + 0.95 \, X_{i-2} + 0.07 \, X_{i-3}$ أما الخطأ المعباري للتقدير والخاص بمعادلة الإنحدار الذاتي من المرتبة الثالثة فنجده يساوي :

$$\sigma_{3} = \sqrt{\frac{\sum_{i=4}^{20} (X_{i} - X_{i})^{2}}{20 - 6}} = \sqrt{\frac{8,10}{12}} = 0,821$$

$$\sigma_{3} > \sigma_{2} < \sigma_{1}$$
: in the state of the state

أي أنَّ الخطأ المعياري للتقدير لمعادلة الإنحدار من المرتبة الثانية أقل من المخطأ المعياري للتقدير الخاص بمعادلة الإنحدار من المرتبة الأولى وأقل أيضا من الخطأ المعياري للتقدير الخاص بمعادلة الإنحدار من المرتبة الثالثة. وبالتالي يمكننا أن نقول أن معادلة الإنحدار الذاتي من المرتبة الثانية هي الأفضل بالنسبة لمثالنا ويمكننا استخدامها في التوقع.

لدينا :

$$\hat{X}_{t} = 0.03 X_{t-1} + 0.94 X_{t-2}$$

يمكننا التوقع بمبيعات الخبر لليوم الواحد والعشرين، على اعتبار أن آخر مستوى معلوم لدينا هي مبيعات اليوم العشرين، (جدول رقم 18) وذلك كالتالي :

$$\hat{X}_{21} = 0.03 X_{20} + 0.94 X_{19}$$

 $\hat{X}_{21} = 0.03 . 5.9 + 0.94 . 3.1$
 $\hat{X}_{21} = 3.091$

ولما تصبح المبيعات الفعلية لليوم 21 معلومة لدينا يمكننا التوقع بجبيعات اليوم 22 كالتالى :

$$\hat{X}_{22} = 0.03 X_{21} + 0.94 X_{20}$$

وهكذا نكون قد تعرفنا على أربعة تقنيات للتوقع في هذا الفصل، تقنية الأوساط المتحركة البسيطة ثم المرجحة ثم تقنية المسح الأسي وأخيرا تقنية الإنحدار الذاتي، والخاصية المشتركة لهذه التقنيات هي إمكانية تطبيقها فقط عند السلاسل الزمنية المستقرة بالإضافة إلى كونها تقنيات للتوقع بفترة زمنية واحدة. ورغم أنه كان عكنا إستخدام تقنيات المسح من مراتب أعلى للتوقع عند السلاسل الزمنية غير المستقرة إلا أن إستخدام التقنيات الني سنتعرف عليها في الفصل القادم تعتبر أكثر دقة في حالة السلاسل الزمنية غير المستقرة.

نمارين :

1 - إذا كانت لديك الإحصاءات التالية خاصة بالمبيعات الأسبوعية لإحدى المساحات الكدي:

							_	_					
ſ	12	11	10	9	8	7	6	5	4	3	2	1	الأسبوع
ı					-				10	^	8	0	-1- 11
ı	10	11	Q	13	7	11	12	9	12	У	0	9	البيان
1	10	* * *		1	ľ		· '			l '			ا مليون دج
ł													6. 43.

العطلوب: التوقع بقيمة المبيعات للأسبوع 13 باستخدام الأوساط المتحركة على أساس 3 ثم على أساس 4، أي الأساسين أفضل ؟

2 - نفس المعطيات الخاصة بالتمرين 1 والمطلوب :

التوقع بمبيعات الأسبوع 13 باستخدام الأوساط المتحركة المرجحة على أساس 3 وفقا لهيكلين مختلفن :

 $K_1 = 0.40, K_2 = 0.35, K_3 = 0.25$ الميكل الآول $K_1 = 0.40, K_2 = 0.35, K_3 = 0.25$

 $K_1 = 0.60, K_2 = 0.30, K_3 = 0.10$ الميكل الثاني ا

3 - لدينا المبيعات الشهرية لإحدى المؤسسات كالتالي :

الوحدة ؛ الف دج

المبيعات	الشهر	المبيعات	الشهر	المبيعات	الشهر
3800	سيتمبر	3500	ماي	4200	جانقي
4200	أكتوبر	3700	جوان	4100	فيقري
4400	توقمبر	3400	جريلية	4300	مارس
_	ديسمبر	3300	أوت	3800	أفريل

العطلوب : التوقع ببيعات شهر ديسمبر باستخدام تقنية المسح الأسي مرة يم العطلوب : التوقع ببيعات شهر ديسمبر باستخدام تقنية المسح الأسي مرة $\alpha=0.1$ ومرة بـ $\alpha=0.3$ ومرة بـ $\alpha=0.3$ ما هو مقدار $\alpha=0.1$ التوقعات ؛

وضح على الرسم البياني المبيعات الشهرية الفعلية والمتوقعة حسب كل مقدار من مقادير α المذكورة أعلاه.

4. - لدينا الإحصاءات التالية خاصة بالإنتاج اليومي من الحليب في إحدى التعاونيات (مِئات الليترات).

الإنتاج اليومي	اليوم
40	1
38	2
36	3
38	4
29	5
30	6
48	7
40	8
36	9
50	10
40	11
35	12
42	13
38	14
42	15

العطلوب: تقدير معادلات الإنحدار الذاتي من المرتبة الأولى والثانية والثانية والثانية والثانية والثالثة، واختيار المعادلة الأفضل من أجل استخدامها في التوقع بانتاج الحلبب لليوم 16. هل يمكن التوقع لليوم 17 لماذا؟

5 - يعتبر ثابت المسح الأسي الأكثر شيوعا في التطبيقات الإقتصادية هو $\alpha=0.1$ ماذا في رأيك $\alpha=0.1$

6 - لدينا الإحصاءات التالية خاصة بتطور المخزونات من المواد الأولية في إحدى المؤسسات.

[12	11	10	9									الأسبوع
	159	152	148	142	136	130	129	125	118	113	106	100	المخزونات طن

- هل يمكن إستخدام إحدى الطرق التالية للتوقع بتطور المخزونات : الأوساط المتحركة البسيطة والمرحجة، المسح الأسي، الإنحدار الذاتي ؟ لماذا ؟
- إجر التحويلات اللازمة لتحويل السلسلة الزمنية إلى سلسلة زمنية مستقرة.
- التوقع بالمخزونات من المواد الأولية في الشهر 13 باستخدام إحدى الطرق المناسبة.

الفصل الرابع : تقنيـات التوقـع بأكثـر * من فتـرة زمنيـة واحـدة

إذا كانت التقنيات التي عرفناها في الفصل السابق تسمح لنا بالتوقع بمستوى الظاهرة فقط بخطرة زمنية واحدة، قد تكون هذه الخطرة يوم أو أسبوع أو شهر أو سنة، أي حسب طبيعة السلسلة الزمنية المعطاة، فإن التقنيات التي سوف نتعرف عليها في هذا الفصل تسمح لنا للتوقع بخطوة زمنية واحدة أو أكثر، كما أن هذه التقنيات ستسمح لنا لبس فقط للتوقع بنقطة -كما هو الشأن في التقنيات السابقة بل تتيح لنا إمكانية لتحديد مجال للتوقع باحتمال معين. سنتعرف في هذا الفصل على التقنيات التالية : معادلة الإنجاه، معادلة الإنحدار البسيط والمتعدد، كما سنتعرف أيضا على إحدى التقنيات النوعية المستخدمة في التنبؤ وهي تقديرات الخبراء.

4 - 1 – التوقع باستخدام معادلة الليزباه

رأينا في المبحث 2 - 5 من الفصل الثاني كيفية إستخدام معادلة الإنجاء في تسوية السلاسل الزمنية، تعرفنا عن كيفية إختيار شكل معادلة الإنجاء ثم تقدير معالمها باستخدام أسلوب المربعات الصغرى، كما تعرفنا على كيفية الحصول على المستويات المقدرة ، أ للسلسلة الزمنية، ومن أجل إستخدام معادلة الإنجاء في التوقع لابد من إضافة الخطوات التالية:

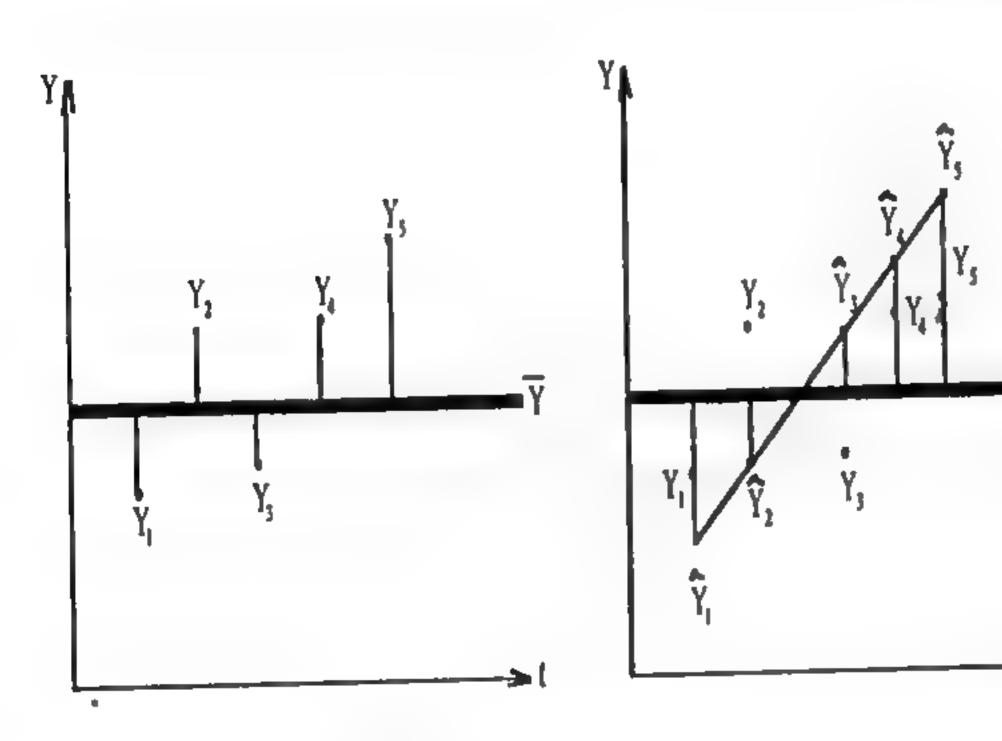
اول : حساب معامل التحديد 1° الذي يبين النسبة المئوية من تغير الظاهرة . المدروسة Y والذي يمكن تفسيره بتغير الزمن 1، وكذا معامل الإرتباط T للتعرف عن شدة العلاقة وطبيعتها (طردية أو عكسية) بين Y و 1. يمكننا حساب معامل التحديد

من خلال إحدى العلاقات التالية:

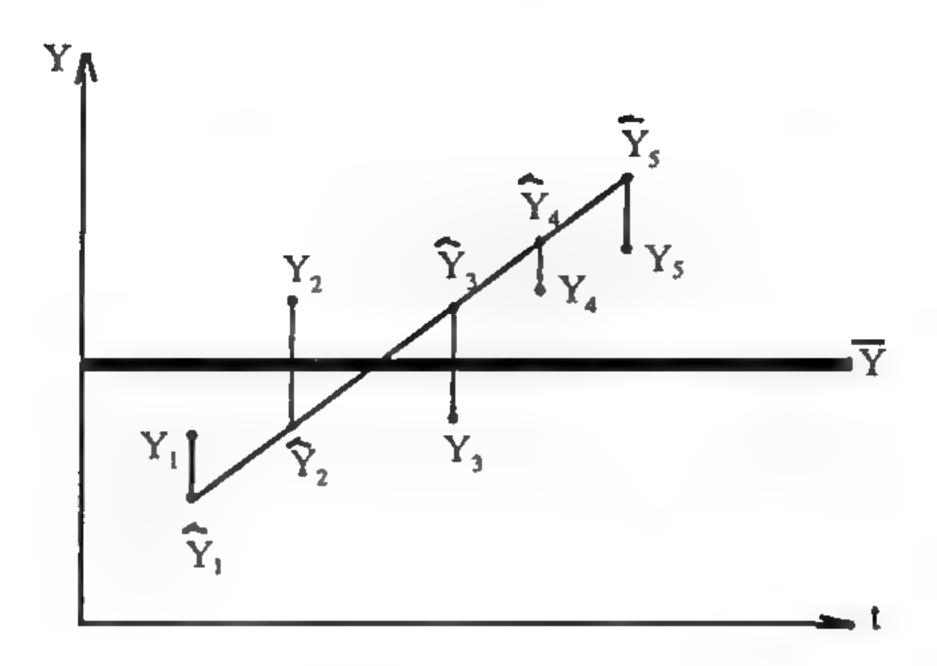
$$\Gamma^2 = \frac{\Sigma (\widehat{Y}_{\iota} - \overline{Y})^2}{\Sigma (Y_{\iota} - \overline{Y})^2}$$
 التباين المفسر $\Sigma (Y_{\iota} - \overline{Y})^2$

$$r^2=1-rac{\sum (Y_i-\widehat{Y}_i)^2}{\sum (Y_i-\widehat{Y}_i)^2}=1-rac{\sum (Y_i-\widehat{Y}_i)^2}{\sum (Y_i-\widehat{Y}_i)^2}$$
 التباين الإجمالي

ومن خلال العلاقة الخطية البسيطة بين Y و ا يمكننا أن نوضح المفاهيم الإحصائية الواردة في الصيغ أعلاه.



$$\sigma_{Y}^{2} = \frac{\sum (Y - \overline{Y})^{2}}{n}$$
 = التباين الإجمالي = $\frac{\sum (\widehat{Y} - \overline{Y})^{2}}{n}$ التباين المفسر = $\frac{\sum (\widehat{Y} - \overline{Y})^{2}}{n}$



$$.\sigma_{\varepsilon}^{2} = \frac{\sum (Y_{1} - \widehat{Y})^{2}}{n} = \frac{\sum (Y_{1} - \widehat{Y})^{2}}{n}$$

$$: ci \quad \sigma_{Y}^{2} = \sigma_{\widehat{Y}}^{2} + \sigma_{\varepsilon}^{2} \quad \text{in}$$

$$e_{y, \epsilon} = \sigma_{Y}^{2} + \sigma_{\varepsilon}^{2} \quad \text{in}$$

التباين الإجمالي = التباين المفسر + التباين غير المفسر.

إن معامل التحديد r^2 دوما موجب ويكون محصورا ضمن المجال $r^2 \ge 0$. فمثلا عندما $r^2 = 0.75$. هذا يعني أن 75% من تغير Y يكن أن تفسيره بتغير عامل الزمن 1.

أما معامل الإرتباط فهو عبارة عن : $r = \sqrt{r^2}$ ، وهو يعبر عن شدة وطبيعة العلاقة بين Y و t ويكون محصورا ضمن المجال : $1 + 2 \le r \le 1$.

وإشارته تكون من نفس إشارة معامل الإنحدار في معادلة الإتجاه.

كلما كانت قيمة r قريبة من 1 كلما دل ذلك على وجود علاقة شديدة بين Y و على الإشارة إلى أنه يمكننا حساب معامل الإرتباط أولا باستخدام صيغة بيرسون التالية :

$$\Gamma_{Y_t} = \frac{n \sum Y t - \sum t \cdot \sum Y}{\sqrt{\left[n \sum t^2 - (\sum t)^2\right] \cdot \left[n \sum Y^2 - (\sum Y)^2\right]}}$$

$$r_{Y_t} = \frac{n \sum Y t - \sum t \cdot \sum Y}{\sqrt{\left[n \sum t^2 - (\sum t)^2\right] \cdot \left[n \sum Y^2 - (\sum Y)^2\right]}}$$

عند إقتصار الدراسة على عينة من المجتمع الإحصائي يصبح من الضروري إختبار معنوية معامل الإرتباط للتأكد من أنه لم يكن نتيجة الصدفة, وبالنظر لتعاملنا في مجال الإقتصاد مع العينات الصغيرة والمتوسطة (') الحجم فإننا عادة مانستخدم الصيفة التالية لإحصاء :

$$t = \frac{r\sqrt{n-2}}{\sqrt{1-r^2}}$$

حيث r معامل الأرتباط، n عدد مستوبات السلسلة الزمنية المدروسة.

إن هذه الصيغة لـ 1 لها توزيع يقارب توزيع ستودنت، وبالتالي يمكننا مقارنة قيمة 1 للحسوبة مع القيمة الجدولية لـ 1 يستوى دلالة معين α ودرجات حرية قدرها قيمة 1 المحسوبة مع القيمة الجدولية لـ 1 مستوى دلالة معين n - 2 n - K معادلة الخط المستقيم) حيث n - 2 عدد المعلمات في معادلة الإنجاه.

نإذا كان t_{cal} > انقول أن قيمة r معنوية.

ثانيا: نستخدم المعادلة المقدرة في التوقع للفترة المطلوبة وذلك بالتعويض عن 1 في معادلة الإنجاء المقدرة بالقيمة المقابلة له في فترة التوقع. ينبغي الإشارة إلى أن عدد خطوات التوقع (سنرمز لها به تالاحقا)، يجب أن لا تتجاوز سدس إلى خمس عدد مستويات السلسلة الزمنية التي تم على أساسها تقدير معادلة الإنجاء. وبصفة عامة كلما كانت فترة التوقع قصيرة كلما زاد إحتمال الحصول على توقعات

ر*) عند العبنات الكبيرة نستخدم الصيغة التالية : 1 - n - 1 = 1.

دقيقة، وكلما كانت فترة التوقع طويلة كلما تضاعفت إمكانيات حصول مستجدات في الشروط والظروف المحيطة بالظاهرة المدروسة، وبالتالي تكون نتائج التوقع أقل دقة.

ينبغي أيضا تحديد مجال التوقع، لأن التوقع هو قيمة إحتمالية ومايحدث في الحياة العملية هو أن المستويات الفعلية تنحرف زيادة أو نقصانا عن القيمة المتوقعة عقدار معين، وهناك إمكانية لتحديد هذا المجال مسبقا باحتمال معين [4 ص 85].

%99	%95	%68	مسترى الثقة
$\hat{Y}_{PR.} \pm 3 S_{\hat{Y}_{1+\tau}}$	$\hat{Y}_{PR.} \pm 2S_{\hat{Y}}_{t+t}$	$\hat{Y}_{PR.} \pm s_{\hat{Y}_{I+\tau}}$	المجال

حيث τ تشير إلى عدد الخطرات الزمنية للتوقع، أما $\frac{1}{Y_{1}+\tau}$ فهو الخطأ المعياري للتوقع وبتم تحديده عند معادلة الإنجاه وفقا لمعادلة الخط المستقيم كالتالى $\frac{1}{2}$ ص ص 84 - 85].

$$S_{\frac{\hat{Y}}{2}} = \sqrt{\frac{\sum (Y - \hat{Y})^{2}}{n - 2}} \cdot \sqrt{1 + \frac{1}{n}} + \frac{\left(\tau + \frac{n - 1}{2}\right)^{2}}{\sum t^{2} - \frac{(\sum t)^{2}}{2}}$$

$$S_{\frac{\hat{Y}}{t+\tau}} = \sqrt{\frac{\sum Y^2 - a \sum Y - b \sum Yt}{n-2}} \cdot \sqrt{1 + \frac{1}{n} + \frac{\left(\tau + \frac{n-1}{2}\right)^2}{\sum t^2 - \frac{\left(\sum t\right)^2}{2}}}$$

^(*) يستخدم عادة الرمز σ عند المجتمع الإحصائي، بينما نستخدم الرمز S عند العينات.

مثال (1): لدينا الإحصاءات التالية خاصة برصيد الدين الخارجي للجزائر خلال الفترة 1967 - 1993.

رصيد الدين الخارجي	السنوات	رصيد الدين الخارجي	السثرات
مليار دولار أمريكي		مليار دولار أمريكي	
19,2420	1980	0,3724	1967
18,3790	1981	0,4766	1968
17,6040	1982	0,6779	1969
16,0470	1983	0,9380	1970
15,0970	1984	1,2321	1971
16,4850	1985	1,5117	1972
20,4360	1986	2,9446	1973
24,3860	1987	3,3249	1974
24,8500	1988	4,4750	1975
26,0630	1989	7,3900	1976
26,1230	1990	10,1000	1977
27,796	1991	14,8000	1978
27,0000	1992	17,4000	1979
27,8000	1993		

وكمان المطلوب هو التموقع برصيد الدين الخمارجي لسنة 1995 وأيضا لسنة 2000 بافتراض أن معادلة الإتجاء المناسبة هي :

$$\hat{Y} = a + bt$$

خطوات العمل :

نقوم بإعداد المجاميع اللازمة لتقدير معلمات معادلة الإتجاه b ،a يكننا

اعطاء قیم معینة ل t بحیث یکون
$$\Sigma$$
 t = 0 ، وبالتالی یصبح لدینا :
$$\Sigma$$
 Y = n a + 0
$$\Sigma$$
 Y t = 0 + b Σ t²

ومثه :

$$a = \frac{\sum Y}{n}$$
, $b = \frac{\sum Y t}{\sum t^2}$

ومن الجدول رقم (22) لدينا:

$$a = \frac{\sum Y}{n} = \frac{37\cdot2,9492}{27} = 13,8129$$

$$b = \frac{\sum Y t}{\sum t^2} = \frac{2003,2256}{1638} = 1,2229$$

إذا معادلة الإنجاء المقدرة (`` هي : $\hat{Y}_{t} = 13,8129 + 1,2229 t$

a هنا تمثل متوسط مستوى رصيد الدين الخارجي خلال الفترة 1993/1967 بينما b تمثل مقدار الزيادة المتوسطة السنوية لرصيد الدين الخارجي خلال الفترة المدروسة.

^(*) كان ممكنا تقدير معادلة الإنجاء بإعطاء قيم لـ ا من 1 إلى 27 وعندها تحصل على معادلة الإنجاء $\widehat{Y}_1 = 3,433 + 1,229$ المقدرة كالتالي $\widehat{Y}_2 = 3,433 + 1,229$ أي قيمة رصيد الدين الخارجي في سنة $\widehat{Y}_3 = 1$ عندما $\widehat{Y}_3 = 1$ أي قيمة رصيد الدين الخارجي في سنة $\widehat{Y}_3 = 1$

جدول رقم (22) ؛ المجاميع اللازمة لتقدير معادلة الإنجاء

 $\hat{Y} = a + b t$

Y 2	Yt	t²	t	Yi	السنوات	الرقم
0,1386	- 4,8412	169	- 13	0,3724	1968	1
0,1380	- 5,7192	144	- 12	0,4766	1968	2
0,4595	- 7,4569	121	- 11	0,6779	1969	3
0,4393	- 9,38	100	- 10	0,9380	1970	4
1,5180	- 11,0889	81	- 9	1,2321	1971	5_
2,2852	- 12,0936	64	- 8	1,5117	1972	6
8,6706	- 20,6122	49	-7	2,9446	1973	7
	- 19,9494	36	- 6	3,3249	1974	8
11,0549	- 22,3750	25	- 5	4,4750	1975	9
20,0256	- 29,56	16	-4	7,3900	1976	10
54,6121	- 30,3	9	- 3	10,1000	1977	11
102,0100	- 29,6	4	- 2	14,8000	. 1978	12
219,0400	- 17,4	1	-1	17,4000	1979	13
302,7600	0	0	0	19,2490	1980	14
370,2545	18,3790	1	1	18,3790	1981	15
337,7876	35,2080	2	2	17,6040	1982	16
309,9008	48,1410	9	3	16,0470	1983	17
257,5062	60,3880	16	4	15,0970		18
227,9194		25	5	16,4830		19
271,6892	82,4150 122,6160	36	6	20,4360		20
417,6300	170,7020	49	7	24,3860		21
594,6769	198,8000	64	8	24,8500		22
617,5225	274,5670	81	9	26,0630		23
679,2799	2161,2300	100	10	26,0630		24
682,4111	305,7560	121	11	27,7960		25
772,6176	324,0000	144	12	27,000	-	26
729,0000	361,4000	169	13	27,8000	-	27
772,8400	2003,2256	_	0	372,9492		الجموع

نقرم بحساب معامل التحديد باستخدام إحدى العلاقات السابقة :

$$\Gamma^2 = \frac{\Gamma^2}{\Sigma(Y-\overline{Y})^2} = \frac{\Sigma(\widehat{Y}-\overline{Y})^2}{\Sigma(Y-\overline{Y})^2}$$
 التباين الإجمالي

وفي حالة معادلة الخط المستقيم a + b t يكننا أن نكتب :

$$r^{2} = \frac{b^{2} \left[\sum t^{2} - (\sum t)^{2} / n \right]}{\sum Y^{2} - (\sum Y)^{2} / n}$$

$$r^{2} = \frac{(1,2229)^{2} \left[1638 - \frac{0}{27} \right]}{7764,7171 - \frac{(372,9492)^{2}}{27}} : |3|$$

$$r^{2} = \frac{2449,4652}{2613,1949} = 0,9373$$

هذا يعني أن 93,73% من تغير رصيد الدين الخارجي يمكن تفسيره بتغير الزمن 1، مع الإشارة إلى أن الزمن هنا لايجب أن ننظر إليه على أنه مجرد تعاقب وحدات زمنية فقط، بل هو حصيلة تضم كل العوامل التي يمكن أن تؤثر في الظاهرة المدروسة؛ رصيد الدين الخارجي.

إذا معامل الإرتباط:

$$\Gamma = \sqrt{r^2} = \sqrt{0.9373} = 0.9681$$

إشارة r تتطابق مع إشارة b في معادلة الإتجاه المقدرة وهي موجبة، وبالتالي مكننا القول أن علاقة Y و t قوية جدا وطردية.

: $t = \frac{r\sqrt{n-2}}{\sqrt{1-r^2}} \simeq \frac{0.9681\sqrt{27-2}}{\sqrt{1-0.9373}} = 19,3387$

وبالرجوع إلى جدول t بدرجات حرية قدرها 25 = 2 - 27 = 2 ودرجة ثقة قدرها 95 = 2 - 10 ودرجة ثقة قدرها 95% نجد أن (أنظر الملحق) :

 $t_{\text{lab. }25; 95\%} = 2,060$

إذا _{cal.} > t_{lab.} ابالتالي يمكننا أن نعتبر أن معامل الإرتباط المحسوب معنوي بثقة قدرها 95%.

التوقع برصيد الدين الخارجي لسنة 1995

لدينا معادلة الإتجاه المقدرة $\hat{Y}_t = 13,8129 + 1,2229$ نعوض فيها عن

قيمة t المقابلة لسنة 1995 وهي : 15 ومنها نحصل على رصيد الدين المتوقع :

 $\hat{Y}_{1995} = 13,8129 + 1,2229 (15) = 32,1564$ ملیار دولار

ومن أجل تحديد المجال المتوقع باحتمال 95% علينا أولا بحسساب الخطأ

المعياري للتوقع.

$$S_{\frac{n}{2}} = \sqrt{\frac{\sum Y^2 - a \sum Y - b \sum Yt}{n-2}} \cdot \sqrt{1 + \frac{1}{n} + \frac{\left(\tau + \frac{n-1}{2}\right)^2}{\sum t^2 - \frac{\left(\sum t\right)^2}{2}}}$$

$$S_{\hat{Y}_{1+2}} = \sqrt{\frac{7764,7171 - 13,8129 \cdot 372,9492 - 1,2229 \cdot 2003,2256}{27 - 2}} \cdot \sqrt{1 + \frac{1}{27} + \frac{\left(2 + \frac{27 - 1}{2}\right)^{2}}{1638 - \frac{0}{27}}}$$

$$S_{\hat{Y}_{1+2}} = \sqrt{6,5491} \cdot \sqrt{1,1743} = 2,7730$$
 ملیار درلار

إذا رصيد الدين الخارجي المتوقع لسنة 1995 سيكون محصورا ضمن المجال التالى باحتمال 95%.

 $.32,1564 \pm 2 \cdot 2,7730$

سنة 1995

باحتمال 95%



التوقع برصيد الدين الخارجي لسنة 2000

نعوض في المعادلة المقدرة بقيمة t المقابلة لسنة 2000 وهي: 20 نحصل على: مليار دولار $\widehat{Y}_{2000} = 13,8129 + 1,2229$ (20) $\widehat{Y}_{2000} = 38,2709$

رمن أجل تحديد المجال المتوقع لرصيد الدين الخارجي في سنة 2000 باحتمال 95% نحسب أولا الخطأ المعياري للتوقع :

$$S_{\hat{Y}_{t+7}} = \sqrt{6,5491} \cdot \sqrt{1 + \frac{1}{27} + \frac{\left(7 + \frac{27 - 1}{2}\right)^2}{1638 - \frac{0}{27}}}$$

$$S_{\hat{Y}_{t+7}} = \sqrt{6,5491} \cdot \sqrt{1,2812} = 2,8966$$

إذا فالمجال الذي سيتراوح ضمنه رصيد الدين الخارجي في سئة 2000 باحتمال 95% هو :

 $.38,2709 \pm 2.2,8966$

سنة 2000 باحتمال 95%



هشال (2) ؛ لدينا المعطيات التالية حول النفقات السنرية لشق وبناء الطرقات في إحدى الولايات خلال الفترة 1984 - 1994، والمطلوب هو التوقع بهذه النفقات لسنة 1995 ثم لسنة 1997 . مع إفتراض أن شكل معادلة الإنجاء هي ؛ $\widehat{Y}_{i} = a + b t$

جدول رقم (23) ؛ النفقات السنوية لشق وبناء الطرقات في إحدى الولايات والمجاميع اللازمة لتقدير معادلة

اللانجام وتقدب جودتها

ارائات و معدانا خود معا												
								النفقات السنوية	السنة			
$(\widehat{Y} - \overline{Y})^2$	$\hat{Y} - \overline{Y}$	Ŷ	$(Y \cdot \overline{Y})^2$	Y - Y	Yt	t ²	ı	(مليون دج)Y				
301620,64	- 549,20	476,80	217156	- 466	560	1	1	560	1984			
193037,20	- 439,36	586,64	174724	- 418	1216	4	2	608	1985			
108583,43	- 329,52	696,48	116281	- 341	2055	9	3	685	1986			
48259,30	- 219,68	806,32	47961	- 219	3228	16	4	807	1987			
12064,82	- 109,84	916,16	34969	- 187	4195	25_	5	839	1988			
0	0	916,16	12544	- 112	5484	36	6	914	1989			
1206482	109,84	1135,84	5476	74	7700	49	7	1100	1990			
48259,30	219,68	1245,64	28900	170	9568	64	8	1196	1991			
108583,43	329,52	1355,52	215296	464	13410	81_	9	1490	1992			
193037,20	439,36	1465,36	300304	548	15740	100	10	1574	1993			
301620,64	1575,20	549,20	237136	487	16643	121	11	1513	1994			
1327130,78	in .	11286	1390780		79799	506	66	11286	لجمرع			

$$\overline{\overline{Y}} = \frac{\sum Y}{n} = \frac{11286}{11} = 1026$$

 $\sum Y = n a + b \sum t$

لدينا المعادلتين :

$$\sum Y t = a \sum t + b \sum Y t$$

11286 = 11 a + 66 b

وبالتعريض لحضل غلى د

79799 = 66 a + 506 b

a = 366,96

بحل المعادلتين نجد أن : b = 109,84

إذا معادلة الإنجاء المقدرة هي : £ 109,84 + 366,96 = ي إذا معادلة الإنجاء المقدرة هي : £ 366,96

تحسب الآن معامل التحديد ومعامل الإرتباط:

$$\Gamma^2 = \frac{1327130,78}{\Sigma (\hat{Y} - \hat{Y})^2} = \frac{\Sigma (\hat{Y} - \hat{Y})^2}{\Sigma (\hat{Y} - \hat{Y})^2} = \frac{1327130,78}{1390780} = 0.95$$

 $r = \sqrt{0.95} = 0.97$

وبالثالي ؛

هذا يعنى أن 95% من تغير النفقات السنرية على بناء وشق الطرقات عكن تفسيره بتغير الزمن t، وأن العلاقة قوية جدا وطردية بين Y و t لأن معامل الإرتباط قريب من 1 وموجب.

ومن أجل إختبار المعنوية الإحصائية لمعامل الإرتباط نحسب قيمة t (إحصاء ستودنت).

$$t = \frac{r\sqrt{n-2}}{\sqrt{1-r^2}} = \frac{0.97\sqrt{11-2}}{\sqrt{1-0.95}} = 13.22$$

n - k = 11 - 2 = 9 بينما قيمة t الجدولية (أنظر الملحق) عند درجات الحرية

رثقة قدرها 95% هي : 2,262 = %95 على الما 1_{ab9: 95%}

ريا أن ا ,toal, ≥ إ

إذا هكندا إعبتهار أن قهمة ؟ المعسربة معنوية ولم تكن نتيجة الصدفة بثقة تدرها 95%.

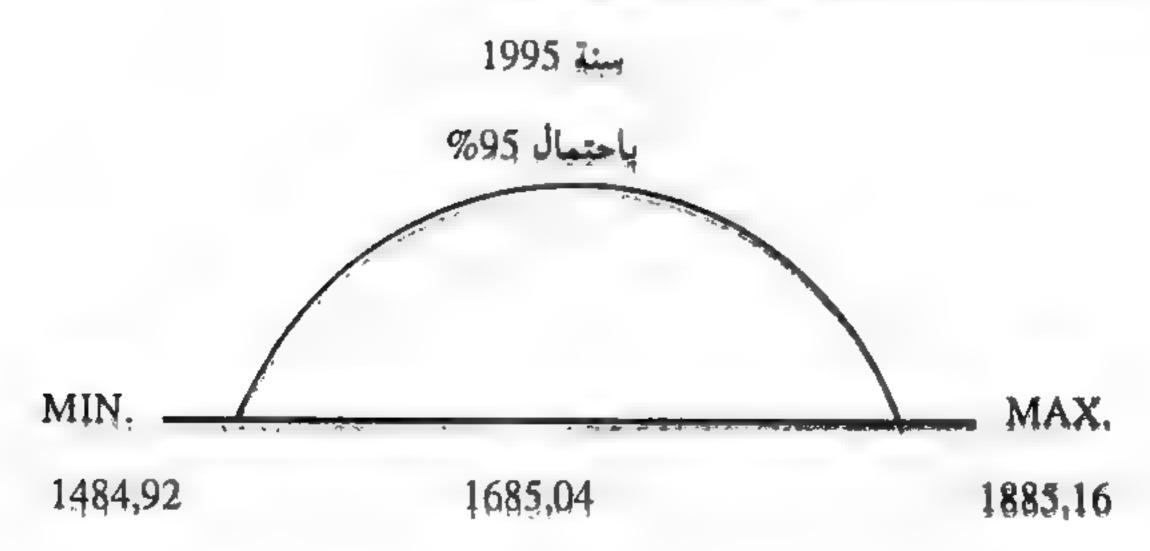
نسعفدم الآن المعادلة المقدرة في التيوقع لسنة 1995، حيث قيمة ؛ المقابلة لسنة 1995 هي : 12، إذا :

 $\hat{Y}_{1995} = 366,96 + 109,84 (12) = 1685,04$

ومن أجل تحديد المجال الذي عِيكِن أن تقع ضبعه النفرات السنوية لشق وبناء الطرقات في الولاية المعنبة، نقوم بتحديد الخطأ المعياري للتوقع :

$$S_{\hat{Y}_{1+1}} = \sqrt{\frac{63649,22}{9}} \cdot \sqrt{1 + \frac{1}{11} + \frac{1}{11} + \frac{1}{506 - \frac{4356}{11}}} = 84,09 \cdot 1,19 = 100,06$$

إذا المجال مو: 1685,04 ± 2 . 100,06



أما التوقع الخاص يسنة 1997 فيمكن تحديده بالتعويض في المعادلة المقدرة بقيمة t المناسبة لسنة 1997 وهي : 14.

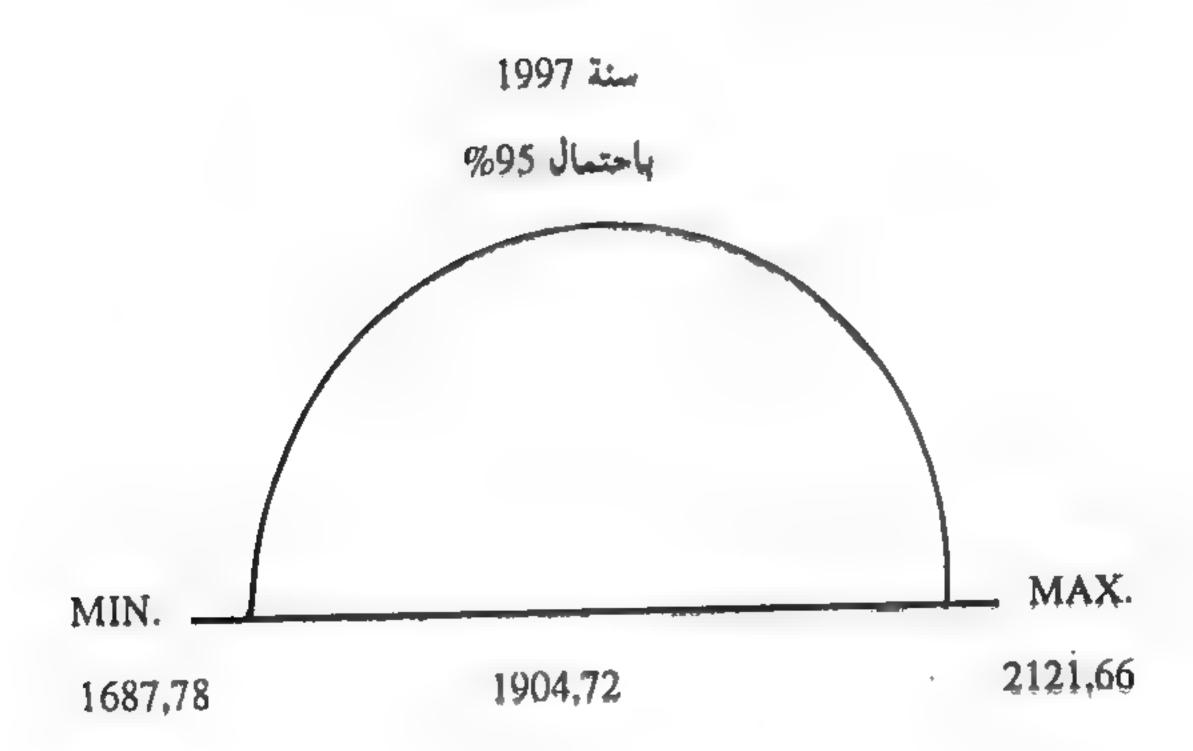
$$\hat{Y}_{1997} = 366,96 + 109,84 (14) = 1904,72$$

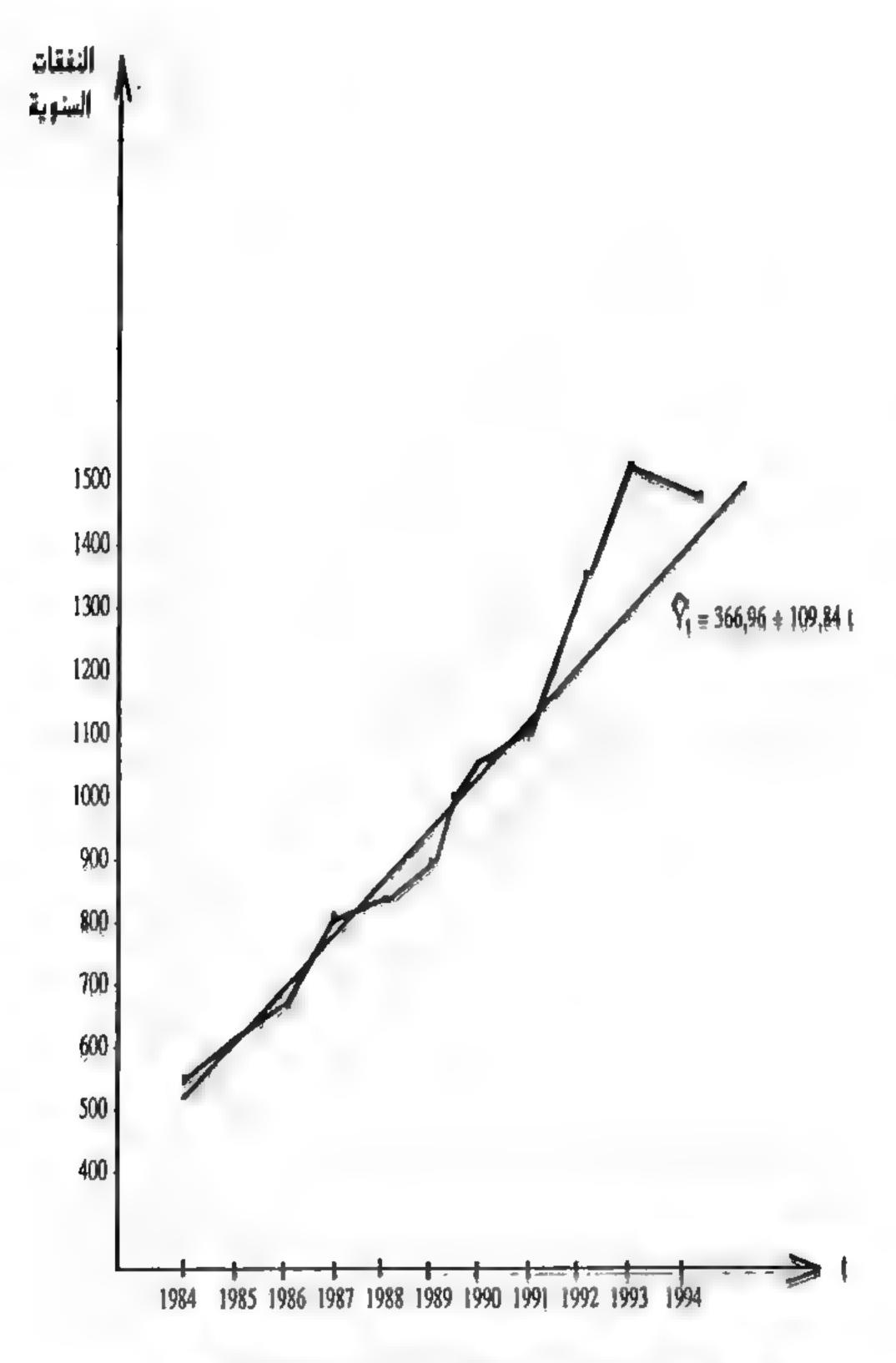
نحسب الخطأ المعياري للترقع.

$$S_{\widehat{Y}} = 84,09 \sqrt{1 + \frac{1}{11} + \frac{\left(3 + \frac{11 - 1}{2}\right)^2}{506 - \frac{4356}{11}}} = 84,09.1,29$$

$$S_{\widehat{Y}} = 108,47$$

وبالتالي فالمجال هو: 108,47 ± 2 . 1904,72





ثيريل رقيم (6) الهستوياتِ الفعلية والمقدرة النفقات السنوية لبنياء ويثق الطرقاتِ فِي إحدى الولاياتِ

4-2- التوقيح باستندام نماذج الانجدار والارتباط

يقصد بنموذج الالحدار والارتباط صباغة العلاقة بين ظاهرة معينة تابعة لـ Y ومجوعة من العوامل المفسرة لها ملى ... لله , X1 , X1 , X2 وتصوير هذه العلاقة في شكل غوذج إحصائي، يطلق عادة على المراحل الأولى من هذه العملية والتي تبدأ بتحديد قائمة هذه العوامل إلى صباغة النموذج بتحليل الانحدار، بينما يطلق على المراحل الموالية والخاصة بتقدير جودة النموذج وإجراء مختلف اختبارات المعنوية الاحصائية بتحليل الارتباط، ولما كان العمل الثاني مكملا للعمل الأول فقد اصطلع على إطلاق تجليل الانحدار والارتباط للدلالة على جميع مراحل هذه الدراسة.

غيز عادة بين لوعين من غاذج الانحدار من حيث طبيعة الاحصاءات التي تبنى على أساسها : غاذج الانحدار المكانية (سيّاتهكية) وتبنى على أساس احصاءات تخص عدة مؤسسات أو مزارع أو غيرها من المراضيع، وتكون خاصة بفترة زمنية واحدة، يبنة مثيلا، وتستخدم عادة النياذج التي تبنى على هذا الأساس في التحليل الإقـــصادي والتنميط. بينها نوع آخر من غاذج الانحدار يبنى على أساس سلسلة زمنية (كل متغير $X_{\rm m}$, $X_{\rm m}$

بين المتغيرات المستقلة وكذا عدم التطابق الزمني بين السبب والنتيجة وهو ما يطلق عليه بالتباطؤ، وسنتعرف بشئ من التفصيل على هذه المشكلات لاحقا.

يكننا أن غيز أيضا بين غاذج الانحدار البسيطة والمتعددة حيث يعني الأول إقتصار النموذج على صياغة العلاقة بين متغيرين فقط Y ظاهرة تابعة وX ظاهرة مغسرة، بينما غوذج الانحدار المتعدد يعني صياغة العلاقة بين المتغير Y ومجموعة من المتغيرات المفسرة X_1 , X_1 , X_2 , وسنتناول كل نوع على حدى مع إبراز كيفية استخدام كل نوع في التوقع.

4 - 2 - 1 - التوقع بواسطة نهوذج الإنحدار البسيط

يعني ذلك كما ذكرنا صباغة غوذج إحصائي يحتوي على الظاهرة المعنية بالتوقع Y و X كمتغير مفسر. وبعد صباغة هذا النموذج يتم التعويض عن المستوى المفروض لد X والخاص بفترة التوقع، ومن ثم نحصل على التوقع الخاص بد Y. الأكيد أن هناك عوامل أخرى غير العامل X تؤثر في Y ولم تدرج في النموذج. والحقيقة أن اختيار العامل X كمتغير مفسر وحيد يجب أن يستند إلى مبررات موضوعية قوية حيث يجب أن يدل التحليل النوعي على أنه يمثل حصيلة تأثير العديد من العوامل غير المباشرة ويتم تأكيد ذلك إحصائيا عند حساب معامل التحديد، حيث يجب أن يدل على أن تغير X يفسر نسبة عالية من تغير Y.

على إعتبار أن ei هي البواقي وهي تعبر عن تقديرات الخطأ العشوالي في العينة المدروسة. أما النموذج المقدر فيكتب $\widehat{Y} = a + b X$.

4 - 2 - 1 - 1 – فرضيات نهوذج الانحدار البسيط

لكي يمكن استخدام طريقة المربعات الصغرى العادية في تقدير معلمات معادلة الانحدار يجب توافر الفرضيات التالية [10 ص ص 82-84] [7 ص ص 157-157].

- 1 -- المتغير التابع Y يكون دالة خطية في المتغير المستقل X.
- 2 عنصر الخطأ U_i متغير عشوائي يخضع للتوزيع الطبيعي.
 - . عن بعضها البعض U_i مستقلة عن بعضها البعض

4 - 1 انتظام قيم المتغير X وعدم تغيرها من عينة إلى أخرى وإنه مهما إختلف حجم العينة تكون القيمة $\frac{\sum (Xi - \overline{X})^2}{n}$ عبارة عن قيمة نهايته غير مساوية للصفر.

5 - ليس هناك أخطاء في البيانات الاحصائية لـ X و Y.

إن عدم تحقق هذه الفرضيات يؤدي إلى حدوث مشكلات خاصة تتعلق بدقة النموذج وإمكانية إجراء الإختبارات الإحصائية.

4 - 2 - 1 - 2 - خطوات بناء نهوذج الانحدار البسيط واستخدامه فهر البتوقيع

من أجل صياغة غوذج الإنحدار البسيط يكون صالحا لاستخدامه في التوقع . بالظاهرة Y.

يجب المرور بالخطوات التالية :

1 – التحديد الدقيق للظاهرتين Y و X وطرق قياسهما، فإذا كان مثلا X هو الدخل و Y هو الإستهلاك، فيجب من البداية أن يكون واضحا مفهوم الدخل في هذه الحالة الملموسة، هل الدخل المعلن فقط؟ هل الدخل المتأتى من العمل الرئيسي للفرد فقط؟ كما يجب تحديد مفهوم دقيق للاستهلاك والعناصر التي يتضمنها مثلا :

الغذاء، الملابس، الإيجار، الطاقة، النقل... أما بالنسبة لطريقة القياس فيجب مراعاة ثباتها عند كل مستويات السلسلة الزمنية بالاضافة إلى مراعاة الشروط المذكورة في الفقرة 2-1 حتى تكون مستويات السلسلة الزمنية قابلة للمقارنة فيما بينها. يجب الإشارة إلى أنه بالنسبة للعوامل الكيفية (مثل المهنة، الجنس، مستوى التعليم، الخبرة وغيرها) فإن إدراجها كعوامل مستقلة في النموذج يجب أن يتم براسطة ترتيبهما.

2- جمع البيانات الإحصائية حول X و Y مع مراعاة الدقة، حجم البيانات يجب ألا يقل عن 6 إلى 8 مرات عدد العرامل المدرجة في النموذج [11 ص 217]. ففي حالة غوذج الإنحدار البسيط فإن عدد المستويات لكل من X و Y يجب أن لا يقل عن 12 مستوى.

3 - إختيار شكل المعادلة المناسبة ويتم ذلك على أساس التحليل النوعي قبل كل شيء، أي التحليل المنطقي لطبيعة الظاهرتين المدروستين والعلاقة الموضوعية بينهما، لهذا يجب في البداية تحديد شكل المعادلة وفقا للتحليل الإقتصادي، كما عكن الاستعانة بالتمثيل البيائي للمستويات X و Y وملاحظة شكل سحابة النقاط ومن ثم إختيار الشكل المناسب (أنظر الفقرة 2-5-2) كما عكن إختيار شكلين

أو أكثر وبعدها يتم الاستقرار على تلك المعادلة التي تعطي أقل خطأ معياري للتقدير.

4 - تقدير معلمات معادلة الانحدار، حيث يستخدم عادة أسلوب المربعات الصغرى باعتباره يعطي أفضل التقديرات، غير متحيزة وذات أصغر تباين [أنظر المراجع 10،7]. لقد سبق شرح مبدأ المربعات الصغرى قي الفقرة 2-5-2. نذكر بأن الفرق بين الشكل الحقيقي للمعادلة والشكل المعتمد يسمى بالباقي ويرمز لد في العبئة المدروسة به وهي عبارة عن تقديرات للمتغير العشوائي u_i وبالتالي فإن :

$$\sum e_i^2 = \sum (Y - \hat{Y})^2$$

إن تقدير معلمات معادلة الانحدار وفقا لمبدأ المربعات الصغرى يعطى أحسن منحنى (الأقرب إلى نقاط المستويات الفعلية) مقارنة بباقي المنحنيات من نفس الشكل والتي يكن أن نحصل عليها بغير أسلوب المربعات الصغرى.

من أجل الحصول على تقديرات لمعلمات معادلة الانحدار المفروضة، نقوم $\sum e_i^2 = \sum (Y - \widehat{Y})^2$.

ونقوم بالاشتقاقات الجزئبة على المقدار $\sum e^2$ بالنسبة لكل معلمة وتسوية تلك المعادلات التي عددها يكون مساويا لعدد المعلمات بالصغر ومن تم نحصل على جملة من المعادلات والتي بحلها نحصل على تقديرات لتلك المعلمات.

فمثلا بالنسبة لمعادلة الانحدار الخطية البسيطة
$$\hat{Y} = a + b X$$
 النسبة لمعادلة الانحدار الخطية البسيطة $\sum e_i^2 = \sum (Y - \hat{Y})^2 = \sum (Y - a - b X)^2$ فإن $\frac{\partial \sum e_i^2}{\partial a} = -2 \sum (Y - a - b X) = 0$

$$\sum Y = n \ a + b \sum X \dots (1)$$

$$\frac{\partial \sum e^{\frac{2}{i}}}{\partial b} = -2 \sum X (Y - a - b X) = 0$$

$$\sum X Y - a \sum X - b \sum X^{2} = 0$$

$$\sum X Y = a \sum X + b \sum X^{2} \dots (2)$$

$$\vdots \quad \lambda = \sum X = \sum X + b \sum X = \sum X + b \sum X = \sum X + b \sum X = \sum X = \sum X + b \sum X = \sum X = \sum X + b \sum X = \sum X = \sum X + b \sum X = \sum X = \sum X + b \sum X = \sum X = \sum X + b \sum X = \sum X = \sum X + b \sum X = \sum X$$

$$\sum Y = a n + b \sum \frac{1}{X}$$

$$\sum \frac{Y}{X} = a \sum \frac{1}{X} + b \sum \frac{1}{X^2}$$

يجب التذكير بأن إستخدام مبدأ المربعات الصغرى من أجل الحصول على تقديرات دقيقة لمعلمات معادلة الانحدار تتطلب أولا تحويل المعادلة المراد تقديرها

إلى الصيغة الخطية. فإذا كان مثلا شكل معادلة الانحدار هو : $\hat{Y} = a_0$. a_1^X . $\hat{Y} = a_0$. a_1^X . a_1^X

ومن تم إجراء الاشتقاقات الجزئية، وسنحصل بعد ذلك على المعادلتين :

 $\sum \log Y = n \log a_0 + \log a_1 \sum X$.

 $\sum X \log Y = \log a_0 \sum X + \log a_1 \sum X^2$.

وهكذا بالنسبة لباتي الأشكال المكنة من معادلات الانحدار.

5 - التحقق من دقة النموذج واختبار معنوبته. يمكن القول بأن التوقعات تتعلق أساسا بدقة النموذج أي مدى مطابقته للواقع، وبالتالي فإن بناء النموذج والتحقق من دقته يعتبر المرحلة الحاسمة، بل وفي هذه المرحلة يتقرر مصير التوقع [12] ص 10]. عمليا يتم ذلك بحساب معامل التحديد ومعامل الارتباط وذلك باستخدام العلاقات التالية:

$$r^2 = \frac{1}{\Sigma \left(\hat{Y} - \overline{Y} \right)^2}$$
 معامل التحديد : $\frac{\sum \left(\hat{Y} - \overline{Y} \right)^2}{\sum \left(Y - \overline{Y} \right)^2}$ التباين الإجمالي

باعتبار أن التباين الإجمالي = التباين المفسر + التباين غير المفسر $r = \sqrt{r^2}$: $r = \sqrt{r}$

وعند غراج الالحدار الخطي البسيط يكننا حساب معادل الارتباط مباشرة باسقطدام صيفة بيرسون ا

$$\mathbf{r} = \frac{n \sum X Y - \sum X \cdot \sum Y}{\sqrt{\left[n \sum X^2 - (\sum X)^2\right] \cdot \left[n \sum Y^2 - (\sum Y)^2\right]}}$$

قيمة تا تتراوح بين 1 و 1 - وكلما كانت قيمة r قريبة من الواحد دل ذلك على وجود علاقة قوية بين X و Y، وكلما كانت قريبة من الصغر دل ذلك على وجود علاقة ضعيفة بين X و Y، أما إشارة r فهي تدل على طبيعة العلاقة، طردية إذا كانت سالبة.

يجب الحميار معنوية معامل الإرتباط للتأكد من معنوية الإحصائية، ونستخدم من أجل ذلك عادة الصيغة التالية عند العينات الصغيرة والمتوسطة :

$$t_{cal} = \frac{r\sqrt{n-2}}{\sqrt{1-r^2}}$$

المائت ال_{cal.} أكبر من قيمة الجدولية الجدولية الدرية الرجات حرية المستوى دلالة قدره α نقول أنّ r معنوي ولم يكن نتيجة الصدفة وذلك باحتمال الدره α - 100%.

6 – إستخدام معادلة الإنحدار الخطبة البسيطة في التوقع. هناك حالتان، إما أن يكون المتغير المستقل X الخاص بفترة التوقع وسنرمز له بـ X_{PR} معطى، وبالتالي فالعملية تصبح بسيطة، حيث نقوم بالتعويض بقيمته في المعادلة المقدرة ومن ثم يتم الحصول على مستوى Y_{PR} المتوقع، أي Y_{PR} .

إما أن قيمة ـ X_{PR} غير معطاة وبالتالي ـ X_{PR} هي نفسها محل توقع، ويتم

التوقع بها بإحدى الطرق التي عرفناها في الفصل السابق وعادة ما نستخدم معادلة الإنجاه (X = Y) Y = X، إذا كانت السلسلة الزمنية لX بها اتجاه. وبعد حصولنا على التوقع الخاص بX، أي حصولنا على X_{PR} نعوض بقيمته في غوذج الإنحدار المقدر. ومن أجل تحديد المجال الذي يمكن أن يقع ضمنه المستوى المتوقع لX علينا بحساب أولا الخطأ المعياري للتوقع والذي يحسب وفقا لإحدى الصيغ التالية بالنسبة لمعادلة الإنحدار الخطية البسيطة.

$$S_{\frac{1}{Y}_{1+\tau}} = \sqrt{\frac{\sum (Y - \hat{Y})^{2}}{n - 2}} \cdot \sqrt{1 + \frac{1}{n} + \frac{(X_{PR} - \overline{X})^{2}}{\sum (X_{PR} - \overline{X})^{2}}}$$

آو :

$$S_{\hat{Y}_{1+\tau}} = \sqrt{\frac{\sum Y^2 - a \sum Y - b \sum YX}{n-2}} \cdot \sqrt{1 + \frac{1}{n} + \frac{\left(\tau + \frac{n-1}{2}\right)^2}{\sum X^2 - \frac{\left(\sum X\right)^2}{n}}}$$

ويتم إقرار مجال التوقع كالتالي (١) :

$$\hat{Y}_{PR.} \pm t_{V,\alpha\%}.S_{\hat{Y}_{1+\tau}}$$

(*) يمكن تحديد مجال التوقع مثل مافعلنا في الفقرة 4 - 1 عند إستخدامنا لمعادلة الإتجاه في

الترقع حيث :

%99	%95	%68
$\hat{Y}_{PR.} \pm 3S_{\hat{Y}_{1+T}}$	$\hat{Y}_{PR.} \pm 2 S \hat{Y}_{t+\tau}$	$\hat{Y}_{PR.} \pm S_{\hat{Y}_{1+\tau}}$

غير أن الطريقة المذكورة أعلاه هي أكثر دقة ويمكن تعميم إستخدامها عند التوقع باستخدام معادلة الإتجاد. حيث Y هو المستوى المتوقع -القيمة المتوسطة-، $t_{V,\alpha\%}$ هي قيمة توزيع V=n-K النظرية عند مستوى الدلالة V=n-K ودرجات حرية قدرها V=n-K وسنتعرف في مثالنا القادم عن كيفية استخراج قيمة 1 من جداول خاصة.

4 - 2 - 1 - 3 - 1 - 2 - 4 الأنحداء البسيط في التوقيع

إن خرق الفرضيات المذكورة سابقا يؤدي إلى بروز عدة مشكلات منها مشكلة الإرتباط الذاتي للبواقي ومشكلة التباطؤ الزمني.

4 - 2 - 1 - 3 - 1 - 1 | المتباط الخاتب للبهاقب: تبرز هذه المشكلة عن عدم تحقق الفرضية رقم 3 المذكورة سابقا، مصدر هذه المشكلة يكمن في عدم إدراج أحد أو بعض العرامل الأساسية في النموذج، أي أن إدراج العامل الوحيد X في النموذج لم يكن كافيا لتفسير تغير Y، حيث إلى جانبه توجد عوامل مفسرة أساسية وبالتالى فإن تأثيرها يظهر بشكل منتظم ومتسلسل في قيم البواقي ei.

مصدر آخر لمشكلة الإرتباط الذاتي تتمثل في سوء اختيار شكل نموذج الإنحدار، كما تؤدى أخطاء التجميع والقياس إلى بروز هذه المشكلة.

هناك عدة طرق لاختبار وجود أو عدم وجود مشكلة الإرتباط الذاتي في النموذج المقدر، أكثر هذه الطرق شيوعا اختبار دوربين واتسون DURBIN-WATSON النموذج المقدر، أكثر هذه الطرق شيوعا اختبار دوربين واتسون 36 ص ص 36 ص ص 212-211، و ص ص 231-224. أو صياغة معادلة الإنحدار الذاتي من مراتب مختلفة بدما من المرتبة الأولى ثم قياس معامل الإرتباط الذاتي الأولى ثم قياس معامل الإرتباط الذاتي على وجود مشكلة الإرتباط الذاتي

من المرتبة K.

ومن أجل تذليل مشكلة الإرتباط الذاتي يمكن اللجوء إلى فرأسة العلاقة بين الغوارق ΔX مناشرة أي بعثى صاغية الغوارق ΔX مناشرة أي بعثى صاغية غوذج للإتحدار (عند الإتحدار الخطي البسيط) $\Delta X + b + b + b + b$.

 $\Delta X = X_i - X_{i-1}$ غيث : $\Delta Y = Y_i - Y_{i-1}$ غيث : $\Delta X = X_i - X_{i-1}$

وكل ما قيل سابقا حول كيفية إعداد واستخدام معادلة الإنحداد البسيطة في التوقع يمكن تطبيقه على معادلة الإنحدار البسيطة للفوارق.

ومن الأساليب الفعالة أيضا في تذليل مشكلة الإرتباط الذاتي، إدخال متغير الزمن X كمتغير مستقل إلى جانب X في غوذج الإنحدار ليكتب كالتالي $\hat{Y} = a_0 + a_1 X + a_2 t$

وانعدام الإرتباط اللاتي للبواقي يؤدي إلى انعدامه في باقي السلاسل الزمنية في النموذج [7 ص 158]،

4 - 2 - 1 - 2 - 2 - مشكلة التباطق : كثيرا ما يحدث في الحياة الإقتصادية عدم التطابق الزمني بين السبب والنتيجة مثل تباطؤ تأثير الإستئمارات الجديدة على تحسين إنتاجية العمل في المؤسسة، عدم التطابق الزمني بين زيادة المحصول الزراعي على زيادة الإنتاج في قطاع الصناعات الغذائية، وغيرها من الأمثلة، تسمى هذه المسألة بالتباطؤ الزمني لتأثير ظاهرة معينة على أخرى.

وعند أخذنا بعين الإعتبار لمقدار الوحدات الزمنية للتباطؤ فإنَّ غوذج الإنحدار $\hat{Y}_{i} = a + b X_{i-1}$

حيث L هو مقدار الوحدات الزمنية للتباطؤ.

إنَّ تحديد مقدار L يتم قبل كل شيء بالتحليل النوعي، أي التحليل المنطقي، r_0 عدة معاملات ارتباط من مراتب مختلفة r_0 ويتم تأكيد ذلك إحصائيا بعد حساب عدة معاملات ارتباط من مراتب مختلفة r_1 المقابل لمقدار التباطؤ يساوي r_2 ، r_3 المقابل لمقدار التباطؤ يساوي r_4 وهكذا.

ويتم حساب معامل الإرتباط من المرتبة L وفقا للصيغة التالية :

$$\Gamma_{L} = \frac{(n-L) \cdot \sum_{t=1+L}^{n} Y_{t} X_{t-L} - \sum_{t=1+L}^{n} Y_{t} \sum_{t=1+L}^{n} X_{t-L}}{\sqrt{\left(n-L\right) \sum_{t=1+L}^{n} Y_{t}^{2} - \sum_{t=1+L}^{n} Y\right)^{2} \cdot \left[(n-L) \sum_{t=1+L}^{n} X_{t-L}^{2} - \left(\sum_{t=1+L}^{n} X_{t-L}\right)^{2}\right]}$$

ويتم تحديد مقدار التباطؤ لم طبقا لأقوى معامل من معاملات الإرتباط المحسوبة، وعندها يتم تقدير معالم معادلة الإنحدار مع الأخذ بالإعتبار لمقدار التباطؤ، ففي حالة معادلة الإنحدار الخطي البسيط فإن تقدير المعلمتين a و b يتم بحل المعادلتين :

$$\sum_{t=1+L}^{n} Y_{t} = (n-L) a + b \sum_{t=1+L}^{n} X_{t-L}$$

$$\sum_{t=1+L}^{n} Y_{t} X_{t-L} = a \sum_{t=1+L}^{n} X_{t-L} + b \sum_{t=1+L}^{n} X_{t-L}^{2}$$
eultilly:

$$a = \frac{\sum_{t=1+L}^{n} Y_{t} \sum_{t=1+L}^{n} X_{t-L}^{2} - \sum_{t=1+L}^{n} Y_{t} X_{t-L} \cdot \sum_{t=1+L}^{n} X_{t-L}}{(n-L) \sum_{t=1+L}^{n} X_{t-1}^{2} - \left(\sum_{t=1+L}^{n} X_{t-L}\right)^{2}}$$

$$b = \frac{(n-L) \sum_{t=1+L}^{n} X_{t-L} Y_{t} - \sum_{t=1+L}^{n} Y_{t} \cdot \sum_{t=1+L}^{n} X_{t-L}}{(n-L) \sum_{t=1+L}^{n} X_{t-L} Y_{t} - \left(\sum_{t=1+L}^{n} X_{t-L}\right)^{2}}$$

عثال: لدينا الإحصاءات التالية خاصة بسعر البترول ومعدلات النمو النمو الإقتصادي في الجزائر خلال الفترة 1980-1989.

1989	1988	1987	1986	1985	1984	1983	1982	1981		
18,41	16,26				29,67	30,60	35,50	39,54	35,19	سعر البترول (بالدولار)
- 2,9	- 1,8	- 1,1	1	5,2	4,1	5,6	4,0	3,6	0,9	معدلات التمو الإقتصادي (٪)

فإذا كان المطلوب: $1 - تحديد معادلة الإنحدار باعتبارها من الشكل أيذا كان المطلوب: <math>\hat{Y} = a + b X$ والتأكد من جودته، أم الحصول على التوقع بمعدل النمو فيما لو أصبح سعر البترول 10 دولار وسعر البترول 30 دولار. ثم ماهو معدل النمو المتوقع لسنة 1990 ؟ مع تحديد المجال باحتمال 95%.

2 – بافتراض أن مقدار التباطؤ يساوي 1 (سنة واحدة)، قدر النمسوذج $\widehat{Y}_{t} = a + b X_{t-1}$ وتأكد من جودته مع مقارنة بالنموذج الأول. إستخدم النموذج الجديد للتوقع بمعدل النمو لسنة 1990 مع تحديد المجال المتوقع باحتمال 95%.

$$\sum X Y = n a + b \sum Y$$

$$\sum X Y = a \sum X + b \sum X^{2}$$

$$A = \frac{\sum Y \cdot \sum X^{2} - \sum X Y \cdot \sum X}{n \sum X^{2} - \sum X \cdot \sum X}$$

$$b = \frac{n \sum X Y - \sum Y \cdot \sum X}{n \sum X^{2} - \sum X \cdot \sum X}$$

جدول رقم (24):المجاميع اللازمة لتقدير معادلة الانحدار والمجاميع

اللازمة لحساب معاملي الارتباط والتحديد Y_t^2 X_{t}^{2} X_1Y_1 Y_t X_{t} السنة 0,81 1238,33 31,67 35,19 0,9 1980 12,96 1563,41 142,34 39,54 3,6 1981 16,00 1260,25 142,00 35,50 4,0 1982 31,36 936,36 171,36 30,60 5,6 1983 16,81 880,30 121,65 29,67 4,1 1984 27,04 847,40 151,37 29,11 5,2 1985 1,00 201,07 14,18 14,18 1,0 1986 1,21 350,44 - 20,60 18,72 - 1,1 1987 3,24 264,38 - 29,27 16,26 - 1,8 1988 8,41 338,92 - 53,39 18,41 - 2,8 1989 118,84 7880,86 671,31 267,18 18,3 المجموع

$$a = \frac{18,3 \cdot 7880,86 - 671,31 \cdot 267,18}{10 \cdot 7880,86 - (267,18)^{2}} = -4,73$$

$$b = \frac{10 \cdot 671,31 - 18,3 \cdot 263,18}{7423,44} = 0,255$$

 $\hat{Y} = -4.73 + 0.255 X$: الاتحدار المقدرة هي الاتحدار المقدرة عن الاتحدار الاتحدا

مقدار 4,73 - a = 4,73 يعني معدل النمو عندما يكون سعر البترول في السوق الدولية معدوما، أما b = 0,255 فيعني مقدار الزيادة المتوسطة السنوية في معدل النمو عندما يزيد سعر البيرول بوحدة واحدة، أي بدولار واحد.

من أجل تقدير جودة هذه العلاقة الإرتباطية نقدر معاملي الارتباط والتحديد : لدينا :

$$\mathbf{r} = \frac{n \sum X Y - \sum X \cdot \sum Y}{\sqrt{\left[n \sum Y^2 - (\sum Y)^2\right] \cdot \left[n \sum X^2 - (\sum X)^2\right]}}$$

$$\Gamma = \frac{10.671,31 - 267,18.18,3}{\sqrt{\left[10.118,84 - (18,3)^{2}\right] \cdot \left[10.7880,86 - (267,18)^{2}\right]}}$$

$$r = \frac{1823,61}{2517,139} = 0,72$$

هذا يعني أن هناك علاقة قوية نسبيا وطردية بين الظاهرتين المدروستين، سعر البترول ومعدل النمو الاقتصادي في الجزائر.

 $r^2 = (0.72)^2 = 0.52$: إذا معامل التحديد هو : 1.52 معامل التحديد عن

هذا يعني أن 52% من تغير معدل النمو السنوي في الجزائر يكن تفسيره بتغير سعر البترول في السوق الدولية. يبين هذا المؤشر مدى إرتباط الاقتصاد

الجِزائري بالصادراتِ مِن البِترولِ('').

أما 48% المتبقية فهي ترجع إلى عوامل أخرى مثل سعر صرف الدولار مقابل * العملات الأخرى وأسعار السلع المستوردة والمناخ السياسي وغيرها.

نختبر الآن معنوية معامل الارتباط، لدينا:

$$t = \frac{r\sqrt{n-2}}{\sqrt{1-r^2}} = \frac{0.72\sqrt{10-2}}{\sqrt{1-0.52}} = \frac{2.03}{0.69} = 2.94$$

 $t_{8; \%95} = 2,31 : نجد أنظر الملحق أن <math>t_{8; \%95} = 2,31 = 2,31$ وبالرجوع إلى جدول ستودنت (أنظر الملحق) نجد أن $t_{cal.} > t_{tab.}$ ولما كيان $t_{cal.} > t_{tab.}$ المحسوب معنوي ولم يكن نتيجة المحدقة باحتمال 95%.

- الترقع معدل النمر عندما يكون سعر البترول عند مستوى معين.

$$\hat{Y}_{X=10} = -4.73 + 0.255$$
 (10) : عند بيعر البترول 10 دولار : $\hat{Y}_{X=10} = -4.73 + 2.55 = -2.18$

 $\hat{X}_{X=30} = -4,73 + 0,255$ (30) = 2,92 و رولار $\hat{X}_{X=30} = -4,73 + 0,255$ (30) = 2,92 و $\hat{X}_{X=30} = -4,73 + 0,255$ النعر أي إذا كان متوسط سعر البترول في سنة معينة هو 30 دولار فإن مبعدل النعر

^(*) على إعتبار أن صادرات المحروقات قثل أكثر من 95% من مصادر العملة الصعبة الجزائرية وبتالي فإن سعر المحروقات هو الذي يتحكم بصورة مباشرة في القدرة على الإستبراد، خاصة إستبراد السلع الوسيطة والرأسمالية والمواد الأولية اللازمة لتشغيل الجهاز الإنتاجي الوطني.

الإقتصادي سيكون في حدود 2,92%.

- الترقع بمعدل النمو ألإقتصادي لسنة 1990.

سعر البترول غير معروف لحظة القيام بهذا التوقع، وبالتالي علينا أولا إبجاد المستوى المتوقع لسعر البترول في سنة 1990، وكما ذكرنا سابقا فإن أفضل وسيلة لذلك هي إستخدام معادلة الاتجاه (t) $X = \psi$ واعتبارها من الشكل الخطي البسيط، $\hat{X} = a + b$ t

$$\sum X = n a + b \sum t$$
 : الدينا
 $\sum X t = a \sum t + b \sum t^2$

وباعظاء قیم معینة ل t بحیث یکون $\Sigma t = 0$ یکن أن نکتب : $a = \frac{\sum X}{n}, b = \frac{\sum X t}{\sum t^2}$

جدهل رقم (25) المجاميع اللازمة لتقدير معادلة الإنجاء

$$\hat{X} = a + b t$$

Χt	2	t	X	السنة
- 316,71	81	- 9	35,19	1980
- 276,78	49	- 7	39,54	1981
- 177,50	25	- 5	35,50	1982
- 91,80	9	- 3	30,60	1983
- 29,67	1	- 1	29,67	1984
29,11	1	+1	29,11	1985
42,54	9	+ 3	14,18	1986
93,60	25	+ 5	18,72	1987
113,82	49	+ 7	16,26	1988
165,69	81	+ 9	18,41	1989
- 447,7	330	0	267,18	المجموع

$$a = \frac{267,18}{10} = 26,718, b = \frac{\sum X t}{\sum t^2} = \frac{-447,7}{330} = -1,35$$

$$\hat{X} = 26,718 - 1,35 t : 30$$

بالتعريض في هذه المعادلة عن قيمة t المقابلة لسنة 1990 وهي : 11.

إذا سعر البترول المتوقع لسنة 1990 هو :

$$\hat{X}_{1990} = 26,718 - 1,35 (11) = 11,87$$
 دولار

نعوض الآن بـ X = 11.87 في معادلة الانحدار المقدرة سابقا.

$$\hat{Y} = -4,73 + 0,255 X$$
 الدينا : \hat{Y}

$$\hat{Y}_{1990} = -4.73 + 0.255 (11.87) = -1.7 : 131$$

أي أن معدل النمو المتوقع لسنة 1990 هو 1,7- %.

ومن أجل تحديد المجال الذي يمكن أن يتراوح فيه معدل النمو باحتمال 95%

تحسب الخطأ المعياري للتوقع:

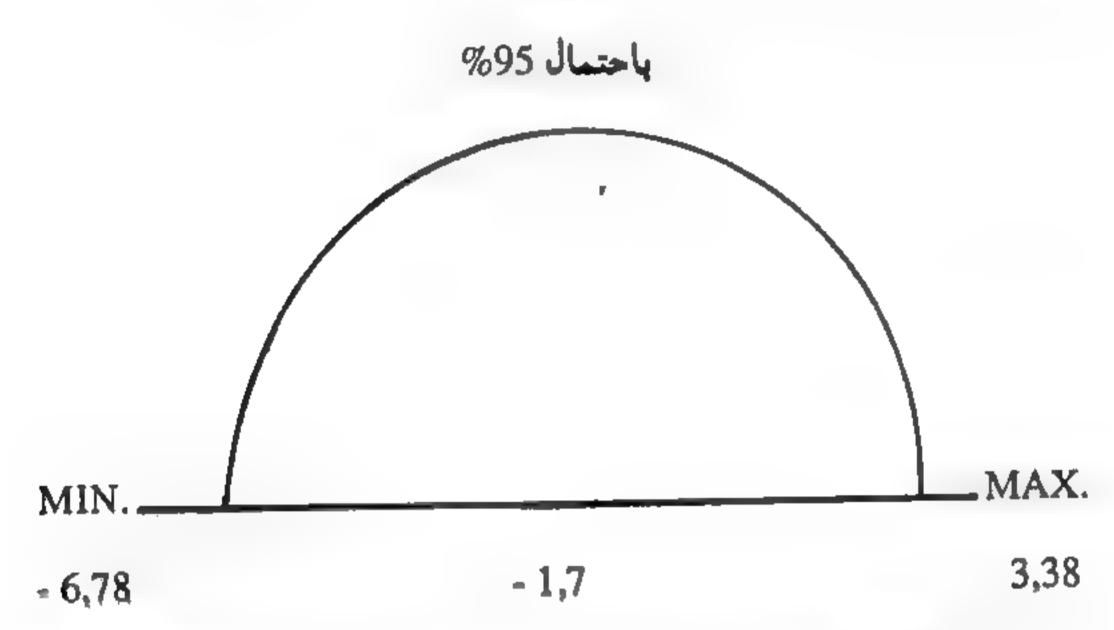
$$S_{\hat{Y}_{\tau+\tau}} = \sqrt{\frac{\sum Y^2 - a \sum Y - b \sum X Y}{n-2}} \cdot \sqrt{1 + \frac{1}{n} + \frac{\left(\tau + \frac{n-1}{2}\right)^2}{\sum X^2 - \frac{\left(\sum X\right)^2}{n}}}$$

$$=\sqrt{\frac{118,84 - (-4,73) \cdot 18,3 - 0,255 \cdot 671,31}{8}} \cdot \sqrt{1 + \frac{1}{10} + \frac{\left(1 + \frac{10 - 1}{2}\right)^2}{7880,86 - \frac{(267,18)^2}{10}}}$$

 $(-1,7) \pm 2,31 \cdot 2,20$: [5] $(-1,7) \pm 5,082$

إذا معدل النمر الاقتصادي المتوقع لسنة 1990 يقع ضمن المجال التالي :

1990



يلاحظ أن المجال كبير نسبيا وذلك راجع للضعف النسبي لمعامل التحديد 48 حيث أن تغير سعر البترول لايفسر سوى 52% من تغير معدل النمو بينما تهتى 48% خاضعة لعوامل أخرى لم تدرج في النموذج.

ثانيا : نفترض الآن أن مقدار التباطؤ الزمني لتأثير تغير أسعار البترول على معدل النمر يساوي واحد أي سنة، المطلوب إعادة تقدير النموذج باعتباره من الشكل $a + b \times 1$ مع التحقق من جودته ثم التوقع بمعدل النمر السنوي لسنة 1990.

جدول رقم (26) ؛ المجاهيع اللازمة لتقدير النموذج $\widehat{Y}_{t-1} = a + b X_{t-1}$

Y 2	X 2 t-1	Y _t X _{t-1}	X _{t-1}	Y _t	الفترة
_	-	_		-	1
12,96	1238,33	126,68	35,19	3,6	2
16,00	1563,41	158,16	39,54	4,0	3
31,36	1260,25	198,80	35,50	5,6	4
16,81	936,36	125,46	30,60	4,1	5
27,04	880,30	154,28	29,67	5,2	6
1	847,40	29,11	29,11	1	7
1,21	201,07	- 15,60	14,18	- 1,1	8
3,24	_350,43	- 33,70	18,72	- 1,8	9
7,84	264,38	- 45,52	16,26	- 2,8	10
117,46	7541,93	697,67	248,77	17,7	المجموع

لدينا :

$$a = \frac{\sum_{t=2}^{10} Y_{t} \cdot \sum_{t=2}^{10} X_{t-1}^{2} - \sum_{t=2}^{10} Y_{t} X_{t-1} \cdot \sum_{t=2}^{10} X_{t-1}}{(n-1) \sum_{t=2}^{10} X_{t-1}^{2} - \sum_{t=2}^{10} X_{t-1} \cdot \sum_{t=2}^{10} X_{t-1}}$$

$$a = \frac{17.7 \cdot 7541.93 - 697.67 \cdot 248.77}{9 \cdot 7541.93 - (248.77)^{2}} = -\frac{39910.48}{5990.86}$$

$$a = -6,68$$
.

$$b = \frac{(n-1)\sum_{t=2}^{10} X_{t-1} Y_t - \sum_{t=2}^{10} Y_t \cdot \sum_{t=2}^{10} X_{t-1}}{(n-1)\sum_{t=2}^{10} X_{t-1}^2 - \sum_{t=2}^{10} X_{t-1} \cdot \sum_{t=2}^{10} X_{t-1}}$$

$$b = \frac{9 \cdot 697.67 - 17.7 \cdot 248.77}{5990.86} = -\frac{1875.81}{5990.86}$$

$$b = 0.31$$

b = 0.31.

إذا معادلة الانحدار المقدرة مع الأخذ بمقدار التباطئ L = 1 هي : $\hat{Y}_{1} = -6.68 + 0.31 X_{1.1}$

ومن أجل التعرف على جودة العلاقة نحسب معامل الارتباط ثم معامل التحديد.

لدينا:

$$\Gamma_{1} = \frac{(n-1)\sum_{t=2}^{10} Y_{t} X_{t-1} - \sum_{t=2}^{10} X_{t-1} \cdot \sum_{t=2}^{10} Y_{t}}{\sqrt{\left[(n-1)\sum_{t=2}^{10} Y_{t}^{2} - \left(\sum_{t=2}^{10} Y_{t}^{-2}\right) \cdot \left[(n-1)\sum_{t=2}^{10} X_{t-1}^{2} - \left(\sum_{t=2}^{10} X_{t-1}\right)^{2}\right]}}$$

$$\mathbf{r}_{1} = \frac{9.697,67 - 17,7.248,77}{\sqrt{9.117,46 - (17,7)^{2} \cdot [9.7541,94 - (248,77)^{2}]}}$$

$$r_1 = \frac{1875,81}{2111,009} = 0.88$$
.

هو يدل على علاقة موجبة وقوية بين متوسط أسعار البترول ومعدلات النمو

الاقتنصادي بفترة ثباطل مقدارها 1.

 $r_1^2 = (0.88)^2 = 0.77 = 0.77$ كما نلاحظ أن معامل التحديد يساوي $r_1^2 = (0.88)^2 = 0.77$ من تغيير معدلات النمو عما يعني أن تغيير أسعار البترول تفسير 77% من تغيير معدلات النمو الاقتصادي في الجزائر مع فثرة تباطؤ قدرها L=1.

يلاحظ أن المؤشران، معامل الارتباط ومعامل التحديد قد تحسنا عند أخذنا بالاعتبار لمقدار التباطؤ بسنة، فبعد أن كان معاملا الارتباط والتحديد على التوالي بالاعتبار لمقدار التباطؤ مساويا للصفر، أي عند $r_0^2 = 0.52$, $r_0 = 0.72$ عند إعتبارنا لمقدار التباطؤ مساويا للصفر، أي عند إفتراضنا للتطابق الزمني بين تغيير مستوى الأسعار ومعدلات النمو في مشالنا السابق، فقد أصبحا $r_1^2 = 0.77$, $r_1 = 0.88$ عند مقدار التباطؤ $r_1^2 = 0.77$, وهذا يتنق قاما مع منطق العلاقة بين الظاهرتين وبالتالي فإن النموذج الجديد يعتبر أكثر واقعية من الأول وسيعطي نتائج أفضل عند إستخدامه في التوقع.

وقبل ذلك لابد من التأكد أولا من المعنوبة الاحصائبة لمعامل الارتباط لدينا ؛

$$t_{cal.} = \frac{r\sqrt{n-1-2}}{\sqrt{1-r^2}} = \frac{0.88\sqrt{10-1-2}}{\sqrt{1-0.77}}$$

$$t_{cal.} = 4.93.$$

 $t_{cal.} > t_{tab.}$ اذا $t_{7;95\%} = 2,36$ بينما

وبالتالي فإن معامل الارتباط المحسوب معنوي بثقة قدرها 95%، وبالتالي عكننا إستخدام غوذج الانحدار المقدر في التوقع.

$$\hat{Y}_{1990} = -6.68 + 0.31 \text{ X}_{1989} = -6.68 + 0.31 (18.41)$$

$$\hat{Y}_{1990} = -0.97.$$

مراحظة ؛ بالنسبة 18,41 = 2₁₉₈₉ معطى، أنظر الجدول رقم 25. ومن أجل تحديد المجال المتوقع نحسب أولا الخطأ المعياري للتوقع :

$$S_{\frac{n}{2}+1} = \sqrt{\frac{\sum_{t=2}^{10} Y_{t}^{2} - a \sum_{t=2}^{10} Y_{t} - b \sum_{t=2}^{10} Y_{t} \cdot X_{t-1}}{n-2}} \sqrt{1 + \frac{1}{n-1} + \frac{\left(1 + \frac{n-1}{2}\right)^{2}}{\sum_{t=2}^{10} X_{t-1}^{2} - \frac{\left(\sum_{t=2}^{10} X_{t-1}\right)^{2}}{n-1}}$$

$$S_{\frac{2}{1+1}} = \sqrt{\frac{117,46 - (-6,68) \cdot 17,7 - 0,31 \cdot 697,67}{7}} \cdot \sqrt{1 + \frac{1}{8} + \frac{1 + \frac{9 - 1}{2}}{7541,93 - \frac{(248,77)^{2}}{8}}} = 1,62 \cdot 0,99$$

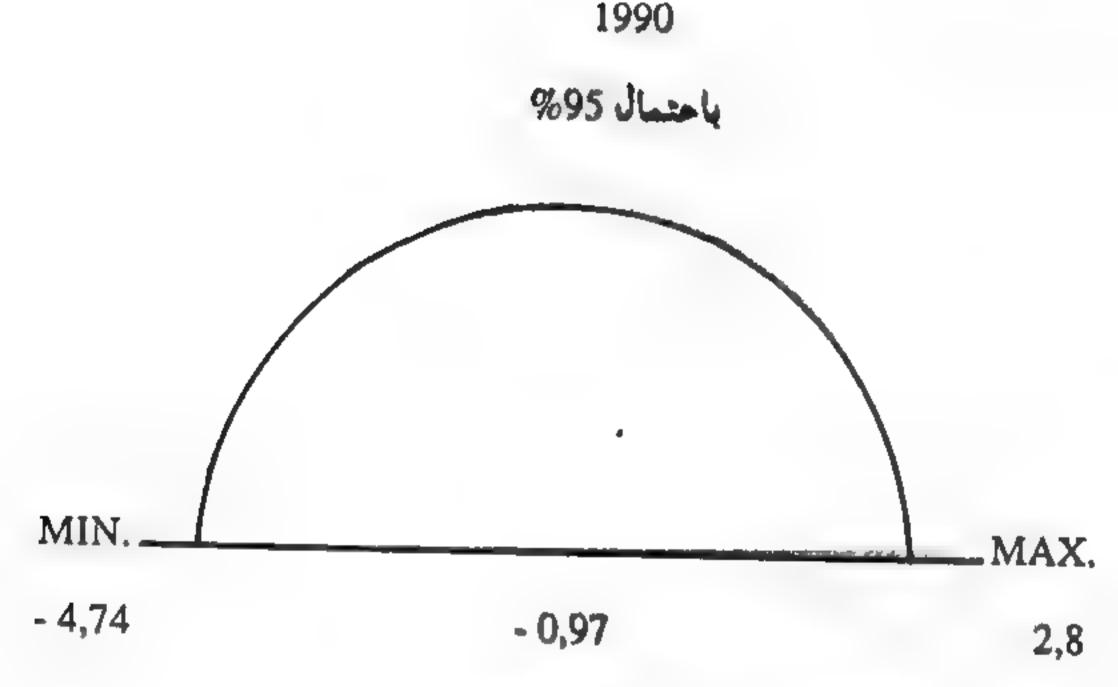
 $S_{\widehat{Y}_{1+1}} = 1.6.$

يلاحظ أن الخطأ المعياري للتوقع قد تحسن (أي نقص) عند أخذنا مقدار التباطؤ بالاعتبار، وذلك مقارنة بما كان عليه عند غوذج الانحدار المقدر سابقا على أساس أن مقدار التباطؤ يساوي صفر، وهو ما سيؤدي إلى تقليص مجال التوقع كما سنرى الآن:

$$\widehat{\widehat{Y}}_{1990} \pm t_{7;95\%}$$
 . S $\widehat{\widehat{Y}}_{1+1}$ الدينا :

 $(-0.97) \pm 2.36 \cdot 1.6$ - 0.97 ± 3.77

إذا المجال هو:



4 - 2 - 2 - التوقيع باستخدام أهبوذج الإنجداء والارتباط المتعدد

الأكهد أن القصور الرئيسي في غوذج الانحدار البسيط هو إعتماده على متغير تابع واحد لتفسير تغير ظاهرة معينة تابعة، فإنتاجية العمل في مؤسسة ما لاتتأثر بعامل واحد فقط مهما كان هذا العامل مهما، ومهما كان يعكس تأثير عدد كبير من العوامل الأخرى، الأكيد أن إنتاجية العمل في المؤسسة تتأثر بتجديد الأصول الثابتية ومهارة العاملين ومستويات أجورهم وطرق التنظيم وغيرها من العوامل، وبالتالي فإن إدراج عوامل عديدة في النموذج سيحسن بالتأكيد من قدرة

النموذج على تفسير تغير إنتاجية العمل في هذه المؤسسة وبالتالي سيرفع من قدرة النموذج على التوقع، وهذا مايسعي إليه غوذج الانحدار المتعدد.

وبالتالي فإن نموذج الانحدار المتعدد يقصد به صياغة نموذج إحصائي يضم المتغير التابع $X_1\,,\,X_2\,,\,X_3\,\,,\,...,\,X_m$ المتغيرات المستقلة $X_1\,,\,X_2\,,\,X_3\,\,,\,...,\,X_m$ ويكتب الشكل العام لنموذج الانحدار المتعدد كالتالى :

 $\hat{Y} = a_0 + a_1 X_1 + a_2 X_2 + \dots + a_m X_m + U$ ويمة عشرائية سبق التعريف بها وتضم ؛

- 1 أخطاء القياس
- 2 العوامل الاخرى التي لم تدرج في النموذج لسبب أو لآخر.
 - 3 الفرق بين الشكل الحقيقي للدالة والشكل الذي تبيناه.
 - 4 عوامل عشوائية، قد تحدث وقد لاتحدث.
 - 4 2 2 1 فرضيات نهوذج الانحدار المتعدد

لكي يمكن إستخدام طريقة المربعات الصغرى العادية في تقدير غوذج الانحدار المتعدد يجب توافر جملة من الفرضيات أولها تلك الفرضيات المذكورة سابقا والخاصة بنموذج الانحدار البسيط مع إعادة صياغتها وإضافة فرضيات أخرى (7 ص ص 217-218) [218 ص ص 78-80] :

- $X_1, X_2, ..., X_m$ المتغير التابع يكون دالة خطية في المتغيرات المستقلة يكون دالة خطية أ
 - 2 عنصر الخطأ Ui متغير عشوائي يخضع للتوزيع الطبيعي.
 - U_{i} مستقلة عن بعضها البعض.

- K = 1,2...m) X_{Ki} النسبة لجميع قيم U_i الخطأ U_i النسبة الجميع المات تباين عنصر الخطأ
- ر المعدال المدخلة في البيانات الاحصائية للعرامل المدخلة في النموذج $Y, X_1, X_2, X_3, ..., X_m$
- X_1 , X_2 , ..., X_m النموذج X_1 , X_2 , ..., X_m مستقلة خطيا عن بعضها البعض.
- $X_1 X_2 X_3 \dots X_m$ وعدم تغيرها من عينة $X_1 X_2 X_3 \dots X_m$ وعدم تغيرها من عينة إلى أخرى وأنه مهما إختلف حجم العينة يكون المقدار $\frac{\sum (X_i \overline{X})^2}{n}$ عبارة عن قيمة نهائية غير مساوية للصغر.

عدم تحتق هذه الفرضيات سيكون لها إنعكاس مباشر على دقة معاملات الانحدار وعدم إمكانية إعطائها تفسيرا ملموسا، كما يتعذر إجراء الاختبارات الاحصائية. وسنتعرف في الفقرة مابعد الموالية على المشكلات الاساسية التي تثار عند بناء واستخدام غوذج الانحدار المتعدد في التوقع، كما سنتعرف على الطرق المناسبة لتلليل تلك المشكلات.

4 - 2 - 2 - 2 - 4 خطوات بناء واستخدام نهوذج الإنجدار الهتعدد في التوقيع

- 1 التحديد الدقيق للظاهرة المعنية بالتوقع Y.
- X_1 , X_2 , ..., X_m عديد قائمة العوامل التي ستدرج في النموذج X_1 , X_2
 - 3 إختيار شكل غرذج الانحدار.
 - 4 تقدير معلمات النموذج.

- أجراء إختبارات الدقة والمعتوية للنمؤذج.
 - 6 إستخدام النموذج في التوقع.
 - وليما يلي توضيح لهذه الخطوات.

1- التحديد الدتين للظاهرة المعنية بالتوقع. يجب على الباحث أن يكون صورة وقيسة حول الظاهرة المدروسة واحتدادها في الزمان والمكان، فيإذا كانت الظاهرة المعنية حول الظاهرة المعل في مؤسسة صناعية خلال الفترة 1980-1996 فإنه ينبغي أولا تحديد مشهوم واضح لإنتاجية العمل وطريقة قياسها، إذ يكن قياسها بالرحدات الطبيعية (5 قطع للعامل الواحد في اليوم مثلا) أو بالوحدات القيمية (500 دج للعامل في الساعة مثلا) كما يمكن قياس إنتاجية العمل وفقا للقيمة المضافة أو الناتج الإجمعالي، كما يمكن تنسيب الانتاجية إلى كل العاملين في المنافة أو الناتج الإجمعالي، كما يمكن تنسيب الانتاجية إلى كل العاملين في المنافة أو الناتج الإجمعالي، كما يمكن تنسيب الانتاجية إلى كل العاملين في المنافة أو الناتج الإجمعالي، قيما فقط. إختيار المقياس المناسب يجب أن يمكون له مبروات موضوعية.

عندما تنتهي من هذه الخطرة ننتقل إلى الخطرة الموالية.

2 - تحديد قائمة العوامل المفسرة التي ستندرج في النموذج. إن التبحليل النوعي للظاهرة المعنية بالتوقع يعتبر أهم مدخل لتحديد العوامل المفسرة لها، ويقصد بالتحليل النوعي تحليل حلقات السبب-النتيجة. لاشك أن الظاهرة Y تتأثر بالعديد من العوامل المباشرة وأخرى غير مباشرة من المرتبة الأولى وأخرى غير مباشرة من المرتبة الأولى وأخرى غير مباشرة من المرتبة الشانية وهكذا، وفي النموذج ينبغي إدراج عوامل من نفس المرتبة من حيث مستوى تأثيرها على الظاهرة Y. إن إدراج عوامل من مراتب مختلفة يؤدي عادة إلى

ظهرر مشكلة تعدد الارتباطات الخطية من جهة وإلى ظهور عوامل غير معنوية ينبغي إقصاءها من النموذج بعد بنائه [14] ص ص 108-109].

وفي الممارسة يتم العمل على مرحلتين، في المرحلة الأولى يتم حصر كل العوامل التي يعتقد الباحث أن لها علاقة بالظاهرة المدروسة Y، وفي المرحلة الثانية يتم الابقاء فقط على العرامل الهامة والتي هي من نفس المرتبة من حيث تأثيرها على الظاهرة Y. عملية الانتقاء يمكن أن تتم بالاستعانة بتقديرات الخبراء (أنظر المبحث القادم) المختصين كما يمكن اللجوء إلى مصفوفة الارتباطات الثنائية [11 ص 240] وذلك بعد جمع البيانات الاحصائية حول كل العوامل المدرجة، فإذا إعتبرنا X_0 هي الظاهرة المعنية بالترقع X_1 , X_2 , X_1 , X_2 , X_3 هي العوامل المفسرة و X_1 هو معامل الارتباط الثنائي X_1 مع X_2 فإنه يمكننا وضع مصفوفة الارتباطات الخطية الثنائية كالتالى :

مصغوفة الارتباطات الخطية الثنائية

	X_0	X_1	X ₂	 X _m
X_0	1	r ₀₁	T ₀₂	r _{0m}
X_1	r ₁₀	1	r ₁₂	r _{lm}
X ₂	г ₂₀	r ₂₁	1	r _{2m}
X _m	r _{m0}	r _{m1}	r _{m2}	1

عندما $\mathbf{r}_{ij} = \mathbf{r}_{ji}$ عندما $\mathbf{r}_{ij} = \mathbf{r}_{ji}$ عندما $\mathbf{r}_{ij} = \mathbf{r}_{ij}$ عندما عندما عندما الارتباط الثنائي وفقا لصيغة بيرسون التي عرفاها سابقاً.

مصفوفة الارتباطات الخطية الثنائية تسمع لنا بائتقاء العوامل المفسرة التي الها علاقة قوية نسبيا مع الظاهرة المدروسة وعادة مائعتبر أن العلاقة قوية نسبيا إذا كان $r_{IJ} \geq 0.5$ كان $r_{IJ} \geq 0.5$ كما تسمح لنا هذه المصفوفة باكتشاف الارتباطات الخطية بين العوامل المفسرة، فإذا لاحظنا أن هناك عوامل مفسرة مرتبطة بقوة فيما بينها، فإن ذلك بدل على وجود مشكلة تعدد الارتباطات الخطية وهو مايعتبر خرقا للفرضية رقم 6 التي ذكرناها في الفقرة السابقة.

يجب الاشارة إلى أن طول السلسلة الزمنية الخاصة بكل عامل يجب أن تكون أكرن أكبر من العوامل المدرجة في النموذج بـ 6 إلى 8 مرات [11 ص 217].

فإذا كان عدد العرامل المفسرة في النموذج 6 فإن طول السلسلة الزمنية الخاصة بكل عامل لاتقل عن 36 مسترى فعلي، أي 36 \leq n، وفي الحياة العملية عادة مانتعامل مع العينات الصغيرة والمتوسطة الحجم، لهذا ينصع المختصون بعدم إدراج عدد كبير من العوامل المفسرة في النموذج، لأن أفضل نتائج التوقع بالظواهر الاقتصادية والاجتماعية يمكن الحصول عليها عند السلاسل الزمنية التي طولها من 15 إلى 25 فترة وتكون فترة التوقع عندئد من 2 إلى 3 فترات مستقبلية، وبالتالي فإن عدد العوامل التي ينبغي إدراجها في النموذج هو 3 إلى 5 على أقصى تقدير مع الاشارة إلى أن فترة التوقع يجب أن تكون في حدود خمس إلى سدس طول الفترة الدوسة.

إن عدم إجترام هذه الجدود بين عدد العوامل المفسرة m وطول السلسلة الزمنية بي عدد إلى السلسلة الزمنية بي يؤدي إلى إلى صعوبة إعطائها بيؤدي إلى إلى صعوبة إعطائها بيؤدي إلى المعاديا دقيقا [15] م 15]،

وفي الحياة العملية كثيرا مانصادف أن عدد مستويات السلاسل الزمنية الخاصة بالغرع الانتاجي أو المؤسسة المعنية بالتوقع قليل بسبب قصر العمر الانتاجي أو بسبب عدم توافر البيانات أو غيرها من الأسباب، ومن أجل توفير طول السلاسل الزمنية المطلوب هكن اللجوء إلى طريقة المصنع- سنة، أي أننا نستخدم سلسلة زمنية تتكون من الفترات الزمنية المتاحة عن كل مؤسسة ونكون منها سلسلة زمنية واحدة، فيمثيلا لوكان لدبنا ثلاثة مؤسسات والعمر الانتاجي لكل مؤسسة 6 سنوات، فانه فيمثيلا إعينها السلاسل الزمنية للعوامل المدرجة في النموذج عن كل مؤسسة ولكل الفترة المتاحة، وبذلك يكون لدينا طول السلسلة الخاصة بكل عامل هو 18 = 3.16.

بنيبغي الاشارة إلى أهمية جمع البيانات الاحصائية حول العوامل المدرجة في النموذج، حيث يجب أن تتصف بالدقة والتجانس، ومن ذلك ينبغي عدم الاكتفاء بالاحصاءات الرسمية المقدمة من طرف المصالح المعنية على مستوى المؤسسات، في الأمر يتطلب أجيانا الحصول ميدانيا على الاحصاءات اللازمة.

بعيد قيبامنا بتبعيديد العبوامل التي ستدرج في النموذج وجمع البيانات الاحصائية حولها المتقبل إلى الخيطوة الموالية.

ي المنتبار بمنكل أو الانجدار المتعدد، المقتصود بشكل أو الانجدار هو X_1 , X_2 , ..., X_m والعوامل المقسرة X_1 , X_2 , ..., X_m فقد يكون شكل ميه كانييزم الارتباط بين Y والعوامل المقسرة

النموذج خطي :

$$Y = a_0 + a_1 X_1 + a_2 X_2 + \dots + a_m X_m$$

$$Y = a_0 X_1^{a_1} \cdot X_2^{a_2} \cdot \dots \cdot X_m^{a_m} \cdot X_m^{a_m}$$

أو غير ذلك من الأشكال، هذه الخطوة بالغة الأهمية، لأن سوء إختيار شكل النموذج يؤدي إلى بروز مشكلة الارتباط الذاتي للبواقي ei وهو مايمثل خرقا للفرضية رقم -3 المذكورة سابقا، هذه المشكلة تتمثل في أن المنحنى الذي يرسمه النموذج لايمثل جيدا المستوبات الفعلية للعوامل المدرجة فيه وبالتالي يؤدي إلى أخطاء تقدير كبيرة.

عملية إختيار شكل غوذج الانحدار المتعدد معقدة بالمقارنة مع غوذج الانحدار البسيط، لأن في حالة هذا الأخير يمكن اللجوء إلى التصغيل البياني للمشاهدات الفعلية Y وX، ومن ثم ملاحظة شكل إنتشار النقاط على الرسم البياني، واستنباط شكل النموذج المناسب. أما في حالة الانحدار المتعدد فمن الصبعب تصور كيفية إنتشار هذه النقاط على رسم بياني متعدد المحاور لأن إنتشار النقاط سيكون في الفضاء.

هناك من يلجأ إلى التمثيل البياني لكل عامل تفسيري مع Y ومن ثم معرفة شكل الانحدار بين كل ثنائي YX3, YX2, ¥X1 وهكذا [9 ص 129]، غير أنه في الممارسة نجد أن الشكل الخطي للنموذج هو الأكثر شبوعا بسبب وضوحه وسهولة في الممارسة أن الشكل الخطي للنموذج هو الأكثر شبوعا بسبب أن إستعمال الشكل فيهمه وأمكانية إعطائه تفسيرا دقيقا، ويعتبر بعض المختصين أن إستعمال الشكل الخيطي يبقى مقيبولا حتى عندما يدل التحليل النوعي على أن طهيعة الارتباط بين

الظاهرة لا والعوامل المفسرة لها غير خطي [13 ص ص 13].

وفي حالة ترود الباحث في الإختبار بين شكلين أر أكثر لنمرذج الانحدار بكن اللجوء إلى بنا ، عيد منها ثم إختبار ذلك النموذج الذي يعطى أتل خطأ ها بالماري للتقدير [5 ص 241] ، حبث :

$$\sigma = \sqrt{\frac{\sum (Y - \widehat{Y})^2}{n - m - 1}}$$

4 - تقيير معلمات النموذج باعتبارها تعطي أفيضل التقديرات [10] ص ص 159-177] [7] [7] [7] [7] معلمات النموذج باعتبارها تعطي أفيضل التقديرات [10] ص ص 159-177] [7] [7] [7] [7] الماردج يتم بحل جملة من المعادلات فيها عدد المجاهبل يساوي عدد المعادلات. ولما كان غرذج الانحدار المتعدد ينطوي عادة على ثلاثة فاكثر من المعادلات، وبالتالي فإن تقديرها بطرق الجبر العادية -كما فعلنا سابقا- طويلة ومضنية وبالتيالي فبإن إدخال جبر المصفوفات يعتبر ضروري ويختصر كثير من العمليات الجبيابية كما سترى.

لدينا أبوذج الإنحدار في شكله الخطي كالتالي :

 $Y = B_0 + B_1 X_1 + B_2 X_2 + \dots + B_m X_m + e$

على إعتبار أن ع هي تقدير لعنصر الخطأ العشوائي أن في العينة المدروسة Y = X B + e.

أما النمرذج المقدر فيكتب:

 $\widehat{\mathbf{Y}} = \widehat{\mathbf{B}}_{0} + \widehat{\mathbf{B}}_{1} \mathbf{X}_{1} + \widehat{\mathbf{B}}_{2} \mathbf{X}_{2} + \dots + \widehat{\mathbf{B}}_{m} \mathbf{X}_{m}$ $\widehat{\mathbf{Y}} = \mathbf{X} \widehat{\mathbf{B}}_{1} \mathbf{X}_{1} + \widehat{\mathbf{B}}_{2} \mathbf{X}_{2} + \dots + \widehat{\mathbf{B}}_{m} \mathbf{X}_{m}$ $\widehat{\mathbf{Y}} = \mathbf{X} \widehat{\mathbf{B}}_{1} \mathbf{X}_{1} + \widehat{\mathbf{B}}_{2} \mathbf{X}_{2} + \dots$ $\widehat{\mathbf{Y}} = \mathbf{X} \widehat{\mathbf{B}}_{1} \mathbf{X}_{1} + \widehat{\mathbf{B}}_{m} \mathbf{X}_{m}$

طبقا لمبدأ المربعات الصغرى لدينا (١) ،

 $SSE = \sum e^{2} = \sum e'e = (Y - \hat{Y})'(Y - \hat{Y}) = (Y - X \hat{B})'(Y - X \hat{B})$ $= Y'Y - 2 \hat{B}'X'Y + \hat{B}'X'X \hat{B}.$

 $\sum e^2 = f(\widehat{B}_0, \widehat{B}_1,, \widehat{B}_m)$ باعتبار آن : $\sum e^2 = f(\widehat{B}_m, \widehat{B}_m)$ باعتبار آن :

إذا نشتق المقدار Σe^2 بالنسبة للشعاع \hat{B} ونحصل على :

$$\frac{\partial ee}{\partial \hat{B}} = -2X'Y + 2X'X\hat{B}$$

 $-2X/Y+2X/X \hat{B}=0$: ويجعل

 $X / X \hat{B} = X / Y$, پنتج أن

ويضرب طرفي هذه المعادلة من اليسار في $(X'X)^{-1}$ ليحصل على :

$$(X / X)^{-1} X / X \hat{B} = (X / X)^{-1} X / Y$$

$$\hat{B} = (X / X)^{-1} X / Y : \emptyset$$

وهي الصيغة الأساسية لتقدير معلمات غرذج الإنحدار وفقا لأسلوب المربعات الصغرى.

وباعتبار حجم العينة (طول السلسلة الزمنية) n وعدد العوامل المفسرة m فإنه

ه هو منقول المصفوفة \mathbf{Y}^{\prime} هي منقول المصفوفة \mathbf{X}^{\prime} و \mathbf{Y} (\mathbf{Y}) هو منقول المصفوفة (*) هو منقول المصفوفة (\mathbf{Y} - \mathbf{Y}) هو منقول المصفوفة (\mathbf{Y} - \mathbf{Y})

يمكن تعريف المصفوفات أعلاه كالتالى :

$$X = \begin{bmatrix} T & X_{11} & X_{12} & X_{13} & \dots & X_{1m} \\ 1 & X_{21} & X_{22} & X_{23} & \dots & X_{2m} \\ \frac{1}{8} & X_{31} & X_{32} & X_{33} & \dots & X_{3m} \end{bmatrix}, Y = \begin{bmatrix} Y_1 \\ Y_2 \\ Y_3 \\ Y_n \end{bmatrix}$$

$$T = \begin{bmatrix} \widehat{B} & 0 \\ \widehat{B} & 1 \\ \widehat{B} & 2 \\ \vdots \\ \widehat{B} & m \end{bmatrix}, X'X = \begin{bmatrix} T & \sum X_1 & \sum X_2 & \sum X_1 & \sum X_2 &$$

5 - إجراء إختبارات المعنوبة والتأكد من جودة النموذج. بعد تقدير النموذج، نشرع في إجراء الاختبارات اللازمة للتأكد من جودة النموذج وإمكانية النموذج، نشرع في التوقع، ونبدأ باختبار المعنوبة الكلية لمعادلة الانحدار المقدرة (أي إختبار معامل التحديد المتعدد (R²)، ويتم ذلك باستخدام إحدى العلاقات التالية الاحصاء فيشر F؛

$$F_{K+1,n+K} = \frac{\sum (\widehat{Y} - \overline{Y})^2 / (K-1)}{\sum (\widehat{Y} - \widehat{Y})^2 / (n-K)}$$

$$F_{K-1,n-K} = \frac{R^2/(K-1)}{(1-R^2)/(n-K)} : j$$

أو الصيغة المصفوفة:

$$F_{K-1,n-K} = \frac{\hat{B}'X'Y/(K-1)}{\acute{e}e/(n-K)}$$

حيث $K \approx m + 1$ أما R^2 فهر عبارة K = m + 1 منا هو عدد المعلّمات في النموذج

عن معامل التحديد الإجمالي (المتعدد) ويحسب كالتالي :

$$R^{2} = \frac{\sum (\widehat{Y} - \overline{Y})^{2}}{\sum (Y - \overline{Y})^{2}}$$

$$R^{2} = 1 - \frac{\sum (Y - \widehat{Y})^{2}}{\sum (Y - \overline{Y})^{2}}$$

أو باستخدام الصيغة المصفوفة :

$$R^2 = \frac{\hat{B}/X/Y}{Y/Y}$$

فإذا كانت F المحسوبة أكبر من قيمة F الجدولية وفقا لدرجة معينة من الثقة ودرجات حربة قدرها K - 1 للبسط و n - K للبسط و K - 1 للمقام، نقول أن النموذج المقدر معنوي وهناك على الأقل عامل واحد مستقل عارس تأثيره على Y، أما إذا كانت F للحسوبة أصغر من F الجدولية، فذلك يعني إنعدام العلاقة بين المتغيرات التفسيرية المدخلة في النموذج وY وأن المتغير العشوائي (البواقي) هو المصدر الوحيد لتغير Y.

عند ثبوت المعنوية الإحصائية للنموذج المقدر، ننتقل إلى إختبار معنوية كل

متغير تفسيري على حدى وذلك بهدف الإبقاء فقط على المتغيرات المعنوية في النموذج. يتم إختبار معنوية كل متغير تفسيري باختبار معاملات الانحدار المرافقة لها وذلك باستخدام إحصاء ستودنت ؛ المحسوب بالصيغة التالية :

$$t = \frac{\hat{B}_{i}}{S_{B_{i}}} = \frac{\hat{B}_{i}}{\sqrt{\left[\Sigma(Y-\hat{Y})^{2}/(n-m-1)\right] \cdot A_{ii}}}$$

حيث S_{B_i} هو الانحراف المعياري لمعامل الانحدار \widehat{B}_i و A_{ii} هو عبارة عن العنصر الواقع في السطر i والعمود I من المصفوفة $X'(X)^{-1}$.

فإذا كانت 1 المحسوبة أكبر من 1 الجدولية عند مستوى معين من الثقة ودرجات حرية قدرها \widehat{B} المقدر بواسطة \widehat{B} أن أن \widehat{B} أن أن أن أن أن المعننة المدروسة لا يختلف عن \widehat{B} المحسوب وفقا لإحصاءات المجتمع الاحصائي، أما إذا كانت \widehat{B} المحسوبة أقل من \widehat{B} الجدولية فإننا نقول أن \widehat{B} غير معنوي وينبغي إقصاء \widehat{B} من النصوذج . عندئذ ينبغي إعادة تقدير النموذج من جديد بدون العامل \widehat{B} المقابل ل \widehat{B} واللي بين الاختبار الاحصائي بواسطة إحصاء \widehat{B} أنه غير معنوي.

وفي الحياة العملية كثيرا مانصادف وفي نفس الوقت أن هناك أكثر من عامل واحد غير معنوي، أي أن الاختبارات دلت على وجود مجموعة من العوامل غير المعنوية، في هذه الحالة يتم إقصامها تدريجيا ونقصي في البداية العامل الأقل

تتحدد مجالات الثقة لماملات الإتحدار كالتالي ؛ $\widehat{B}_1 \pm t_\alpha \cdot \sqrt{\frac{\sum \left(Y-\widehat{Y}\right)^2}{\Delta I_{ii}}} .\sqrt{A_{ii}}$

معنوية (1)، ثم نعيد التقدير من جديد وفي كل مرة نقصي ذلك العامل الذي يتبين أنه أقل معنوية، ولايكن إقصاء أكثر من عامل واحد مرة واحدة [14 ص 136]. وقد نصادف أن بعض العوامل لم تكن معنوية في البداية ولكنها أصبحت معنوية فيها بعد وذلك نتيجة إستبعاد العوامل الأخرى الأقل معنوية وبالتالي فإن العامل الباقي أصبح يحمل التأثيرات التي كانت تحملها تلك العوامل التي تم إقصاءها.

نستمر في عملية إستبعاد العرامل غير المعنوية إلى أن نبقي في النموذج فقط على العرامل المعنوية إحصائيا.

نذكر أنه بالنسبة للعنصر الحر \widehat{B}_0 لا يتم إختبار معنويته عادة كما لا يتم إنصاء [137 ص 15].

وفي النهاية يتم حساب معامل الإرتباط R واختبار معنويته، باعتبار أن معامل الإرتباط $R=\sqrt{R^{2}}$ ويتم إختبار معنويته باستخدام المعامل الإرتباط المتعدد يحسب كالتالي $R=\sqrt{R^{2}}$ ويتم إختبار معنويته باستخدام الصيغة التالية لاحصاء :

$$t_{cal.} = \frac{R\sqrt{n-m-1}}{\sqrt{1-R^2}}$$

فإذا كانت t_{cal.} > t_{tab.} انقول أن معامل الارتباط المحسوب معنوي ويكن تعميمه على المجتمع الاحصائي بثقة قدرها α - 100 %.

6 - إستخدام غوذج الانحدار المتعدد في التوقع. بعد تقديرنا للنموذج والتأكد

^(*) نقصد بالعامل الأقل معنوية ذلك العامل الذي يحقق أكبر قرق بين ١ المحسوبة و١ الجدولية.

من جودته ومعنوبة العوامل المستقلة المدرجة فيه ننتقل إلى إستخدامه في التوقع، وهذا يمكننا أن نصادف حالتان :

- إما أن تكون المستويات المستقبلية للعوامل المدرجة في النموذج معطاة (معلومة أو مخططة)، وفي هذه الحالة يتم التعويض بها في النموذج المقدر مباشرة، وهئها تحصل على مستوى Y المتوقع للفترة المعنية،

المعادلة الالجاد الماصة بكل عامل على حدى (١) $\Psi = X_i$ ، ومن ثم نحصل على معادلة الالجاد الماصة بكل عامل على حدى (١) $\Psi = X_i$ ، ومن ثم نحصل على المعربات المعرفعة لها لهتم التعويض بها في النموذج المقدر، وأخيرا يتم تحديد المجال المتوقع كالتالى ١

 $\widehat{Y}_{PR.} \pm t_{\alpha} S_{\widehat{Y}_{1+\tau}}$

حيث t_{tt} هو إحصاء ستودنت عند مستوى الدلالة ∞ (أو بمستوى ثقة قدره t_{tt} من t_{tt} من الجدول الخاص α - α (0.100) ودرجات حرية قدرها (1 - α - α) ويستخرج من الجدول الخاص ودرجاء المحل (أنظر الملحق)، أما $\frac{1}{2}$ ك فهو الخطأ المعياري للتوقع والذي يحسب كالتالى :

$$S_{\widehat{Y}_{1+7}} = \sqrt{\frac{\sum (Y - \widehat{Y})^2}{n - m - 1}} \cdot \sqrt{X_{PR}'(X'X)^{-1}X_{PR}}$$

حيث XPR هو شعاع المستويات المتوقعة (أو المفروضة) للعوامل المستقلة :

$$X_{1PR}$$

$$X_{2PR}$$

$$\vdots$$

$$X_{mPR}$$

اما X_{PR} فهر منقول شعاع X_{PR} ویکتب:

 $X'_{PR} = \begin{bmatrix} 1 & X_{1PR} & X_{2PR} & ... & X_{mPR} \end{bmatrix}$

4 - 2 - 2 - 3 - 2 - 4 مشاكل بناء واستخدام نموذج الانحذار المتعدد في التوقيع

هناك عدة مشاكل يمكن أن نصادفها عند بناء غاذج الانحدار المتعدد على أساس السلاسل الزمنية خاصة، نذكر منها مشكلتان تتعلقان بخرق فرضيات النموذج المذكورة سابقا :

- 1 الارتباط الذاتي.
- 2 تعدد الإرتباطات.

ومشكلة ثالثة تتعلق بعدم التطابق الزمن بين السبب والنتيجة وتسمى بمشكلة التباطؤ، وقد سبق الاشارة إليها عند عرضنا للتوقع باستخدام معادلة الانحدار البسيطة في الغقرة السابقة.

4 ـ 2 ـ 2 ـ 3 ـ 1 ـ المارتباط الذاتي ؛ نذكر بأن البواقي ei تعبر عن :
1 - أخطأ ، القياس، 2 - العوامل المفسرة الأخرى التي لم تدرج في النموذج، 3 - سوء إختيار شكل النموذج، 4 - عوامل عشوائية.

إن وجود علاقة إرتباطية بين e₁, e₂, ..., e_n يعني أن هناك خطأ في تقدير أن وجود علاقة إرتباطية بين الخطأ بانتظام في البواقي c₁، عا يشير إلى وجود مشكلة في النموذج تسمى بمشكلة الارتباط الذاتي.

عا سبق يمكننا أن نعتبر أن أسباب ظهور الارتباط الذاتي للبواقي تتمثل فيمايلى :

أول ؛ عدم إدراج أحد العوامل -أو أكثر- المفسرة للظاهرة المدروسة وبالتالي برور أثرها في البواقي ei.

ثانيا: عند عدم إدراج مجموعة من العوامل ذات التأثير الفردي الضعيف على الظاهرة المدروسة، لكنها مجتمعة لها تأثير معتبر على الظاهرة Y، هذه العدوامل يمكن أن تكون قد أدرجت في البداية ولكنها أقصيت من النموذج أثناء إختبارات المعنوية، أي أن إختبارات المعنوية للعوامل المنسرة هذه دلت على أنها غير

ثالثا : سوء إختيار شكل النموذج.

وابعا: أخطاء في الاحصاءات المدخلة في النموذج والخاصة ببعض أو بكل العرامل المدرجة في النموذج.

وجود مشكلة الارتباط الذاتي في النموذج يؤدي إلى عدم تحقق أهم خصائص

تقديرات المربعات الصغرى باعتبارها تعطي أفضل التقديرات؛ تقديرات غير متحيزة وذات أصغر تباين.

هناك عدة طرق للتحقق من وجود أو عدم وجود الارتباط الذاتي للبواقي في النموذج، إحدى الطرق الأكثر إستعمالا هي التي تعتمد على إختبار دوربين - واتسون DURBIN-WATSON أنظر المراجع، (9 ص 224-231)، (16 ص ص 237-210)، (19 ص ص 196 - 197)].

وعند ثبوت فرضية وجود الارتباط الذاتي للبواقي ينبغي العمل على التخلص منها أو تذليلها على الأقل، وذلك بالبحث عن مصدر المشكلة وفقا للأسباب المذكورة سابقا ومن ثم معالجتها.

إن أبسط الطرق والجعها في تذليل مشكلة الارتباط الذاتي للبواقي تكمن في إدخال عامل الزمن t كمتغير حر إلى جانب بقية المتغيرات التفسيرية $X_1, X_2, ..., X_m$

 $\hat{Y} = B_0 + B_1 X_1 + B_2 X_2 + \dots B_m X_m + B_{m+1} t$

إن إدخال عامل الزمن في النموذج يعتبر بمثابة إعتراف من الباحث بوجود عوامل أخرى تفسيرية وذات أهمية ولم تدخل في النموذج لسبب أو لآخر، كعدم توفر البيانات عنها أو كونها غير قابلة للقياس الكمي أو غيرها من الأسباب، فالزمن هنا هو بمثابة محصلة تحمل العديد من العوامل التفسيرية، وقد أثبتت أبحاث كثيرة فعالية هذه المعالجة وأدت إلى إمتصاص شبه كلي للإرتباط الذاتي في النموذج.

هناك أسلوب آخر محكن إستخدامه لمعالجة مشكلة الارتباط الذاتي، يتمثل في

صياغة النموذج على أساس الفروق الأولى (المتغيرات المطلقة الحلقية)، بدلا من صياغة النموذج على أساس المستويات المباشرة للسلاسل الزمنية، ويكون عندئد شكل النموذج كالتالى:

 $\Delta \hat{Y} = B_0 + B_1 \Delta X_1 + B_2 \Delta X_2 + \dots + B_m \Delta X_m$ حيث تشير Δ إلى الفرق بين المستوى الخاص بالفترة t والذي قبله والحاص بالفترة t - 1 أي :

يجب الإشارة إلى أن مشكلة الارتباط الذاتي قائمة أبضا في السلاسل الزمنية الخاصة بالعوامل المدرجة في النموذج، إلا أن القيام بمعالجة مشكلة الإرتباط الذاتي للبواقي يؤدي إلى معالجتها أيضا في باقي المتغيرات المدخلة في النموذج 16 ص ص 242 - 243] [7 ص 158].

حدد و جدد الأرضيات الأساسية للنموذج و الفرضية رقم 6- وتتمثل هذه المشكلة في وجود تعدد الارتباطات داخل النموذج، فغي حالة وجود إرتباط تام بين عاملين X_i و X_i فإن ذلك يعني أن جملة المعادلات الخاصة بتقدير معلمات غوذج الانحدار لن يكون لها حل، لأن محددها يساوي صفر، كما أن وجود معامل إرتباط قوي بين X_i و X_i يعني أن جملة المعاملات سيكون لها حل غيمر أن معاملات الانحدار المقدرة يعني أن جملة المعاملات سيكون لها حل غيم أن معاملات الانحدار المقدرة يعني أن جملة المعاملات سيكون لها حل غيم أن معاملات الانحدار المقدرة بعني أن جملة المعاملات الاثر الصافي لكل عامل تفسيري على الظاهرة المدروسة باعتبارها لاتعبر بدقة عن الاثر الصافي لكل عامل تفسيري على الظاهرة المدروسة لا، وفيما يلى أسباب مشكلة تعدد الارتباطات في النموذج :

1 - إدراج عوامل تعبر عن جانب واحد من جوانب ظاهرة مُعْتِنَة، لها تأثير عُلْق الظاهرة المدروسة ٢، مثلا إدراج القَيْتَثُة المثنات وُحْتِجَم الإنتاج الإجمالي كمتغيرات تفسيرية لإنتاجية العمل في المؤسسة، فْكَلْبَهُمّا القيمة المضافة وَخَجْمَ الانتاج يعبر عن نتيجة النشاط الإنتاجي للمؤسسة.

كما أن إدراج عوامل من مراتب مختلفة من حيث تأثيرها المباشر وغير المهاشر على الظاهرة المدروسة، مثل منا أشرنا إلى ذلك عند حديثنا عن إختيار العوامل المدرجة في النفوذج:

2 - وَجُودُ أَخْطًا مُ مُعَتِيرَةً فِي قِياسَ الْقَوْامِلُ الْفَسَرَةَ فِيَ النَّمْوَةِ جَ،

3 - غدم مجانس العينة المدروسة.

أي أن إرتباط كل عامل تغسيري بالظاهرة المدروسة Y أقوى من الإرتباط y العاملين التغسيريين y و y.

عند ثبوت وجود تعدد الإرتباطات مثلا بين ¡ X و ر X فإنه ينبغي التخلي عن أحدهما ¡ X أو ر X ويفضل التخلي عن العامل الذي علاقته أضعف من العامل الاخر بالظاهرة المدروسة، هذا ويرى بعض المختصين أن مشكلة تعدد الإرتباطات ليس لها تأثير كبير إذا كان الهدف من بناء النموذج هو التوقع، بشرط أن يكون الارتباط الثنائي الملاحظ بين المتغيرات التفسيرية في البيانات الإحصائية المستخدمة في بناء النموذج مستمرا على نفس الوتيرة في الفترة المستقبلية، أما إذا لم يكن من المعقول إفتراض إستمرار نمط الارتباط بين المتغيرات التفسيرية في الفترة المستقبلية فإنه إفتراض إستمرار نمط الارتباط بين المتغيرات التفسيرية في الفترة المستقبلية فإنه إفتراض إستمرار نمط الارتباط بين المتغيرات التفسيرية في الفترة المستقبلية فإنه إفتراض إستمرار نمط الارتباط بين المتغيرات التفسيرية أحد العاملين مثلما ذكر سابقا.

4 - 2 - 2 - 8 - 8 - التباطق : كثيرا مانصادف أن تغير الظاهرة X تؤثر في الظاهرة X ولكن بعد فاصل زمني معين، قد يكون بالشهور أو بالسنوات أو غيرها من الرحدات الزمنية، مثلا أثر الاستثمارات على الزيادة في الإنتاج، فالاستثمارات الجديدة تحتاج إلى تجسيدها أولا، فالمسألة إذا تكمن في عدم النطابق الزمني بين السبب والنتيجة، يسمى هذا التأثير المتأخر زمنيا بالتباطؤ، وبالتالي فإن دراسة السلسلة الزمنية ، X مع السلسلة الزمنية ، Y تصبح عملية غير منطقية وقد نحصل على معامل إرتباط يهمي، فقد يكون ضعيفا ونقرر أنه لاتوجد علاقة إرتباطية بين Y و X أو أنها ضعيفة، في حين أن العلاقة موجودة وقوية، غيير أن هذا الإرتباط ينظوي على تباطؤ زمني، ولا تبرز هذه العلاقة إلا عند الأخذ بالإعتبار لمقدار

التباطرُ، أي دراسة السلسلة الزمنية X_{i-1} مع السلسلة الزمنية Y_i (حيث I مقدار التباطرُ). وتعتبر مسألة التعرف على وجود التباطرُ وتحديد مقداره مسألة بالغة الأهمية من أجل صياغة غوذج واقعي والحصول على توقعات جيدةً.

من أجل معرفة وجود التباطؤ وتحديد مقداره، يجب الاعتماد أولا على التحليل النوعي، أي التحليل المنطقي، ثم يتم إقرار ذلك تجريبيا بحساب سلسلة من معاملات الارتباط:

 $r_{Yt|Xt}$, $r_{Yt|Xt-1}$, $r_{Yt|Xt-2}$, $r_{Yt|Xt-3}$

ويتم تحديد مقدًار التباطوُ L عند أكبر قيمة مطلقة لمعامل الإرتباط. المشكلة التي قد نصادفها عند تحديدنا لمقدار التباطوُ تتمثل في إمكانية عدم التطابق بين الفترات الزمنية المعمول بها في السلسلة الزمنية والفترات الحقيقية للتباطوُ والتي يدلنا عليها التحليل النوعي، كأن تكون السلاسل الزمنية التي هي بحوزتنا معطاة بالسنوات في حين أن مقدار التباطوُ بعد بالشهور، في هذه الحالة ينضح باجرا، تعديل على السلسلة الزمنية حيث تكون مستوياتها متناسبة مع مقدار التباطوُ.

مقدار التباطؤ قد يختلف بين عامل مفسر وآخر في التأثير على الظاهرة المدروسة Y وبالتالي فإن نموذج الانحدار المتعدد قد يأخذ أشكالا عدة طبقا لمقادير التباطؤ لكل عامل، مثلا:

 $\hat{Y} = B_0 + B_1 X_{t-1} + B_2 X_{t-2} + \dots + B_1 X_{J-L} + B_{m+1} t$

 X_2 ، X_1 ، إذا كانت لدينا البيانات التالية حول X_1 ، X_1 ، X_2 ، X_3 ، X_4 ، X_4 ، X_5 ،

X ₂	X_1	Y	الفترة
2	10	50	1
8	15	63	2
3	16	61	3
3	8	50	4
2	15	56	1000
6	20	72	6
3	18	62	7
2	15	60	8
1	12	54	Q***
10 ~	17	70	10

وكان المطلوب هو التوقع مستوي لا للفترة 12 باستخدام نموذج الإنحدار الخطي

$$\hat{Y} = \hat{B}_{0} + \hat{B}_{1} X_{1} + \hat{B}_{2} X_{2}$$
 من الشكل : $\hat{Y} = \hat{B}_{0} + \hat{B}_{1} X_{1} + \hat{B}_{2} X_{2}$ من الشكل :

 \hat{B}_{0} , \hat{B}_{1} , \hat{B}_{2} النموذج بتقدير معلمات النموذج - 1

$$\widehat{B} = (X / X)^{-1} X / Y$$

$$(X'X)^{-1} = \begin{bmatrix} 1,89833 & -0,12889 & 0,02089 \\ -0,12889 & 0,01039 & -0,00571 \\ 0,02089 & -0,00571 & 0,01564 \end{bmatrix}$$

$$\widehat{B} = \begin{bmatrix} 1,89833 & -0,12889 & 0,02089 \\ -0,12889 & 0,01039 & -0,00571 \\ 0,02089 & -0,00571 & 0,04564 \end{bmatrix} . \begin{bmatrix} 598 \\ 8955 \\ 2541 \end{bmatrix}$$

$$\hat{B} = \begin{bmatrix} 34,014 \\ 1,479 \\ 1,049 \end{bmatrix}$$
 $\hat{B}_{0} = 34,014$, $\hat{B}_{1} = 1,479$, $\hat{B}_{2} = 1,049$: ومنه برياليتالي فإن النمرؤج المقدر بأخذ الشكل ب

$$\hat{Y} = 34,014 + 1,479 X_{1} + 1,049 X_{2}$$
. ونقرم ہاختبار المعنویۃ الکلیۃ للنموذج - 2
$$\hat{R}^{2} = \frac{\hat{B}/X/Y}{Y/Y}$$

$$\hat{B}' X' Y = 33851,263$$

$$Y'Y = \begin{bmatrix} 50 & 63 & 61 & 50 & 56 & 72 & 62 & 60 & 54 & 70 \end{bmatrix}$$
 $\begin{bmatrix} 50 \\ 63 \\ 61 \\ 50 \\ 56 \\ 72 \\ 62 \\ 60 \\ 54 \end{bmatrix}$

Y'Y = 36270.

$$R^2 = \frac{33851,263}{36270} = 0,933$$

ومن أجل إختيار المعنوية الكلية للنموذج (أي إختبار معنوية R²) نحسب إحصاء F ونقا للصيغة :

$$F_{K-1,n-K} = \frac{R^2/(K-1)}{(1-R^2)/(n-K)}$$

K = m + 1 هي عدد المعلمات في النموذج (K = m + 1).

$$F_{K-1,N-K} = \frac{0.933/(3-1)}{(1-0.933)/(10-3)} = \frac{0.4666}{0.0095} = 49.15$$

وبالرجوع إلى جدول F نجد أن 4,74 = F_{2:7}

ولما كانت $F_{cal.} > F_{tab.}$ نقول أن النموذج المقدر مبعنوي وهناك على الأقل عامل واحد في النموذج المقدر عارس تأثيره على Y بشكل معنوى إحصائيا.

 X_2 و X_1 اختيار معنرية X_1 و X_2

ئبدأ باختبار معنرية X1.

لدينا:

$$t = \frac{\widehat{B}_{1}}{\sqrt{\left[\sum (Y - \widehat{Y})^{2}/(n - m - 1)\right]} \cdot A_{ii}}$$

وبالتالي :

$$t = \frac{1,479}{\sqrt{[22,67/7] \cdot 0,01039}}$$

$$=\frac{1,479}{0.1834}=8,064$$

وبالرجوع إلى جدول t لمجد أن : 2,36 = 17: 95%

إذا $t_{\rm tab.} < t_{\rm cal.}$ وبنفس الطريقة لطريقة والمعنوي بثقة والمعنوية الإحصائية لـ X_2 .

$$t = \frac{\widehat{B}_{2}}{\sqrt{\left[\sum (Y - \widehat{Y})^{2} / (n - m - 1)\right] \cdot A_{ii}}}$$

$$= \frac{1,049}{0.225} = 4,66$$

بينما X_2 ايضا معنوي بثقة $t_{tab.} < t_{cal.}$ اذا $t_{7; 95\%} = 2,36$ أيضا معنوي بثقة قدرها 95%.

إذا X_2 ر X_2 عاملان معنویان إحصائیا، ویفسران معا 93,3% من تغیر ($R^2 = 0.933$) Y

وعليه فإن معامل الإرتباط المتعدد R يساوي :

$$R^2 = \sqrt{R^2} = \sqrt{0.933} = 0.965$$

رهو يدل على علاقة قوية وطردية بين X_1 X_2 و X_1

يمكننا إختبار معنوية معامل الإرتباط بحساب إحصاء t وفقا للعلاقة :

$$t = \frac{R\sqrt{n-m-1}}{\sqrt{1-R^2}} = \frac{0.965\sqrt{7}}{\sqrt{1-0.933}} = \frac{0.807}{0.258} = 3.127$$

رهر معنوي إحصائيا لأن 2,36 = 17; 95

إذا النموذج المقدر جيد ومعنوي ويمكن إستخدامه في التوقع.

ولأن مستويات X_1 و X_2 الخاصة بالفترة 12 غيبر معلومة لذينا، لِذِلِكِ فِإِنِ X_1 الأمر يتطلب التوقع بهما وذلك عن طريق معادلة الإنجاء (1) $X_1 = \psi$.

 $\hat{X}_1 = a + b t$ الترقع بـ X_1 للفترة 12 براسطة

جدول رقم (18) ؛ المجاميع اللازمة لتقدير

\hat{X}_{1}	===	a	+	b	t	المعادلة	
---------------	-----	---	---	---	---	----------	--

t ²	X ₁ t	t	X ₁	الفترة
81	- 90	- 9	10	1
49	- 105	- 7	15	2
25	- 80,	- 5	16	3_
9.	- 24	- 3	8	4
1	- 15	- 1	15	5
1	20	+ 1	20	6
9	54	+ 3	18	7
25	75	+ 5	15	8
49	84	+7	12	9
81	153	+ 9	17	10
330	72	0	146	المجمرع

$$a = \frac{\sum X_1}{n} = \frac{146}{10} = 14.6, \ b = \frac{\sum X_1 t}{\sum t^2} = \frac{72}{330} = 0.218$$

$$\hat{X}_{1,1} = 14.6 + 0.218 t : 13!$$

$$k_{1,12} = 14.6 + 0.218 (13) = 17.434$$

 $\hat{X}_{2i} = a + b$ الترتع بـ $X_{2i} = a + b$ المادلة $X_{2i} = a + b$ المادلة $X_{2i} = a + b$ المجاهيع اللازمة لتقدير جدول رقم (29) ؛ المجاهيع اللازمة لتقدير

^								
X	_	=	2	+	h	t.	احلة	المعا
Z =	Ζt	_		4	~			

t ²	X ₂ t	t	X_1	الفترة
81	- 18	- 9	2	1_
49	- 56	- 7	8	2
25	- 15	- 5	3_	3
9	- 9	- 3	3	4
1	- 2	- 1	2	5
1	6	+ 1	6	6
9	9	+ 3	3	7
25	10	+ 5	2	8_
49	7	+ 7	1	9
81_	90	+ 9	10	10_
330	22	0	40	المجموع

$$a = \frac{\sum X_2}{n} = \frac{4}{10} = 4$$
, $b = \frac{\sum X_2 t}{\sum t^2} = \frac{22}{330} = 0,0666$

$$\hat{X}_{21} = 4 + 0,666 t$$
 : 13!

$$\widehat{X}_{2,12} = 4 + 0,666 (13) = 4,865$$
: ربالتالي

وبالتعريض عن 17,434 =
$$X_{1, 12} = 4,865$$
 و $X_{2, 12} = 4,865$ و المقدر : $\hat{Y} = 34,014 + 1,479 \, X_1 + 1,049 \, X_2$

ينتج لدينا:

$$\hat{Y}_{12} = 34,014 + 1,479 (17,434) + 1,049 (4,865)$$

 $\hat{Y}_{12} = 64,902$

ومن أجل تحديد مجال للتوقع، نحسب الخطأ المعياري للتوقع :

$$S_{\widehat{Y}_{1+2}} = \sqrt{\frac{\sum (Y - \widehat{Y})^2}{n - m - 1}} \cdot \sqrt{X_{PR}^{\prime} \cdot (X^{\prime} X)^{-1} \cdot X_{PR}}$$

$$\sqrt{\frac{\sum (Y - \widehat{Y})^2}{10 - 2 - 1}} \cdot \sqrt{\frac{21,7216}{7}} = 3,1 : \text{t.i.}$$

$$X_{PR.}(X'X)^{-1} \cdot X_{PR.} = \begin{bmatrix} 1 & 17,434 & 4,865 \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} 1,89833 & -0,12889 & 0,02089 \\ -0,12889 & 0,01039 & 0,00571 \\ 0,02089 & -0,00571 & 0,01564 \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} 1 \\ 17,434 \\ 4,865 \end{bmatrix}$$

$$S_{\widehat{Y}_{1+2}} = 3,1 \cdot 0,167 = 0,5177$$
 : آذا $\widehat{Y}_{1+2} \pm t_{\alpha} S_{\widehat{Y}_{1+2}}$: المجال يتحدث وفقا له :

إذا المجال المترقع بثقة قدرها 95% (حيث 2,365 = 2,365) هو : 64,902 ± 2,365 : 0,5177 64,902 ± 1,2243 الترقع بـ Y للفترة 12 باحتمال 95%

4 - 3 - التنبق باستخدام تقديرات الخبراء

لقد أشربًا سابقا إلى أن التنبؤ يختلف عن التوقع من حيث كونه يهتم بالطواهر الكيفية وبالتغيرات الطارئة، التي تعجز النماذج الإحصائية عن المعرفة المسبقة بها. فالواقع أن الظواهر الإقتصادية والإجتماعية بالغة التعقيد والاعتماد على معطيات الماضي لتصوير المستقبل أمر في غاية الشك، وتبقى هذه هي نقطة الضعف الرئيسية للتوقع باعتباره يعتمد على صياغة معطيات الماضي في غوذج ومن ثمة مدها إلى المستقبل.

إن الظواهر الإقتصادية والإجتماعية في تغير مستمر، ويمكن القول بأن حقيقة هذه الظواهر أكثر تعقيدا من أدق النماذج الرياضية، وسرعة تغيرها دوما تسبق تطور المعرفة الإنسانية، هذه الأخيرة تبقى دوما نسبية.

إن التنبؤ يعتمد على تفعيل خبرة الإنسان في موضوع ما وأشهر طريقة في هذا المجال هي طريقة دلفي التي سبق وأن أشرنا إليها، تعتمد هذه الطريقة على توجيه أسئلة محددة إلى مجموعة من الجزاء مثل: هل سبتم تعميم إستخدام الطاقة الشمسية قبل سنة 12000، هل سترتفع أسعار المحروقات خلال السنة المقبلة؟. هل ستحدث حربا في منطقة معينة في الخمس سنوات المقبلة؟. وغيرها من الأسئلة الممكنة. وتتميز طريقة دلفي عن بقية الطرق التي تعتمد على تقديرات الخبراء بأنها تعتمد على السرية Anonymat، أي عدم معرفة الخبراء لبعضهم البعض كما تتم عادة على عدة جولات [أنظر المراجم 19، 25، 33].

إن خبرة الإنسان دوما ضرورية حتى بالنسبة للمسائل التي تم بشأنها إعداد

غاذج إحصائية وذلك للتأكد من الفرض القائل بعدم التغير في الشروط والظروف العامة المحيطة بالظاهرة المدروسة في الفترة المستقبلية، ففي بحث حول المديونية الخارجية للجزائر تم التوقع برصيد الدين الخارجي لسنة 2000 إعتمادا على سلسلة زمنية للفترة 1967 / 1993 حيث دلت نتائج التوقع على أن رصيد الدين الخارجي سيكون في حدود 38 مليار دولار سنة 2000، بعد أن كان لايتجاوز 28 مليار دولار بالنسبة لأخر سنة في السلسلة الزمنية أي في سنة 1993، ولما كان موضوع المديونية الخارجية بالغ التعقيد تتحكم فيه عوامل داخلية وخارجية، عوامل إقتصادية وسياسية في غاية التشابك ومن أجل تأكيد صحة هذا الاتجاه نحو الزيادة في رصيد الدين الخارجي، تم إعتماد طريقة تقديرات الخبراء حيث أكدت نتائجها الاتجاه نحو الزيادة المحيطة الخارجي، ثم إعتماد طريقة تقديرات الخبراء حيث أكدت نتائجها الاتجاه نحو الزيادة بلحيطة الخارجي، أي أن الخبراء أكدوا على إستمرار الظروف والشروط العامة المحيطة بظاهرة المديونية الخارجية للجزائر في الفترة المستقبلية—آفاق سنة 2000.

إن أبسط الطرق لاستخدام تقديرات الخبراء في التنبؤ هي إعطاءهم مجموعة من البدائل المكنة لظاهرة معينة ويطلب منهم ترتيبها حسب أولوية حدوثها مستقبلا، ويراعي أن تتم الإجابة دون معرفة الخبراء لبعضهم البعض أي في السرية.

- 4 3 1 خطوات إستندام تقديرات النبراء في التنبؤ
 - 1 تحديد موضوع التنبؤ بدقة وإعداد البدائل المكنة.
 - 2 تحديد مجموعة الخبراء.
 - 3 الحصول على تقديرات الخبراء.
 - 4 تحليل نتائج تقديرات الخبراء.

وقيماً يلي شرح هذه الخطوات :

1- تحديد موضوع التنهؤ بدقة وإعداد البدائل المكنة، يقصد هذا التحديد الدقيق لموضوع التنبؤ بحيث يزيل كل تساؤل ويكون واضحا خاصة لدى الخبراء، كما يجب أن تكون البدائل المكنة أيضا واضحة ولاتثير أي إبهام.

2- تحديد مجموعة الخبراء، تعتبر هذه أهم خطرة في العملية، حيث يفترض في مجموعة الخبراء التي تشارك في إعداد التنبؤ، الكفاءة العالية، أي الخبرة العلمية والعملية في المسألة المطروحة للتنبؤ، درجة كفاءة الخبير في موضوع معن يمكن تحديدها براسطة معامل الكفاءة A [9 ص 158] والذي يحسب وفقا للصيغة :

$$A = \frac{\sum Y_{ij}}{\sum Y_{i}}$$

حيث A معامل الكفاءة.

i 3- المعامل النسبي المحصل غليه حسب الحالة للوائد النسبة لمؤشر الكفاء

Y المعامل النسبي الأقصى بالنسبة لمؤشر الكفاءة i.

فمثلا إذا حصل أحد الخبراء على العلامات التالية [أنظر الجدول رقم 30]:

- الخبرة المهنية في الموضوع المطروح: 5 سنوات [0,42].
- أشكال المشاركة في الإشراف والبحث العلمي في الموضوع المطروح: مشرف على عمل واحد [0,60]،
- رجرد الدرجة العلمية والتي لها علاقة بالموضوع المطروح: ماجستير (0,52)،

مؤشرات الكفاءة ومعاملاتها النسبية

ପ
30)
L:
ے
A.

					-		-
اللخبير (٪).	0,89	0,65	0	0,40	0.27	-	000
مستوى دفية التنبؤات السابقة	90	60	0	30	10		0
حول الموضوع المطروح.	0,72	0,66		0,60			0,00
المتارده في الملتقيات الدولية	لقاءمحاضوا	مداخلات في	ملتقبات دولية	مشاركة فه	ي مهام خارج الوطن	علن	
الباحث في ساول المسالة المطروحة.	0,66			0,55			0,43
المصادر المعلومات التي سيمتعلها	ظرية و (او)	أعمال معد	ولنين من د	ة لمؤلفين من داخل الوطن أو خارجه	خارجه	آراء مستعا	ة من أغدس
مي الموضوع المطروح.	0,65		0,56	-	0,47		0,00
الابحاث والكتب المنجزة		متالات عل	F	ا و	تقارير		
علامه بالموضوع المطروح.			0,52			0,00	
وجود الدرجه العلمية والتي لها			ماجستير				
المعلى في الموصوع المطروع.	0,70	0,60	-		0,49		0,39
الداد والبحث	مشرف على	مشرف على	عمل واحد	مشارك في إ	إنجاز عدة أعمال	مشارك فع	شارك في إنجاز عمل واحد
1 - 1 - 1 - 1 - 1 - 1 - 1 - 1 - 1 - 1 -	2 0,27	0,5,	0,48	0,54	0,60	0,66	0,74
النظروح (بالسندات).	0.77	+	,			,	
الخبرة المهنية في الموضوع	3 2	5 4	6	7	00	0	ر: الم الم
مؤشرات الكفاءة أ		البدائل	البدائل المكنة لا ومعاملاتها	alakty Lix			
			1				

المصدر: المرجع رقم 9، مص 159.

- الابحاث والكتب المنجزة في الموضوع المطروح : مجموعة مقالات منشورة [0,56].
- مصادر المعلومات التي سيعتمدها الباحث في تناول المسألة المطروحة : معلومات نظرية وميدانية [0,66].
- المشاركة في الملتقيات الدولية حول المسألة المطروحة : مداخلات في ملتقيات دولية [0,66].
 - وبالتالي فإن معامل الكفاءة لهذا الخبير سيكون : $A = \frac{0.42 + 0.60 + 0.52 + 0.56 + 0.66 + 0.66 + 0.0}{0.74 + 0.70 + 0.65 0.65 + 0.72 + 0.89} = \frac{3.42}{5.01}$ A = 0.682.

برتب الخبراء حسب معاملات الخبرة ويتم إنتقاء العدد المطلوب من الخبراء الأوائل مع الإشارة إلى أن عدد الخبراء لابجب أن يقل عن عدد البدائل المطروحة للتنبؤ [9 ص 160].

3 - الحصول على تقديرات الخبراء، يتم أولا إعداد الإستمارة التي ستقدم إلى الخبراء لملئها سواء بالمراسلة أو بالمقابلة، ويفضل عادة أن يتم جمع آراء الخبراء بمعزل عن بعضهم البعض وذلك لتفادي تأثير آراء أحد أو بعض الشخصيات المشاركة على آراء بقية الخبراء. الأسئلة أو البدائل المطروحة يجب أن تكون واضحة كما أشرنا وخالية من أي إبهام خاصة إذا كانت عملية صبر الآراء سيتم بالمراسلة.

بعد حصولنا على إجابات الخبراء ننتقل إلى الخطوة الموالية.

4 - تحليل نتائج تقديرات الجزاء، يتم تفريغ الإجابات في جدول يكون شكله كالتالي عندما يتعلق الأمر بترتيب بدائل معينة من طرف الخبراء :

جدول رقم(31) ؛ ترتيب الخبراء للبدائل التنبؤية والمجاميع اللازمة لحساب معامل الاتفاق واختبار معنوبته

حسو يحم		19 0	0-0	 				
الخبراء	1	2	3	 m	$\sum_{J=1}^{m} C_{iJ}$	الترتيب	Δ	Δ^2
البدائل							_	
X_1	C ₁₁	C ₁₂	C ₁₃	C _{1m}	$\sum_{m=1}^{\infty} C_{1J}$			
X ₂	C ₃₁	C ₂₂	C ₂₃	C _{2m}	-			
					$\sum_{J=1}^{\infty} C_{3J}$			
					m			
X_n	C_{n1}	C_{n2}	C_{n3}	C _{nm}	$\sum_{J=1}^{m} C_{mJ}$			
$\sum_{i=1}^{n} C_{ij}$	$\sum_{i=1}^{n} C_{i1}$	$\sum_{i=1}^{n} C_{i2}$	$\sum_{i=1}^{n} C_{i3}$	 -	$\sum_{i=1}^{n} C_{ij} =$	-	-	$\sum \Delta^2$
					$\sum_{J=1}^{\infty} C_{iJ}$			

حيث C_{iJ} هو ترتيب البديل i من طرف الخبير J.

m عدد الخبراء.

n عدد البدائل المطروحة.

X_i البدائل المطروحة (n 1,2 البدائل المطروحة (i = 1,2

نقوم بعدها بحساب معامل الاتفاق المقترح من طرف كندال وسميت -W- وذلك لقياس مدى إتفاق الخبراء في آرائهم.

$$W = \frac{12 \text{ S}}{\text{m}^{2} (\text{n}^{3} - \text{n})}$$

حىث :

$$S = \sum_{i=1}^{n} \left\{ \sum_{J=1}^{m} C_{iJ} - \frac{\sum_{i=1}^{n} \sum_{J=1}^{m} C_{iJ}}{\prod_{i=1}^{m} \prod_{J=1}^{m}} \right\}^{2}$$

منرمز لما بين القوسين بد ∆ أي :

$$\Delta = \sum_{J=1}^{m} C_{iJ} - \frac{\sum_{i=1}^{n} \sum_{J=1}^{m} C_{iJ}}{n}$$

ربعدها نختبر المعنوية الإحصائية لمعامل الاتفاق باستخدام كاي مربع χ² والمحسوب وفقا للصيغة التالية المقترحة من طرف كندال:

$$\chi^2 = m (n-1) W$$

ريتم مقارنة المقدار المحسوب ل $\chi^2_{cal.}$ بقيمته النظرية في جدول $\chi^2_{cal.}$ بدرجات $\chi^2_{tab.}$ من $\chi^2_{cal.}$ ثقرها $\chi^2_{cal.}$ أكبر من دلالة مختار $\chi^2_{cal.}$ أكبر من أكبر من أن معامل الاتفاق المحسوب معنوي ولم يكن نتيجة الصدفة وذلك بثقة قدرها $\chi^2_{cal.}$ 100 - $\chi^2_{cal.}$

مثال:

طلبنا من مجموعة من الخبراء عددهم عشرة ترتيب خمسة بدائل محتملة

لتطور رصيد الدين الخارجي للجزائر، آفاق سنة 2000، وذلك طبقا لمجمل المعطيات الاقتصادية والاجتماعية والسياسية التي بحوزتهم وكانت نتائج تقديراتهم كالتالي [36] ص ص 78–79]:

جدول رقم (32) ؛ نتائج تقديرات النبراء

الخبراء	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	$\sum_{i=1}^{5} \sum_{j=1}^{10} C_{ij}$	الترتبب	Δ	Δ^2
البدائل المكنة														
X سينخفض قليلا	4	5	4	4	4	4	3	4	4	4	40	4	10	100
X ₂ سينخفض يشكل ملحوظ	5	4	5	5	5	5	4	5	5	5	48	5	18	324
X ₃ سيبقى في إستقرار	3	3	3	3	3	2	2	3	3	1	26	3	-4	16
X ₄ سيرتفع قليلا	1	2	2	2	1	1	1	1	1	2	14	1	-16	256
X ₅ سيرتقع يشكل ملحوظ	2	1	1	1	2	3	5	2	2	3	22	2	-8	64
$\sum_{J=1}^{10} \sum_{i=1}^{5} C_{iJ}$	15	15	15	15	15	15	15	15	15	15	150	-		760

معامل الاتفاق كان مساويا ل:

$$W = \frac{12 \text{ S}}{\text{m}^{2} (\text{n}^{3} - \text{n})}$$

$$W = \frac{12(760)}{100(125-5)} = \frac{9120}{12000} = 0,76$$

أي أن 76% من الخبراء الذين شاركوا في التنبؤ كانوا متفقين حول الترتيب

http://www.opu-lu.cerist.dz

السابق، أي متفقين بأن رصيد الدين الخارجي للجزائر يتجه نحو الارتفاع القلبل في الفترة المستقبلية، آفاق سئة 2000.

و من أجل إختبار معنوبة معامل الاتفاق نحسب χ^2 كالتالي :

$$\chi_{cal.}^2 = m(n-1)W$$

= 10 (5 - 1) 0,76 = 30,4.

 $\chi^{2}_{4:5\%} = 9,488$ بالرجوع إلى جداول χ^{2} نجد أن

ويما أن $\chi^2_{lab.} < \chi^2_{cal.}$ فإنه يمكن القول، بأن معامل الاتفاق المحسوب معنوي ولم يكن نتيجة الصدفة بثقة قدرها 95%. بل ويمكن القول بأن معامل الاتفاق المحسوب معنوي بثقة قدرها 99% لأن $\chi^2_{4;\,0,01\%} = 13,277$.

نمارين :

1 - إذا كانت لدينا الإحصاءات التالية خاصة بقيمة الصادرات الجزائرية
 (مليون دولار) خلال الفترة 1987 - 1994.

1994	1993	1992	1991	1990	1989	1988	1987	السئة
9,698	11,156	12,168	13,026	13,887	10,486	8,541	10,190	الصادرات

والمطلوب هو التوقع بقيمة الصادرات لسنتي 1996 و 1997 باستخدام معادلة الإتجاء $\hat{Y} = a + b$ الإتجاء $\hat{Y} = a + b$ المعاديد مجال التوقع بثقة قدرها 95%.

2 - إذا كانت لديك الإحصاءات التالية خاصة بقيمة الواردات (مليون دولار)
 الجزائرية خلال الفترة 1988 - 1994.

1994	1993	1992	1991	1990	1989	1988	السنة
12,919	11,497	12,606	10,643	12,448	11,762	10,592	الواردات

والمطلوب هو التوقع بقيمة الواردات الجزائرية لسنتي 1995 و 1996 باستخدام معادلة الإتجاه من الشكل $\hat{Y} = a + b$ مع تحديد مجال التوقع بثقة قدرها 95% و 99%.

3 - إذا كانت لدينا البيانات التالية خاصة بحجم الإنتاج (X) وتكلفة وحدة واحدة من المنتجات في مصنع للإسمنت (Y) خلال خمسة عشرة سنة :

1995	1994	1993	1992	1991	1990	1989	1988	1987	1986	1985	1984	1983	1982	1981	السنة
															الإنتاج
14	13	12	10	9	8	7	6	6	6	5	4	4	3	2	(ألف
															تطمة)X
		-						,							تكلنة
															التطمة
2	1	- 1	2	3	5	4	3	4	5	5	6	7	10	8	الواحدة
															(دينار) Y

المطلوب : هو تقدير العلاقة الإحصائية بين حجم الإنتاج X وتكلفة القطعة الواحدة Y ، مع التوقع بالتكلفة عندما X=1,80

4 - لدينا الإحصاءات التالية:

1997	1996	1995	1994	1993	1992	1991	1989	1988	1987	1986	1985	1984	السنة
14	14	11	11	10	9	9	6	6	5	5	2	2	المساحة المزروعة بالكروم (ألف هكتار) X
0.3	21	20	10		10								المحصول من
23	21	20	18	17	12	12	10	9	4	4	3	2	العنب (ألف طن} Y

.
$$\hat{Y} = a_0 + a_1 X_{t-1} :$$
قدر النماذج التالية $\hat{Y} = a_0 + a_1 X_{t-2}$
$$\hat{Y} = a_0 + a_1 X_{t-2}$$

$$\hat{Y} = a_0 + a_1 X_{t-2} + a_2 t$$

أي هذه النماذج أفضل ٢. إستعمل النموذج الأفضل للحصول على التوقع بالمحصول على التوقع بالمحصول من العنب (Y) بالنسبة لسنة 1999، مع تقدير مجال التوقع باحتمال 95%. 5 - لدينا الإحصاءات التالية :

معدل تنفيذ خطة	مترسط عمر	مسترى مكننة	مسترى إنتاجية	السئة
الإنتاج X ₃ (٪)	العاملين (سنة) X ₂	(X ₁) // العمل	العمل طن/سا (Y)	
127	33	32	20	1983
120	31	30	24	1984
116	41	36	28	1985
117	39	40	30	1986
106	46	41	31	1987
128	43	47	33	1988
109	34	56	34	1989
114	38	54	37	1990
115	42	60	38	1991
121	35	55	40	1992
110	39	61	41	1993
111	44	67	43	1994
108	40	69	45	1995
113	41	76	48	1996

 $\hat{Y} = \hat{a}_0 + \hat{a}_1 X_1 + \hat{a}_2 X_2 + \hat{a}_3 X_3$ المطلوب : بناء النموذج $\hat{Y} = \hat{a}_0 + \hat{a}_1 X_1 + \hat{a}_2 X_2 + \hat{a}_3 X_3$ النموذج النهائي إستخدمه للتوقع واختيار جودته، وبعد الوصول إلى شكل النموذج النهائي إستخدمه للتوقع بسترى الإنتاجية لسنة 1999.

:	التالية	ءات	الإحصا	لديئا	-	6
	-			_		

	10	9	8	7	6	5	4	3	2	1	الفترة
	17	12	15	18	20	15	8	16	15	10	X_1
Γ	10	1	2	3	6	2	3	3	8	2	X_2
Γ	70	54	60	62	72	56	50	61	63	50	Y

 $\hat{Y} = \hat{a}_0 + \hat{a}_1 X_1 + \hat{a}_2 X_2 + \hat{a}_3 t$ المطلوب: تقدير النموذج المجال والتأكد من جودته ثم إستخدامه للتوقع بـ Y للفترة 13 مع تحديد المجال باحتمال 95%.

7 - لدينا الإحصاءات التالى:

10	9	8	7	6	5	4	3	2	1	الفترة
18	16	12	14	10	15	13	17	12	10	Y
10	9	3	5	3	6	2	8	2	2	X_1
11	10	3	7	4	8	4	10	2	1	X ₂

, $\hat{Y} = \hat{a}_0 + \hat{a}_1 X_1 + \hat{a}_2 X_2$ المطلوب : تقدير النموذج في شكله الخطي $X_1 + \hat{a}_2 X_3$ للفترة 12. واختيار معنويته، إستعمل النموذج في شكله الأخير للتوقع بـ Y للفترة 12.

هل يؤدي إدخال عنصر الزمن ٤ كمتغير مستقل إلى تحسين النموذج؟ وهل يؤدي إلى الحصول على توقع أدق ٤ بين ذلك.

8 - ترشحت 5 أحزاب رئيسية في البلاد للإنتخابات البرلمانية، وقد تم إستشارة 10 خبراء في الشؤون السياسية للبلد المعني، وذلك بهدف التنبؤ بنتائج

الإنتخابات وكانت تقديراتهم كالتالي ؛

						And it was distanced			_		
	10	9	8	7	6	5	4	3	2	1	رقم الخبير
r	2	2	4	3	2	5	2	4	4	2	1
	4	1	1	1	4	1	4	2	1	3	2
	1	4	2	3	1	2	1	1	2	1	3
	3	5	5	4	3	4	5	3	5	5	4
	5	3_	3	5	5	3	3	5_	3	4	5

المطلوب: ترتيب الأحزاب حسب آراء الخبراء مع تقدير جودة هذه التنبؤات وذلك بحساب معامل الإتفاق واختبار معنوبته.

القيم الحرجة لتوزيع ١

	α%									
درجات الحرية (V)	25	10	5	2	1	0,1				
	2.41	6.21	10.71	21.00	62.70	627.0				
1 2	2,41	6,31	12,71	31,82	63,70	637,0				
2	1,60	2,92	4,30	6,97	9,92	31,6				
3	1,42	2,35	3,18	5,54	5,84	12,9				
5	1,34	2,13	2,78	3,75	4,60	8,61				
6	1,30	2,01	2,57	3,37	4,03	6,86				
7	1,27	1,94	, 2,45	3,14	3,71	5,96				
6	1,25	1,89	2,36	3,00	3,50	5,40				
8 9	1,24	1,86	2,31	2,90	3,36	5,04				
	1,23	1,83	2,26	2,82	3,25	4,78				
10	1,22	1,81	2,23	2,76	3,17	4,59				
11	1,21	1,80	2,20	2,72	3,11	4,44				
12	1,21	1,78	2,18	2,68	3,05	4,32				
13 14	1,20	1,77	2,16	2,65	3,01	4,22				
15	1,20	1,76	2,14	2,62	2,98	4,14				
16	1,20 1,19	1,75 1,75	2,13	2,60 2,58	2,95	4,07				
17	1,16	1,74	2,12 2,11	2,57	2,92 3,90	4,01 3,96				
18	1,19	1,73	2,10	2,55	2,88	3,92				
19	1,19	1,73	2,09	2,54	2,86	3,88				
20	1,18	1,73	2,09	2,53	2,85	3,85				
21	1,18	1,72	2,08	2,51	2,83	3,82				
22	1,18	1,72	2,07	2,51	2,82	3,79				
23	1,18	1,71	2,07	2,50	2,81	3,77				
24	1,18	1,71	2,06	2,49	3,80	3,74				
25	1,18	1,71	2,06	2,49	2,79	3,72				
26	1,18	1,71	2,06	2,48	2,78	3,71				
27	1,18	1,70	2,05	2,47	2,77	3,69				
28	1,17	1,70	2,05	2,47	2,76	3,67				
29	1,17	1,70	2,05	2,46	2,76	3,66				
30	1,17	1,70	2,04	2,46	2,75	3,65				
40	1,17	1,68	2,02	2,42	2,70	3,55				
60	1,16	167	2,00	2,39	2,66	3,46				
120	1,16	1,66	1,98	2,36	2,62	3,37				
00	1,15	1,64	1,96	2,33	2,58	3,29				
	من جانب واحد									
V	12,5	5	2,5	1	0,5	0,05				

	_	_	_		_	_	_	_		_					_																	
8	120		40	30	25		23	22	21	20	19	, i 00	17	15	15	14	13	12	11	10	9	00	7	Φ	Us.	4	ىي	2	-	المتار	ر حان المراح	
3,84	3,92	4,00	4.08	4,17	4,24	4,26	4,28	4,30	4,32	4,35	4,38	4,41	4,45	4,49	4,54	4,60	4,67	4,75	4,84	4,96	5,12	C)	Un I	5,99	6,61	7,71	10.1	18,5	181			
-	3,07	3,1	3,2	3,31	3,39	3,40	3,42	3,44	1.3	3,49	3,52	3,55	3,59	3,63	2,68	3,74	3,81	3,89	3,98	4,10	4,26	4,46	4,74	5,14	5,79	6,94	9,55	19,0	1007	2		
2,60	2,68	2,76	2,84	2,92	2,99	3,01	3,03	3,05	3,07	3,10	3,13	3,16	3,20	3,24	3,29	3,34	3,41	3,46	3,59	3,71	3,86	4,07	4,35	4,76	5,41	9,59	9,28		7161	ω		
2,37	2,45	2,53	61	2,69	2,76	2,78	2,80	2,82	2,84	2,87	2,90	2,93	2,96	3,01	3,06	3,11	3,18	3,26	3,36	3,48	3,63	3.84	4,12	4,53	5,19	6,39	9,12	2	277	4		
2.21	2,29	w	4	2,53	6	6	2.64	2,66	2.68	2,71	2,74	-1	OÓ	2 85	4	2,96	03	P44	20]	33	48	Ó	9	بي	_	6,26	_	•	720	S		
2,10	2,18	2,25	2,34	2,42	2,49	2,51	2,53	2,55	2,57	2,60	2.63	2,66	2,70	\rightarrow	2,79	2,85	2,92	3,00	3,09	3,22	سا	3,58		1,28	1,95	5,16	_	9,3	234	6		l
2,01	2,09	-	2,25	2,33	2,40	2,42	2,44	2,46	2,49	2,51	2,54	2.58	2,61	2,66	2,71	4	2,83	2,91	3,01	3,14	3,29	3,50	_	4,12	4.88	6,09	8,89	4	727	7	b -	
1,94	2,02	2,10	2,18	'n	2,34	2,36	2,37	2,40	2,42	2,45	2,48	151		2,59		2,70	2,77	2,85	2,95	3,07	3,23	3,44 3	3,73	4,15 4	4,82 4	6,04 6	8,85 8	19,4	1657	<u>.</u>	2	١
1,88	1,96	2,04	2,12	2,21	2,28	2,30	2,32	2,34	2,37	239		_	49	2,54	-59	5	<u></u>	_	0	3,02	3,18	C	6	101,	1,77 6	ō	.81 8	9,4 1	741	9	<u>جات الم</u>	
1,83	1,91		2,08		2,24	2,25		2,30	2,32	2,35	(J)	2,41	4	4	Ų	2,60	67	75	2,85		3,14	3,35	3,64	, 60,1	1,74 4	5 96	7	100	1747	10		
1,75	1,83	1,92	2,00	2,09	2,16	2,18	2,20	2,23	2,25	2,28	2,31	;3. 4		,42	48	153	0	,69	9		3,07		3,57 3	0	_	<u>;-</u>	,74	400	244	12		
1,67	1,75	1,84	1,92	2,01	2,09	2,11	2,13	2,15	2,18		2,23	į,		2,35	4	2,46	53	2	4	85	<u> </u>	12	3,51		4	,66 3		9.	746	15		
1,57	1,56	1,75	1.84	1,93	2,01	2,03	2,05	2,07	2,10	2,12	2,16	2,19	2,23	2,28	2,33	2,39	-	į		7	_	3,15	4	3,87	9	5,80 5	66	9,4	248	20		١
1,52	1,61	1,70	1.79	1,89	1,96	1,98	2,01	2,03	2,05	2,08	2,11		2,19	2,24	i	2,35	,42	151	.61	.74	-	3,12	3,41 3	00		5,77	ò	9,5	249	24		١
1,46	1,55	1,65	1,74	-	1,92				2,01	2,04		Ξ	15	2,19	125	121	00	47	57	0	Ġ	3,08 3		3,81 3	th		62	9,5	7007	30		
1,39	1,50	1,59	1,69	_	1,87	1,89	1,91	-	_	1,99	2,03	90,	10	_	,20	7	34	2,43 2		•66	. 63 2	4	,34 3	,77 3	,46 4	2	-00	5 1	┨	6		١
1,32	1,43	1,53	1,64	1,74	1,82	1,84	1.86	1,89	1,92		1,98		0		16	2	30	38 2	9	.62	,79	01	30	7	4	69	7 8	5	1	60		l
1,22	1,35	1,47	1,58	1,68	7	_	<u>- بـ ر</u>	4	1,87	_	(J)	7	<u> </u>	90		00	125	34	45	156	75	.97	27 3	,70 3	0 4	. 0	00	5 1	233 Z	120		
1,00	1,25	1,39	1,51	1,62	1,71	1,73	1,76	1,78	1.81	1,84	89	1,92	1,96	10,2	7.07	13	,21	30	40	254	,71	93	123	,67	37	63	53	9,5	ᅝ	8		

χ^2 القيم الحرجة لتوزيع

			V C#139— -	
V	$\alpha = 0.10$	$\alpha = 0.05$	$\alpha = 0.01$	$\alpha = 0,001$
1	2,71	3,841	6,635	10,827
2	4,61	5,991	9,210	13,815
3	7,78	9,488	13,277	16,268
4	7,78	9,488	13,277	18,465
5	9,24	11,070	15,080	20,517
6	10,6	12,592	16,812	22,457
7	12,0	14,067	18,475	24,322
8	13,4	15,507	20,000	26,125
9	14,7	16,919	21,666	27,877
10	16,0	18,307	23,209	29,588
11	17,3	19,675	24,725	31,264
12	18,5	21,026	26,217	32,909
13	19,8	22,362	27,688	34,528
14	21,1	23,685	29,141	36,123
15	22,3	24,996	30,578	37,697
16	23,5	26,296	32,000	39,252
17	24,8	27,587	33,409	40,790
18	26,0	28,869	34,805	42,315
19	27,2	30,144	36,191	43,820
20	28,4	31,410	37,566	45,315
21	29,6	23,671	38,932	46,797
22	30,8	33,924	40,289	48,268
23	32,0	35,172	41,638	49,728
24	33,2	36,415	42,980	51,179
25	34,4	37,337	44,314	52,620
26	35,6	38,885	45,642	54,052
27	36,7	40,113	46,963	55,476
28	37,9	41,337	48,278	56,893
29	39,1	42,557	49,588	58,302
30	40,3	43,773	50,892	59,703
40	51,8	55,8	63,7	73,4
50	63,2	67,5	76,2	86,7
60	74,4	79,1	88,4	99,6
70	85,5	90,5	100,4	112,3
80	96,6	101,9	112,3	124,8
90	107,6	113,1	124,1	137,2
100	118,5	124,3	135,8	149,4

قائمة المراجع

1 - هسلم نيب الخياط، تقييم تجربة التوقع الاقتصادي. مجلة النفط والتعاون العربي، المجلد التاسع، العدد الرابع، والتعاون العربي، المجلد التاسع، العدد الرابع، 1993. منظمة الأقطار العربية المصدرة للبترول

الكويت.

2 - GALANSKI M. M, Prevision Economique, Naouka, Moscou, 1983.

3 - عولف جماعي، الكتاب العملي في التوقع، ميسل، موسكو، 1982، (بالروسية).

4 - COLIN D.LEWIS,

Industrial and Business Forecasting

Methods, Butterworthh, Scientific,

GB. (Version Russe, Finance et

Statistique, Moscou, 1986).

5 - MAKRIDAKISS, Choi et valeur des méthodes de WHEEL WRIGHT S.C, prévision. Les éditions d'organisation, Paris, 1974.

6 - عز الدين جهنب، نظرية الإحصاء. ديران المطبوعات الجامعية. الجزائر، 1984.

7 - عصام عزيز شريف، مقدمة في القباس الإقتصادي. ديوان المطبوعات
 الجامعة، الجزائر، 1979.

8 - R. LEWANDOWSKI, La prevision a court terme, Dunod Paris, 1979.

9 - ف.ف دينسكين، أسس التوقع الإقتصادي في الصِناعات الغدائية، موسكو، مطبعة الصناعات الخفيفة والغدائية، موسكو، 1984، (بالروسية).

القياس والتنبؤ في الاقتصاد. دار النهضة العربية، القاهرة، الطبعة الأولى، 1978.

النظرية العامة للاحصاء. مطبعة المالية والإحصاء، موسكو، 1985 (بالروسية).

الإقتصاد القياسي، النظرية والتطبيق، الدار المصرية اللبنائية، الطبعة الأولى، القاهرة، 1994. النمذجة الإحصائية للمؤشرات الاقتصادية في

النمذجة الإحصائية للمؤشرات الاقتصادية في عمليات الانتاج، ناوركا، نوفرسيبرسك 1982، (بالروسية).

بناء وتفسير غاذج الإرتباط في الاقتسساد، وناتي، ريفا، 1983، (بالروسية).

الطرق الاحصائية للتوقع، الاحصاء، موسكو، 1975، (بالروسية)، 10 - إبراهيم العيسوس،

11 - فولبرف، ا.م. کازلوف ف.س،

12 - مجدي الشوربجي،

13 - سوكولوف ف،م،

14 - ڪراستين. آ.ب،

15 - تشيتيركين

16 - ERHARD FÖRSTER, Methoden der korrelations und B.RÖNZ,
 Regrressionsalalyse, verlag die wirtschaft, Berlin, 1979.

17 - JOHNSTON,

Econometic methods, university of manchester, England (version Russe, statistika, 2ème édition, Moscou, 1980).

دراسة إقتصادية وإحصائية حول الصناعات التحويلية بالجزائر، رسالة دكتوراه، أوديسا، 1987.

الطرق الرياضية الإحصائية لتقديرات الخبراء، الطرق الرياضية الإحصائية لتقديرات الخبراء، في،ف، فهرفيتش، ستاتيستكا، موسكو، 1980 (بالروسية). أسس التوقع الإقتصادي والإجتماعي، فبشايا عم. كروكا، شكولا، موسكو، 1985 (بالروسية).

21- MICHAEL FIRTH,

Forecasting methods in Business and management. Edward Arnold, London 1977, England.

22 - عبد العزيز شرابي، الرياضيات الإقتصادية، المصفوفات. ديران المطبوعات الجامعية، الطبعة الثانية، الجزائر، 1993.

23 - FORSTER F.G, STUART A. Distribution - Free Tests in Times Series Based on The Breaking of Records- "Journal of Royal statistical society", SER B.L. V. XVI N°1, 1954.

24-LEONARD J. KAZMIER, Statistique de la gestion, Série Schaum, Mc, Graw-Hill, 1982.

25 - N.DALKEY, La previon a long terme par la

méthode delphi. Dunod, Paris, 1972.

26 - BROWN R. G, Statistical forecasting for inventory

control. New York. Mc, Graw- Hill,

1959.

27 - CHOW W. M, Adaptive control of the exponential

smoothing constant, journal of the

industrial engenering, 16, N°5,

314-1965.

28 - B. COUTROT, Les méthodes de prevision, P.U.F,
J.J. DROES BEKE, 2ème édition, Paris, 1990.

29 - كاراليف بي.ق، طريقة المربعات الصغرى في البحرث الإقتصادية والإجتماعية، ستاتيستيكا، موسكو، 1980،

(بالروسية).

30 - EDWARD J. KANE, Econometric statistics, an introduction to quantitative Economics (version russe), statistika, Moscou, 1977.

31 - J. TINTNER, Introduction a l'econometrie, (version russe), statistika, Moscou, 1965.

32 - 1.1. فرنكل، إنتاجية العمل : مشاكل النيذجة، إكرنوميكا، مداكل النيذجة، إكرنوميكا، موسكو، 1984.

33 - عليد عبد الدي، الدراسات المستقبلية في العلاقات الدولية، السيد عبد الدي الشهاب مطبعة باتنة، الجزائر، الطبعة الأولى، الشهاب مطبعة باتنة، الجزائر، الطبعة الأولى، 1991 (بالروسية)،

34 - دو هنيك سالقاتور، الإحصاء والإقتصاد القياسي، سلسلة ملخيصات معيد من الجزائر، شرم، ديوان المطبوعات الجامعية، الجزائر،

35 - ONS, Serie statistique N°31 Alger.

36 - شرابي عبد العزيز، أزمة المديرنية الخارجية للجزائر، دراسة تحليلية ومستقبلية، بحث أنجز في إطار رحدة الهجث ومستقبلية، بحث أنجز في إطار رحدة الهجث إفريقيا -العالم العربي، جامعة قسنطينة، 1995،

فهرس المحتويات

05	عقدمة
	الغصل الأول : بعض المفاهيم الأساسية في التوقع بالظواهر
09	ال قتصادية والل جتماعية
09	1 - 1 - المفاهيم الأساسية
09	1 - 1 - 1 - التقدير
11	r - 1 - 2 - 1 - 1 - 2 - 1 - 1
11	1 - 1 - 3 - 1 - 1
12	1 - 1 - 4 - 1 التخطيط
13	1 - 2 - تصنيف تقنيات التوقع
16	1 - 3 - إختيار تقنية الترقع
17	1 - 4 – تقييم تقنية التوقع
20	الغصل الثاني ؛ السلاسل الزمنية
20	2 - 1 - مفهرم السلسلة الزمنية
20	2 - 2 - المؤشرات الأساسية للسلاسل الزمنية
23	2 - 2 - 1 - التغير المطلق
24	2 - 2 - 2 - معدل النمو
24	2 - 2 - 3 - 2 - معدل الزيادة
25	2 - 3 - المؤشرات الوسيطية للسلاسل الزمنية

26	2 - 3 - 1 – المستوى المتوسط للسلسلة الزمنية
28	2 - 3 - 2 - مترسط الزيادة المطلقة
29	2 - 3 - 3 - معدل النمو الوسطي
29	2 - 3 - 4 - معدل الزيادة الوسطي
30	2 - 4 - السلاسل الزمنية المستقرة وغير المستقرة
35	2 - 5 - تسوية السلاسل الزمنية
35	2 - 5 - 1 - تسوية السلاسل الزمنية بواسطة الأوساط المتحركة
39	2 - 5 - 2 - تسوية السلاسل الزمنية بواسطة معادلة الإنجاء
46	2 - 6 - التقلبات الموسمية في السلاسل الزمنية
52	الغصل الثالث : تقنيات التوقع بغترة زمنية واحدة
52	3 - 1 - التوقع باستخدام تقنية الأوساط المتحركة البسيطة
56	3 - 1 - 1 - مجالات إستخدام تقنية الأوساط المتحركة البسيطة
56	3 - 1 - 2 - نقائص تقنية الأوساط المتحركة البسيطة
57	3 - 2 - التوقع باستخدام تقنية الأوساط المتحركة المرجحة
60	3 - 2 - 1 - مجالات إستخدام تقنية الأوساط المتحركة المرجحة
61	3 - 2 - 2 - نقائص تقنية الأوساط المتحركة المرجحة
61	3 - 3 - التوقع باستخدام تقنية المسح الأسي
68	3 - 3 - 1 - ملاحظات حول تقنية المسح الأسي
70	3 - 3 - 2 - ملاحظات عامة حول تقنيات المسح

- 4 = تقنية التوقع باستخدام غاذج الإنحدار الذاتي	3
غارين 4	=
غصل الرابع ؛ تقنيات التوقع باكثر من فترة زمنية واحدة 7	IJ
- 1 - الترقع باستخدام معادلة الإنجاء العام	4
- 2 - التوقع باستخدام نماذج الإنحدار والإرتباط	4
الموقع باستخدام غوذج الإنحدار والإرتباط البسيط - 2 - 1 - 2 الثوقع باستخدام غوذج الإنحدار والإرتباط البسيط	4
6 - 1 - 1 - 1 - فرضيات غرذج الإنحدار البسيط	4
· - 2 - 1 - 2 - خطوات بناء نموذج الإنحدار البسيط	4
واستخدامه في التوقع	
ء - 2 - 1 - 3 - مشكلات بناء واستخدام نموذج الإنحدار	4
البسيط في التوقع .	
4 - 2 - 1 - 3 - 1 - الإرتباط الذائي للبواقي	4
3 - 2 - 3 - 1 - 2 - 3 - 1 - 2 - 4	4
4 - 2 - 2 - التوقع باستخدام نموذج الإنحدار والإرتباط المتعدد	4
4 - 2 - 2 - 1 - فرضيات نموذج الإنحدار المتعدد	4
4 - 2 - 2 - 2 - خطوات بناء وإستخدام نموذج الإنحدار المتعدد في التوقع ﴿	4
4 - 2 - 2 - 3 - مشاكل بناء وإستخدام نموذج الإنحدار المتعددفي التوقع ع	4
3 - 2 - 2 - 3 - 1 - الإرتباط الذاتي	4
2 - 3 - 2 - 2 - 4	4

4 - 2 - 2 - 3 - 3 - 2 - 2 - 4	147
4 - 3 - التنبؤ باستخدام تقديرات الخبراء	157
4 - 3 - 1 - خطوات إستخدام تقديرات الخبراء في التنبؤ	158
- غارين	166
$(\chi^2 _0 F _0 t _0 f _0$	171
- قائمة المراجع	174
- فهرس المحتويات .	179

http://www.opu-lu.cerlst.dz

النبر طبعه على مطابع _____ حبيوأن المطبوعات الجامعية الساحة المركزية - بن عكنون الساحة المركزية - بن عكنون